#### МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Воронежский государственный технический университет»

Декан факультега М. Пасмурнов

#### РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

дисциплины

«Дискретная математика»

Специальность 10.05.01 КОМПЬЮТЕРНАЯ БЕЗОПАСНОСТЬ

Специализация

Квалификация выпускника специалист по защите информации

Нормативный период обучения 5 лет и 6 м.

Форма обучения очная

Год начала подготовки 2016

Автор программы

/Ююкин Н.А./

Заведующий кафедрой Высшей математики и физико-математического моделирования

Руководитель ОПОП

/Батаронов / И.Л.

/Остапенко А.Г./

Воронеж 2017

#### 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ДИСЦИПЛИНЫ

#### 1.1. Цели дисциплины

- воспитание достаточно высокой математической культуры в области дискретной математики;
- привитие навыков современных видов математического мышления в области дискретной математики;
- использование методов дискретной математики в практической деятельности.

#### 1.2. Задачи освоения дисциплины

- дать ясное понимание необходимости изучения дискретной математики как части математического образования в общей подготовке инженера, в том числе выработать представление о роли и месте дискретной математики в современной цивилизации и мировой культуре;
- ознакомить слушателей с основами комбинаторики, теории автоматов, теории графов и их приложениями к задачам математической кибернетики;
- привить навыки свободного обращения с основными дискретными объектами и корректного употреблении понятий и символов дискретной математики для выражения количественных и качественных отношений реального мира;
- показать примеры эффективного использования основных понятий и методов дискретной математики на практике.

#### 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Дисциплина «Дискретная математика» относится к дисциплинам базовой части блока Б1.

### 3. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Процесс изучения дисциплины «Дискретная математика» направлен на формирование следующих компетенций:

ОПК-2 - способностью применять аппарат дискретной математики для решения профессиональных задач

Компетенция	Результаты обучения, характеризующие сформированность компетенции
ОПК-2	знать принципы построения алгоритмов дискретной математики
	уметь применять аппарат дискретной математики для решения прикладных задач
	владеть навыками постановки и решения задач дискретной математики в профессиональной деятельности

#### 4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость дисциплины «Дискретная математика» составляет 10 з.е.

Распределение трудоемкости дисциплины по видам занятий

очная форма обучения

Puru vinofinoŭ poforiu		Семе	естры
Виды учебной работы	часов	6	7
Аудиторные занятия (всего)	184	40	144
В том числе:			
Лекции	92	20	72
Практические занятия (ПЗ)	92	20	72
Самостоятельная работа	140	68	72
Часы на контроль	36	1	36
Виды промежуточной аттестации - экзамен,	_	-	_
зачет	+	+	+
Общая трудоемкость:			
академические часы	360	108	252
зач.ед.	10	3	7

# 5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

# **5.1** Содержание разделов дисциплины и распределение трудоемкости по видам занятий

очная форма обучения

Шестой семестр         1       Теория графов.       Основные понятия теории графов.       Матричные способы задания и операции над графами.         Маршруты в графах.       Деревья.       Эйлеровы и гамильтоновы графы.         Фундаментальные циклы и	№ п/п	Наименование темы	Содержание раздела	Лекц	Прак зан.	CPC	Всего, час
графов. Основные понятия теории графов. Матричные способы задания и операции над графами. Маршруты в графах. Деревья. Эйлеровы и гамильтоновы графы.			Шестой семестр				
разрезы. Связь теории графов с бинарными 20 20 68 отношениями и векторными пространствами. Планарность и раскраска графов. Покрытия и независимость. Кратчайшие маршруты в графах. Задача коммивояжера. Потоки в		Теория графов.	Основные понятия теории графов. Матричные способы задания и операции над графами Маршруты в графах Деревья. Эйлеровы и гамильтоновы графы Фундаментальные циклы и разрезы. Связь теории графов с бинарными отношениями и векторными пространствами. Планарность и раскраска графов. Покрытия и независимость. Кратчайшие маршруты в графах. Задача	20 A A A A A A A A A A A A A A A A A A A		68	108

	1			I	1	
		сетях. Сетевое				
		планирование и				
		управление. Анализ				
		технических систем (на				
		примере электрической				
		цепи). Сигнальные графы.				
		Переключательные сети (				
		схемы).				
		Седьмой семестр				
2	Элементы	Простейшие				
	комбинаторики	комбинаторные				
		конфигурации. Метод	36	36	36	108
		включений и исключений.	30	30	30	100
		Рекуррентные уравнения.				
2						
3	Теория	Понятие конечного				
	конечных	автомата. Эквивалентность				
	автоматов.	в автоматах. Процедура				
		минимизации конечных автоматов. Автоматные				
		языки. Автоматные				
		функции и эксперименты	36	36	36	108
		с автоматами.	50	30	30	100
		Модификации конечных				
		автоматов. Процедура				
		минимизации не				
		полностью описанного				
		автомата.				
		Итого	92	92	140	324

# 5.2 Перечень лабораторных работ

Не предусмотрено учебным планом

#### 6. ПРИМЕРНАЯ ТЕМАТИКА КУРСОВЫХ ПРОЕКТОВ (РАБОТ) И КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ

В соответствии с учебным планом освоение дисциплины не предусматривает выполнение курсового проекта (работы) или контрольной работы.

# 7. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

7.1. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

### 7.1.1 Этап текущего контроля

Результаты текущего контроля знаний и межсессионной аттестации оцениваются по следующей системе:

«аттестован»;

«не аттестован».

Компо тенци	Результаты обучения, характеризующие сформированность компетенции	Критерии оценивания	Аттестован	Не аттестован
ОПК-2	знать принципы построения алгоритмов дискретной математики	Тест	Выполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах	Невыполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах
	уметь применять аппарат дискретной математики для решения прикладных задач	Решение стандартных практических задач	Выполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах	Невыполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах
	владеть навыками постановки и решения задач дискретной математики в профессиональной деятельности	Решение прикладных задач в конкретной предметной области	Выполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах	Невыполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах

### 7.1.2 Этап промежуточного контроля знаний

Результаты промежуточного контроля знаний оцениваются в 6, 7 семестре для очной формы обучения по двух/четырехбалльной системе:

«зачтено»

«не зачтено»

	Компе- тенция	Результаты обучения, характеризующие сформированность компетенции	Критерии оценивания	Зачтено	Не зачтено
ОПК-2		знать принципы построения алгоритмов дискретной математики	Тест	Выполнение теста на 70-100%	Выполнение менее 70%
		уметь применять аппарат дискретной математики для решения прикладных задач	Решение стандартных практических задач	Продемонстриров а н верный ход решения в большинстве задач	Задачи не решены
		владеть навыками постановки и решения задач дискретной математики в профессиональной деятельности	Решение прикладных задач в конкретной предметной области	Продемонстриров а н верный ход решения в большинстве задач	Задачи не решены

ИЛИ

«отлично»;

«хорошо»;

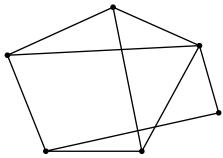
«удовлетворительно»;

«неудовлетворительно».

Компе- тенция	Результаты обучения, характеризующие сформированность компетенции	Критерии оценивания	Отлично	Хорошо	Удовл.	Неудовл.
ОПК-2	знать принципы	Тест	Выполнени	Выполнение	Выполнение	В тесте
	построения		е теста на	теста на 80-	теста на 70-	менее 70%
	алгоритмов		90- 100%	90%	80%	правильны
	дискретной					х ответов
	математики					
	уметь применять	Решение	Задачи	Продемонст	Продемонстр	Задачи не
	аппарат	стандартных	решены в	р ирован	ирован	решены
	дискретной	практически	полном	верный ход	верный ход	
	математики для	х задач	объеме и	решения	решения в	
	решения		получены	всех, но не	большинстве	
	прикладных		верные	получен	задач	
	задач		ответы	верный		
				ответ во всех		
				задачах		
	владеть	Решение	Задачи	Продемонст	Продемонстр	Задачи не
	навыками	прикладных	решены в	р ирован	ирован	решены
	постановки и	задач в	полном	верный ход	верный ход	
	решения задач	конкретной	объеме и	решения	решения в	
	дискретной	предметной	получены	всех, но не	большинстве	
	математики в	области	верные	получен	задач	
	профессионально		ответы	верный		
	й деятельности			ответ во всех		
				задачах		

7.2 Примерный перечень оценочных средств (типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности)

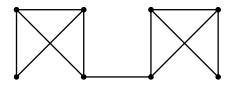
# 7.2.1 Примерный перечень заданий для подготовки к тестированию 1 Дан граф



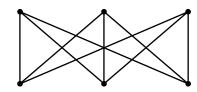
Сумма степеней всех его вершин равна:

- 1) 6; 2) 9; 3) 12; 4) 15; 5) 18.
- 2 Представленный на рисунке граф задает отношение, которое является:
- 1) рефлексивным; 2) симметричным; 3) транзитивным; 4) отношением порядка; 5) отношением эквивалентности.

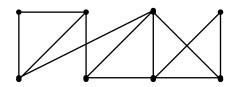
- 3 Радиус графа, изображенного на рисунке равен:
- 1) 2; 2) 3; 3) 4; 4) 5; 5) 7.



- 4 Хроматическое число ниже приведенного графа равно:
- 1) 2; 2) 3; 3) 4; 4) 6; 5) 9.



5 В приведенном на рисунке графе число фундаментальных циклов равно:



- 1) 4; 2) 5; 3) 6; 4) 8; 5) 12.
- 6 Имеется 5 видов конвертов без марок и 4 вида марок. Конверт и марку для посылки письма можно выбрать:
  - 1) 120; 2) 24; 3) 20; 4) 5; 5) 4 способами.
- 7 Среди натуральных чисел от 20 до 1000 включительно имеются такие, которые не делятся ни на одно из чисел 7, 11 и 13. Всего таких чисел: 1) 28; 2) 304; 3) 635; 4) 705; 5) 953.
- 8 Решением рекуррентного уравнения  $a_{n+2} 4a_{n+1} + 4a_n = 3^n$  с начальными условиями  $a_0 = 5, a_1 = 7$  является последовательность:
  - $1) \ \ 4 \times 2^{n} \div 2n \times 3^{n} \ ; \ 2) \ \ 2^{n} \div (4 2n) \times 3^{n} \ ; \ 3) \ \ (4 + 2n) \times 2^{n} + 3^{n} \ ; \ 4) \ \ (4 2n) \times 2^{n} + 3^{n} \ ;$
  - 5)  $2^{n} + (4 + 2n) \times 3^{n}$ .
- 9 Внутреннее состояние конечного автомата в любой момент времени

полностью определяется:

1) состоянием автомата в предыдущий момент времени; 2) символом, поданным на его вход; 3) конечной последовательностью символов, поступающих на его вход; 4) символом на выходе и внутренним состоянием автомата в предыдущий момент времени; 5) правильного ответа нет.

10 Имеется конечный автомат, заданный таблицей состояний

Текущее	Следующе	е состояние	Вы	ход
состояние	0	1	0	1
s <sub>0</sub>	<i>s</i> <sub>1</sub>	s 2	1	0
<i>s</i> <sub>1</sub>	S 4	<b>s</b> <sub>2</sub>	0	0
s <sub>2</sub>	s <sub>3</sub>	s <sub>0</sub>	1	0
s 3	S 4	s <sub>0</sub>	0	0
S 4	S 4	s <sub>4</sub>	0	0

Число состояний минимального конечного автомата, покрывающего заданный автомат, равно:

1) 5; 2) 4; 3) 3; 4) 2; 5) 1.

## 7.2.2 Примерный перечень заданий для решения стандартных задач

- 1. Докажите тождества, используя только определения операций над множествами.
- 4.  $A = \{a,b,c\}$  ,  $B = \{1,2,3,4\}$  ,  $P_1 \subseteq A \times B$  ,  $P_2 \subseteq B^2$  . Изобразите  $P_1$  ,  $P_2$  графически. Найдите  $[P_1 \circ P_2]^{-1}$ . Проверьте с помощью матрицы  $[P_2]$  , является ли отношение  $[P_2]$  рефлексивным, симметричным, антисимметричным, транзитивным?
- 5. Найдите область определения, область значений отношения P .

Является ли отношение *P* рефлексивным, симметричным, антисимметричным, транзитивным?

- 6. Является ли алгеброй следующий набор  $B = \langle B, \Sigma \rangle$ ?
- 11. Составьте таблицы истинности формул.
- 12. Проверьте двумя способами, будут ли эквивалентны следующие формулы...
  - а. составлением таблиц истинности;
  - b. приведением формул к СДНФ или СКНФ с помощью эквивалентных преобразований.
- 13.С помощью эквивалентных преобразований приведите формулу к ДНФ, КНФ, СДНФ, СКНФ. Постройте полином Жегалкина.
- 14. Найдите сокращенную, все тупиковые и минимальные ДНФ булевой функции f(x, y, z) двумя способами:
  - а. методом Квайна:
  - b. с помощью карт Карно.

Каким классам Поста принадлежит эта функция?

- 15.С помощью карт Карно найдите сокращенную, все тупиковые и минимальные ДНФ, КНФ булевой функции  $f(x_1, x_2, x_3, x_4)$ , заданной вектором своих значений.
- 16. Является ли полной система функций? Образует ли она базис?
- 17.С помощью алгебры логики проверьте истинность соотношения для любых множеств A, B, C. Если соотношение неверно, постройте контрпример.

1. 
$$A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C),$$
$$A \times (B \cup C) = (A \times B) \cup (A \times C).$$

4. 
$$P_{1} = \{\langle a,1 \rangle, \langle a,2 \rangle, \langle b,3 \rangle, \langle c,2 \rangle, \langle c,3 \rangle, \langle c,4 \rangle\},$$

$$P_{2} = \{\langle 1,1 \rangle, \langle 2,1 \rangle, \langle 2,2 \rangle, \langle 2,3 \rangle, \langle 2,4 \rangle, \langle 3,3 \rangle, \langle 4,4 \rangle\}.$$

5. 
$$P \subseteq R^2, \langle x, y \rangle \in P \iff x^2 + y^2 = 1$$
.

6. 
$$\langle w; +, 0 \rangle$$

11. 
$$(x \lor y) \leftrightarrow (y \downarrow \overline{x}), (x \mid \overline{y}) \rightarrow (z \oplus \overline{xy}).$$

12. 
$$x \to (y \oplus z) \dot{e} (x \to y) \oplus (x \to z)$$
.

13. 
$$(x \vee \overline{y}) \rightarrow (\overline{z} \oplus \overline{x}).$$

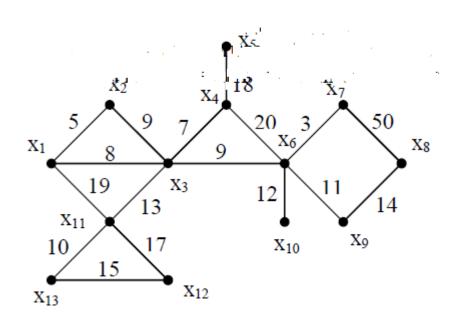
14. 
$$f(0,1,0) = f(1,0,0) = f(1,0,1) = 0$$
.

16. 
$$\mathfrak{I} = \{x \vee y, \overline{x} \oplus y\}.$$

17. 
$$(A \cup B) \setminus (C \cap A) = (B \setminus C) \setminus (A \cup C)$$
.

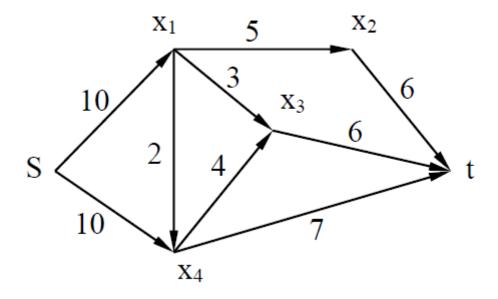
#### 7.2.3 Примерный перечень заданий для решения прикладных задач

1. С использованием алгоритмов Краскала и Прима построить кратчайший остов для графа и определить его суммарный вес



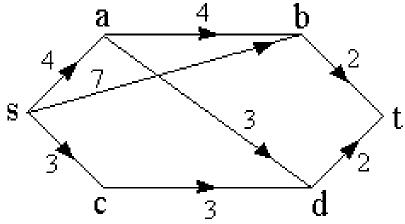
a. 100 b. 120 c. 125 d. 130

2. Для взвешенного орграфа найти кратчайший путь из вершины s в вершину t.



a. sabt b. scdt c. sbt d. sadt (b)

3. Определить максимальный поток в сети



a. 18 b. 21 c. 20 d. 19

- 4. В урне содержатся 6 синих, 7 зеленых и 4 красных шара. Из нее берут без возвращения 5 шаров, причем порядок выбора не существенен. Сколькими способами можно выбрать не менее 4 синих шаров? а.  $C6\ 4C11\ 1\ + C6\ 5$  b.  $C6\ 4\ + C6\ 5\ c$ .  $C6\ 4C11\ 1\ + C11\ 5\ d$ .  $A6\ 4A11\ 1\ + A6\ 5$
- 5. 10 мужчин, двое из которых Петров и Иванов, размещаются в гостинице в два 3-х местных и один 4-х местный номера. Определить число способов размещения, при которых Иванов и Петров попадут в 4-х местный номер. а. C10 3,3,4 b. C8 3,3,2 c. A10 3,3,4 d. C10 3,3,4 (b)
- 6. Все студенты первого курса изучают три языка программирования. 19 студентов изучают Pascal, 14 выбрали Си, 17 решили заняться Java. 4 студента слушают курсы и по Pascal, и по Си, трое изучают Pascal и Java, трое Си и Java. Известно, что никто не изучает сразу три языка. Сколько студентов изучают только Java? а. 17 b. 14 c. 11 d. 9 (c)
- 7. Из 20 студентов надо назначить 5 дежурных. Сколькими способами это можно сделать? а. 100 b. 125 с. 14200 d. 15504 ( d)

- 8. Сколько словарей надо издать, чтобы можно было выполнять переводы с любого из десяти языков на любой другой из этих десяти языков? а. 20 b. 100 c. 90 d. 120 (c)
- 9. Построить СДНФ функции  $f(x,y,z) = x \vee y \vee z \wedge (x \vee y) a$ .  $(xyz \vee xyz \vee xyz \vee xyz)$  b.  $(xyz \vee xyz \vee xyz \vee xyz)$  c.  $(xyz \vee xyz \vee xyz \vee xyz)$  d.  $(xyz \vee xyz \vee xyz \vee xyz)$  (d)
- 10. Построить СКНФ формулы  $((((x \rightarrow y) \rightarrow x) \rightarrow y) \rightarrow z)$  а.  $(xyz \land xyz)$   $yz \land xyz$   $yz \land xyz \land xyz \land xyz$   $z \land xyz \land xyz \land xyz$   $z \land xyz \land xyz$

# 7.2.4 Примерный перечень вопросов для подготовки к зачету

- 1. Задачи теории графов.
- 2. Основные определения теории графов.
- 3. Матричные способы задания графов.
- 4. Основные операции над графами.
- 5. Понятие маршрута.
- 6. Связность в графах.
- 7. Связность и матрица смежности графа.
- 8. Матрица взаимодостижимости.
- 9. Свободные деревья.
- 10. Ориентированные, упорядоченные и бинарные деревья.
- 11. Эйлеровы графы.
- 12. Алгоритм построения эйлерова цикла в эйлеровом графе.
- 13. Гамильтоновы графы.
- 14. Оценка числа эйлеровых и гамильтоновых графов.
- 15. Фундаментальные циклы.
- 16.Разрезы.
- 17.Отношения на множествах и графы.
- 18. Векторные пространства, связанные с графами.
- 19.Планарные графы.
- 20. Раскраска графов.
- 21.Покрывающее множество вершин и ребер.
- 22. Независимые множества вершин и ребер.
- 23. Доминирующее множество вершин.
- 24. Расстояние в графах.
- 25. Алгоритм Форда-Беллмана.
- 26. Алгоритм Дейкстры.
- 27. Алгоритм нахождения кратчайших маршрутов в бесконтурном графе.
- 28.Постановка задачи коммивояжера.
- 29. Обходы графа по глубине и ширине.
- 30.Решение задачи коммивояжера.
- 31.Основные определения сети и потоков в ней.
- 32. Теорема Форда и Фалкерсона.
- 33. Алгоритм построения максимального потока в сети.
- 34. Элементы сетевого графика.

- 35. Временные параметры сетевого графика.
- 36. Распределение ограниченных ресурсов в сетевых графиках.
- 37.Законы Кирхгофа.
- 38. Уравнения контурных токов.
- 39. Уравнения узловых напряжений.
- 40.Общие представления о сигнальных графах.
- 41.Преобразования сигнальных графов.
- 42. Формула Мэзона.
- 43. Переключательные схемы.

#### 7.2.5 Примерный перечень заданий для решения прикладных задач

- 1. Понятие о комбинаторике и комбинаторных конфигурациях. Основные правила комбинаторики.
- 2. Определение перестановок элементов конечного множества. Расчет числа перестановок. Примеры.
- 3. Размещения из п элементов по т элементов. Число размещений. Примеры.
- 4. Сочетания из п элементов по т элементов. Число сочетаний. Примеры.
- 5. Размещения и сочетания с повторениями. Определения и примеры расчетов числа сочетаний и размещений с повторениями.
- 6. Понятие о латинских прямоугольниках и квадратах. Формулы для нахождения их числа.
- 7. Конечные проективные плоскости. Постулаты для точек и прямых, расположенных на проективной плоскости. Порядок конечной проективной плоскости. Конечная проективная плоскость второго порядка.
- 8. Понятие блок-схемы. Уравновешенные и частично уравновешенные неполные блок-схемы. Матрица инцидентности блок-схемы. Подклассы блок-схем.
- 9. Объединение комбинаторных конфигураций. Примеры подсчета числа комбинаторных конфигураций для простейших случаев объединения.
- 10. Принцип включения и исключения. Доказательство принципа для произвольного числа объединяемых множеств.
- 11. Число булевых функций, существенно зависящих от всех своих переменных.
- 12. Определение рекуррентного соотношения. Общее решение однородного рекуррентного уравнения. Пример решения.
- 13. Частное и общее решение неоднородного линейного рекуррентного уравнения. Общие рецепты нахождения частного решения. Привести пример решения.
- 14. Общие сведения о производящих функциях. Обычные и экспоненциальные производящие функции.
- 15. Биномиальные коэффициенты и их производящая функция. Доказательство тождества для биномиальных коэффициентов.
- 16. Числа Фибоначчи. Рекуррентные соотношения для чисел Фибоначчи. Использование производящей функции для выражения общего члена чисел Фибоначчи.
- 17. Трансверсали. Определение систем различных представителей (трансверсалей) множесва. Теорема Холла о существовании трансверсалей. Критическое подсемейство множеств.
- 18. Перманент матрицы. Определение, примеры расчета и основные свойства.
- 19. Число трансверсалей. Матрица инцидентности множества. Формулировка теоремы о связи числа трансверсалей с перманентом матрицы инцидентности. Задача о встречах.
- 20. Матрицы Адамара. Определение, условия ортогональности и нормальности. Абсолютное значение определителя матрицы Адамара n го порядка..
- 21. Эквивалентные преобразования матриц Адамара. Приведение матриц Адамара к нормализованному виду. Размерности матриц Адамара.

- 22. Кронекерово произведение матриц и его использование для построения матриц Адамара высокого порядка исходя их матриц меньшего порядка.
- 23. Понятие конечного автомата. Общие свойства автоматических устройств дискретного действия. Функциональное построение современных цифровых вычислительных машин и электрическое состояние их элементов.
- 24. Формальное (абстрактное) определение конечного автомата. Входной и выходной алфавиты, множества внутренних состояний, переходная и выходная функции. Последовательность работы конечного автомата.
- 25. Пример конечного автомата. Способы его описания с помощью диаграммы и таблицы состояний.
- 26. Эквивалентность автоматов. Основные определения и термины. Входная и выходная строки, строка состояния и функции, связывающие эти строки. Покрытие, эквивалентность и минимальность автоматов.
- 27. Отношения покрытия и эквивалентности автоматов. Морфизм, эпиморфизм и изоморфизм автоматов. Пример изоморфных автоматов.
- 28. Эквивалентные состояния автоматов. r эквивалентность, эквивалентность и классы эквивалентности. Пример конечного автомата, имеющего эквивалентные состояния.
- 29. Примеры процедур минимизации конечных автоматов на основе отношений эквивалентности между упорядоченными парами состояний.
- 30. Машины Тьюринга. Принцип действия и формальное определение.
- 31. Примеры машин Тьюринга, определяющих четность числа единиц в последовательности, одинаковость числа единиц и нулей в последовательности, сложения двух неотрицательных чисел.
- 32. Понятие формальной грамматики. Символы, предложения и язык формальной грамматики. Грамматики порождающие и распознающие. Зависящие от контекста и контекстно-свободные грамматики.
- 33. Автоматные грамматики. Акцепторы с конечным числом состояний. Диаграммы состояний конечного акцептора. Теоремы автоматных грамматик (без доказательства).
- 34. Понятие ограниченно детерминированной (автоматной) функции. Единичная задержка.
- 35. Схемы из функциональных элементов и элементов задержки. Определение и связь с автоматным отображением. Понятие моделирования автоматной функции. Базис схемы из функциональных элементов и элементов задержки.
- 36. Эксперименты по отличимости состояний автоматов. Определения и основные свойства..
- 37. Не полностью описанные (частичные) автоматы. Безразличные позиции (неопределенные символы) в таблице состояний. Допустимая входная последовательность. Покрытие и совместимость выходных строк.
- 38. Понятия недетерминированного и вероятностного автоматов.
- 39. Понятие нечеткого множества.
- 40. Меры сходства и различия нечетких множеств.

Разбиение нечеткого множества

# 7.2.6. Методика выставления оценки при проведении промежуточной аттестации

(Например: Экзамен проводится по тест-билетам, каждый из которых содержит 10 вопросов и задачу. Каждый правильный ответ на вопрос в тесте оценивается 1 баллом, задача оценивается в 10 баллов (5 баллов верное решение и 5 баллов за верный ответ). Максимальное количество набранных баллов — 20.

- 1. Оценка «Неудовлетворительно» ставится в случае, если студент набрал менее 6 баллов.
  - 2. Оценка «Удовлетворительно» ставится в случае, если студент

набрал от 6 до 10 баллов

- 3. Оценка «Хорошо» ставится в случае, если студент набрал от 11 до 15 баллов.
- 4. Оценка «Отлично» ставится, если студент набрал от 16 до 20 баллов.)

7.2.7 Паспорт оценочных материалов

№ п/п	Контролируемые разделы (темы) дисциплины	Код контролируемой компетенции	Наименование оценочного средства
1	Теория графов.	ОПК-2	Тест, контрольная работа, защита лабораторных работ, защита реферата, требования к курсовому проекту
2	Элементы комбинаторики	ОПК-2	Тест, контрольная работа, защита лабораторных работ, защита реферата, требования к курсовому проекту
3	Теория конечных автоматов	ОПК-2	Тест, контрольная работа, защита лабораторных работ, защита реферата, требования к курсовому проекту

# 7.3. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности

Тестирование осуществляется, либо при помощи компьютерной системы тестирования, либо с использованием выданных тест-заданий на бумажном носителе. Время тестирования 30 мин. Затем осуществляется проверка теста экзаменатором и выставляется оценка согласно методики выставления оценки при проведении промежуточной аттестации.

Решение стандартных задач осуществляется, либо при помощи компьютерной системы тестирования, либо с использованием выданных задач на бумажном носителе. Время решения задач 30 мин. Затем осуществляется проверка решения задач экзаменатором и выставляется оценка, согласно методики выставления оценки при проведении промежуточной аттестации.

Решение прикладных задач осуществляется, либо при помощи компьютерной системы тестирования, либо с использованием выданных задач на бумажном носителе. Время решения задач 30 мин. Затем осуществляется проверка решения задач экзаменатором и выставляется оценка, согласно методики выставления оценки при проведении промежуточной аттестации.

#### 8 УЧЕБНО МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ)

8.1 Перечень учебной литературы, необходимой для освоения

#### дисциплины

No	Авторы, составители	Заглавие	Годы здания.	спечен
п/п			Вид	
			издани	
			Я	
		7.1.1. Основная литература		
7.1.1.3	Судоплатов С.В.	Дискретная математика: Учебник. – М	2005	0,
		ИНФРАМ, 2005. – 256 c.	печат.	
		7.1.2. Дополнительная литература		
7.1.2.1	Новиков Ф.А.	Дискретная математика для	2005	0,3
		программистов Учебник. – СПб:	I I	
		Питера, 2005. – 364 с.	печат.	
		7.1.3 Методические разработки		
7.1.3.1	Ююкин Н.А.,	Математическая логика и теория	2007	
	Моисеев С.И., Федотенко Г.Ф.	алгоритмов: учеб. пособие	печат.	
7.1.3.2	Ююкин Н.А.	Дискретная математика. Часть 1.	2004	
		Элементы теории графов учеб. пособие.	магн.	
			носитель	
7.1.3.3	Ююкин Н.А.	Дискретная математика. Ч. 2: Элементы	2011	
		комбинаторики и теории конечных автоматов учеб. пособие	магн. носитель	

8.2 Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень лицензионного программного обеспечения, ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем:

ПО: windows, open office? Acrobat reader

Для выполнения домашних заданий рекомендуется использовать

Mathstudio

Современная профессиональная база данных

Mathnet.ru, e-library/ru

Информационные справочные системы

dist.sernam.ru, Wikipedia

http://eios.vorstu.ru/

#### 9 МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКАЯ БАЗА, НЕОБХОДИМАЯ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА

Для проведения лекционных и практических занятий необходимы учебные аудитории, оснащенные техническими средствами для проведения занятий по математике

## 10. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

По дисциплине «Дискретная математика» читаются лекции, проводятся практические занятия.

Основой изучения дисциплины являются лекции, на которых излагаются наиболее существенные и трудные вопросы, а также вопросы, не нашедшие отражения в учебной литературе.

Практические занятия направлены на приобретение практических навыков расчета <u>параметров и текущих значений дискретных объектов</u>. Занятия проводятся путем решения конкретных задач в аудитории.

Вид учебных занятий	Деятельность студента
Лекция	Написание конспекта лекций: кратко, схематично, последовательно фиксировать основные положения, выводы, формулировки, обобщения; помечать важные мысли, выделять ключевые слова, термины. Проверка терминов, понятий с помощью энциклопедий, словарей, справочников с выписыванием толкований в тетрадь. Обозначение вопросов, терминов, материала, которые вызывают трудности, поиск ответов в рекомендуемой литературе. Если самостоятельно не удается разобраться в материале, необходимо сформулировать вопрос и задать преподавателю на лекции
	или на практическом занятии.
Практическое занятие	Конспектирование рекомендуемых источников. Работа с конспектом лекций, подготовка ответов к контрольным вопросам, просмотр рекомендуемой литературы. Прослушивание аудио- и видеозаписей по заданной теме, выполнение расчетно-графических заданий, решение задач по алгоритму.
Самостоятельная работа	Самостоятельная работа студентов способствует глубокому усвоения учебного материала и развитию навыков самообразования. Самостоятельная работа предполагает следующие составляющие: - работа с текстами: учебниками, справочниками, дополнительной литературой, а также проработка конспектов лекций; - выполнение домашних заданий и расчетов; - работа над темами для самостоятельного изучения; - участие в работе студенческих научных конференций, олимпиад; - подготовка к промежуточной аттестации.

Подготовка к	Готовиться к промежуточной аттестации следует
промежуточной аттестации	систематически, в течение всего семестра. Интенсивная
	подготовка должна начаться не позднее, чем за месяц-полтора
	до промежуточной аттестации. Данные перед зачетом
	экзаменом три дня эффективнее всего использовать для
	повторения и систематизации материала.