

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Воронежский государственный технический университет»

УТВЕРЖДАЮ

Декан факультета К.А. Складов К.А. Складов
«30» августа 2019 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

дисциплины

«Математика»

Направление подготовки 27.03.05 ИННОВАТИКА

Профиль Инновационные технологии

Квалификация выпускника бакалавр

Нормативный период обучения 4 года

Форма обучения очная

Год начала подготовки 2019

Автор программы

М.Ю. Глазкова / М.Ю. Глазкова /

Заведующий кафедрой
Прикладной математики и
механики

В.И. Рязанский / В.И. Рязанский /

Руководитель ОПОП

Н.С. Суровцев / Н.С. Суровцев /

Воронеж 2019

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ДИСЦИПЛИНЫ

1.1. Цели дисциплины

Развитие логического и алгоритмического мышления, выработка умения самостоятельно расширять и углублять математические знания; освоение необходимого математического аппарата, помогающего анализировать, моделировать и решать прикладные задачи; формирование у студента начального уровня математической культуры, достаточного для продолжения образования, научной работы или практической деятельности, методологических основ для формирования целостного научного мировоззрения, отвечающего современному уровню развития человеческой цивилизации.

1.2. Задачи освоения дисциплины

- Выработка ясного понимания необходимости математического образования в подготовке бакалавра и представления о роли и месте математики в современной системе знаний и мировой культуре;
- Ознакомление с системой понятий, используемых для описания важнейших математических моделей и математических методов, и их взаимосвязью;
- Формирование конкретных практических приемов и навыков постановки и решения математических задач, ориентированных на практическое применение при изучении дисциплин профессионального цикла;
- Овладение основными математическими методами, необходимыми для анализа процессов и явлений при поиске оптимальных решений, обработки и анализа результатов экспериментов.
- Изучение основных математических методов применительно к решению научно-технических задач.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Дисциплина «Математика» относится к дисциплинам базовой части блока Б1.

3. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Процесс изучения дисциплины «Математика» направлен на формирование следующих компетенций:

ОК-7 - способностью к самоорганизации и самообразованию

ОПК-2 - способностью использовать инструментальные средства

ОПК-7 - способностью применять знания математики, физики и естествознания, химии и материаловедения, теории управления и информационные технологии в инновационной деятельности

Компетенция	Результаты обучения, характеризующие сформированность компетенции
ОК-7	знать:

ОПК-2 ОПК-7	фундаментальные основы высшей математики, включая алгебру, геометрию, математический анализ, теорию вероятностей и основы математической статистики
	уметь: самостоятельно использовать математический аппарат, содержащийся в литературе по строительным наукам, расширять свои математические познания
	владеть: первичными навыками и основными методами решения математических задач из общепрофессиональных и специальных дисциплин профилизации

4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость дисциплины «Математика» составляет 10 з.е.

Распределение трудоемкости дисциплины по видам занятий

очная форма обучения

Виды учебной работы	Всего часов	Семестры		
		1	2	3
Аудиторные занятия (всего)	162	54	54	54
В том числе:				
Лекции	54	18	18	18
Практические занятия (ПЗ)	108	36	36	36
Самостоятельная работа	126	18	90	18
Часы на контроль	72	36	-	36
Виды промежуточной аттестации - экзамен, зачет с оценкой	+	+	+	+
Общая трудоемкость:				
академические часы	360	108	144	108
зач.ед.	10	3	4	3

5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

5.1 Содержание разделов дисциплины и распределение трудоемкости по видам занятий

очная форма обучения

№ п/п	Наименование темы	Содержание раздела	Лекц	Прак зан.	СРС	Всего, час
1	Векторная и линейная алгебра	Определители, их свойства и вычисление. Решение систем линейных уравнений по правилу Крамера. Метод Гаусса. Однородные системы линейных уравнений. Виды матриц, линейные операции над матрицами, умножение матриц. Обратная матрица. Матричная форма записи системы линейных уравнений. Ранг матрицы. Теорема Кронекера-Капелли. Линейное пространство, норма в линейном пространстве.	6	8	10	24
2	Векторная и линейная	Примеры нормированных, бесконечномерных	6	8	10	24

	алгебра	, функциональных пространств. Векторные и скалярные величины. Линейные операции над векторами в $\mathbf{R}^2$ и $\mathbf{R}^3$. Линейная зависимость и независимость векторов. Базис. Координаты вектора. Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов, их свойства, геометрический и физический смысл.				
3	Аналитическая геометрия	Прямая на плоскости (различные виды уравнений прямой). Взаимное расположение 2-х прямых. Плоскость и прямая в пространстве, их уравнения и взаимное расположение. Кривые и поверхности 2-го порядка; их канонические уравнения и построение.	6	8	10	24
4	Введение математический анализ и дифференциальное исчисление функций одной переменной	Функция одной переменной. Предел функции. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Сравнение бесконечно малых. Признаки существования пределов. Приращение функции. Непрерывность функции в точке и на отрезке. Точки разрыва, их классификация. Производная функции, ее геометрический и механический смыслы.	4	8	10	22
5	Введение математический анализ и дифференциальное исчисление функций одной переменной	Правила дифференцирования. Дифференциал функции, его геометрический смысл. Применение дифференциала в приближенных вычислениях. Основные теоремы дифференциального исчисления (Ролля, Коши, Лагранжа) и их геометрическая иллюстрация. Правило Лопиталя. Возрастание и убывание функции на отрезке. Экстремум, наибольшее и наименьшее значение функции одной переменной на отрезке. Выпуклость, точки перегиба графика функции. Асимптоты. Общая схема исследования функции одной переменной.	4	8	10	22
6	Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных	Функция нескольких переменных, область определения. Предел функции двух переменных. Непрерывность функции в точке и на области. Частные производные; их геометрический смысл. Дифференцируемость функции нескольких переменных. Полный дифференциал и его геометрический смысл. Частные производные высших порядков. Сложные функции нескольких переменных. Касательная плоскость и нормаль к поверхности (определение, уравнения). Экстремум функции двух переменных. Производная по направлению и градиент функции нескольких переменных (определения, вычисление, свойства).	4	8	10	22
7	Интегральное исчисление функций одной и нескольких переменных	Первообразная. Неопределенный интеграл. Методы интегрирования. Задача о площади криволинейной трапеции, приводящая к понятию определенного интеграла по отрезку. Определенный интеграл по отрезку (определение, основные свойства, вычисление, формула Ньютона-Лейбница). Задачи, приводящие к понятию двойного и криволинейного интегралов. Основные свойства и вычисление.	4	10	10	24

8	Числовые и функциональные ряды	Числовой ряд, сходимость, сумма. Основные свойства сходящихся рядов. Признаки сходимости числовых рядов. Степенные ряды. Интервал сходимости. Ряды Тейлора и Маклорена. Разложение функций в степенные ряды. Применение степенных рядов в приближенных вычислениях. Периодические функции и процессы. Тригонометрический ряд. Коэффициенты Фурье. Ряд Фурье для функции с периодом 2π , теорема Дирихле. Разложение в ряд Фурье четных и нечетных функций, функций произвольного периода, непериодических функций.	4	10	10	24
9	Обыкновенные дифференциальные уравнения	Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Определение дифференциального уравнения, его порядка и решения. Задача Коши и теорема Коши для уравнений 1-го порядка. Общее и частное решения. Основные типы дифференциальных уравнений 1 -го порядка. Дифференциальные уравнения высших порядков. Дифференциальные уравнения второго порядка. Задача Коши. Общее и частное решения. Дифференциальные уравнения второго порядка, допускающие понижение порядка. Линейные дифференциальные уравнения 2-го порядка. Теоремы о структуре общего решения линейного однородного и линейного неоднородного уравнений 2-го порядка. Фундаментальная система решений линейного однородного дифференциального уравнения. Методы решения линейных однородных и неоднородных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами.	4	10	10	24
10	Теория вероятностей и основы математической статистики	Случайные события. Алгебра событий. Относительная частота. Классическое, геометрическое, статистическое определения вероятности. Основные теоремы теории вероятностей. Формула полной вероятности. Схема Бернулли. Дискретные и непрерывные случайные величины. Функция распределения, плотность вероятности и числовые характеристики. Законы распределения дискретных и непрерывных случайных величин (биномиальное, Пуассона, равномерное, показательное, нормальное распределения). Генеральная совокупность и выборка. Полигон частот, гистограмма. Эмпирическая функция распределения. Нахождение неизвестных параметров распределения по выборке. Точечные и интервальные оценки параметров распределения.	4	10	12	26
11	Теория функций комплексного переменного	Функция комплексного переменного (ФКП), ее предел и непрерывность. Производная ФКП, геометрический смысл модуля и аргумента производной. Условия Коши-Римана. Аналитические функции и конформные отображения. Интеграл по контуру и его вычисление. Теорема Коши. Интегральная формула Коши. Комплексные	4	10	12	26

		числовые ряды и признаки их сходимости. Степенные ряды, радиус и круг сходимости. Ряды Тейлора и Лорана. Разложения различных функций в ряды. Вычеты, применение вычетов к вычислению определенных интегралов.				
12	Дискретная математика	Множества. Операции над множествами. Мощность множеств. Отображение множеств. Отношение на множествах. Булева алгебра. Алгебра высказываний. Логические операции.	4	10	12	26
Итого			54	108	126	288

5.2 Перечень лабораторных работ

Не предусмотрено учебным планом

6. ПРИМЕРНАЯ ТЕМАТИКА КУРСОВЫХ ПРОЕКТОВ (РАБОТ) И КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ

В соответствии с учебным планом освоение дисциплины не предусматривает выполнение курсового проекта (работы) или контрольной работы.

7. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

7.1. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

7.1.1 Этап текущего контроля

Результаты текущего контроля знаний и межсессионной аттестации оцениваются по следующей системе:

«аттестован»;

«не аттестован».

Компетенция	Результаты обучения, характеризующие сформированность компетенции	Критерии оценивания	Аттестован	Не аттестован
ОК-7 ОПК-2 ОПК-7	знать: фундаментальные основы высшей математики, включая алгебру, геометрию, математический анализ, теорию вероятностей и основы математической статистики	Сдача экзамена на оценку «отлично»	Выполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах	Невыполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах
	уметь: самостоятельно использовать математический аппарат,	Сдача экзамена на оценку «хорошо»	Выполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах	Невыполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах

	содержащийся в литературе по строительным наукам, расширять свои математические познания			
	владеть: первичными навыками и основными методами решения математических задач из общетехнических и специальных дисциплин профилизации	Сдача экзамена на оценку «удовлетворительно»	Выполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах	Невыполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах

7.1.2 Этап промежуточного контроля знаний

Результаты промежуточного контроля знаний оцениваются в 1, 2, 3 семестре для очной формы обучения по четырехбалльной системе:

«отлично»;

«хорошо»;

«удовлетворительно»;

«неудовлетворительно».

Компетенция	Результаты обучения, характеризующие сформированность компетенции	Критерии оценивания	Отлично	Хорошо	Удовл.	Неудовл.
ОК-7 ОПК-2 ОПК-7	знать: фундаментальные основы высшей математики, включая алгебру, геометрию, математический анализ, теорию вероятностей и основы математической статистики	Тест	Выполнение теста на 90-100%	Выполнение теста на 80-90%	Выполнение теста на 70-80%	В тесте менее 70% правильных ответов
	уметь: самостоятельно использовать математический аппарат, содержащийся в литературе по строительным наукам, расширять свои математические познания	Решение стандартных практических задач	Задачи решены в полном объеме и получены верные ответы	Продемонстрирован верный ход решения всех, но не получен верный ответ во всех задачах	Продемонстрирован верный ход решения в большинстве задач	Задачи не решены
	владеть: первичными навыками и основными методами решения математических задач из	Решение прикладных задач в конкретной предметной области	Задачи решены в полном объеме и получены верные ответы	Продемонстрирован верный ход решения всех, но не получен верный ответ во всех задачах	Продемонстрирован верный ход решения в большинстве задач	Задачи не решены

	общеинженерных и специальных дисциплин профилизации					
--	--	--	--	--	--	--

7.2 Примерный перечень оценочных средств (типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности)

Текущий контроль успеваемости осуществляется на практических занятиях: в виде опроса теоретического материала и умения применять его к решению задач у доски, в виде проверки домашних заданий, в виде тестирования по отдельным темам.

Промежуточный контроль осуществляется проведением контрольных работ по отдельным разделам дисциплины, тестирования по разделам дисциплины, изученным студентом в период между аттестациями, проведением коллоквиумов по теоретическому материалу. Контрольные работы проводятся на практических занятиях

7.2.1 Примерный перечень заданий для подготовки к тестированию Примерная тематика РГР

1-й семестр

«Введение в математический анализ. Дифференциальное исчисление функций одной переменной».

2-й семестр

«Неопределенный и определенный интегралы».

3-й семестр

«Дифференциальные уравнения».

7.3.2. Примерная тематика и содержание КР

1-й семестр

КР №1. «Аналитическая геометрия».

I. Даны координаты вершин $\triangle ABC$: $A(-3; -3)$, $B(-3; 6)$, $C(4; 4)$.
Сделать чертеж.

Найти: 1) уравнение медианы AD и её длину,

2) уравнение высоты AE ,

3) длину высоты AE (расстояние от т.А до прямой BC),

4) угол между медианой и высотой.

II. Привести уравнение $4x^2 + 2y^2 - 4y - 2 = 0$ к каноническому виду, определить вид кривой и изобразить её.

III. Даны координаты вершин пирамиды ABCD: A(5; -1; 3), B(-1; 5; 3), C(3; 5; -1), D(-2; -7; -5).

Найти:

- 1) уравнение плоскости ABC,
- 2) уравнение высоты DE, опущенной из т. D на грань ABC,
- 3) длину высоты DE (расстояние от т. D до плоскости ABC),
- 4) точку пересечения высоты DE с гранью ABC.

КР №2. «Пределы и производные».

I. Раскрыть неопределенности не пользуясь правилом Лопиталя.

а) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{20x^3 - 10x^2 + 18}{11x - 5x^3 + 8x^2 + 3}$; б) $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{\sqrt{x-1} - 2}{x-5}$; в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4\operatorname{tg} 3x}{6x - 15x^2}$; г) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x-1}{2x+5} \right)^{x-1}$.

II. Найти производные y'_x данных функций.

а) $y = (x^2 + 1)^4 \arcsin x - \ln \sqrt{1 - x^3}$; б) $y = (x^2 + 1)^{\cos^2 \sqrt{x}}$; в) $\begin{cases} x = t - t^2 \\ y = \sqrt{t} - \sqrt{1 - t^2} \end{cases}$;

г) $y^2 \operatorname{tg} x = \sin 3y$.

2-й семестр

КР №1. «Интегралы и приложения».

1) $\int \frac{x^3 + \ln(x-1)}{x-1} dx$. 2) $\int \frac{x-1}{\sqrt{2x^2 + 4x - 3}} dx$. 3) $\int x^2 \sin 5x dx$. 4) $\int \frac{dx}{5 - \cos x}$.

5) $\int \frac{4}{\sqrt{x} + 3\sqrt[3]{x}} dx$. 6) $\int \frac{5x^2 - 3x + 20}{x^3 + 5x} dx$.

7) Вычислить площадь плоской фигуры, ограниченной следующими линиями:

$y = x^2$, $y = \frac{x^2}{2}$, $y = 2x$. Сделать чертеж.

8) Вычислить площадь плоской фигуры, ограниченной следующими линиями:

$$\begin{cases} x = 3t^2 \\ y = 3t - t^3 \end{cases}, \quad 0 \leq t \leq \sqrt{3}.$$

9) Найти длину дуги линии $y = x\sqrt{x}$, отсеченной прямой $y = \sqrt{5}x$.

10) Вычислить объём тела, полученного вращением вокруг оси ОХ фигуры, ограниченной линией: $y = \sin^2 x$ ($0 \leq x \leq \pi$).

КР №2. «Кратные и криволинейные интегралы».

1) Вычислить двойной интеграл $\iint_D f(x, y) dx dy$ по области D, ограниченной указанными линиями: $f(x, y) = x^2 + y$; $D : y = x^2; x = y^2$

2) Вычислить двойной интеграл, используя полярные координаты:

$$\int_{-\sqrt{2}}^{\sqrt{2}} dx \int_{-\sqrt{2-x^2}}^{\sqrt{2-x^2}} e^{-(x^2+y^2)} dy;$$

3) Вычислить криволинейные интегралы 1-го рода (по дуге)

$$\int_L (2z - \sqrt{x^2 + y^2}) dl, \quad \text{где } L - \text{дуга кривой:}$$

$$x = t \cos t; \quad y = t \sin t; \quad z = t; \quad 0 < t < 2\pi.$$

4) Вычислить криволинейные интегралы II рода (по координатам)

$\int_{L_{AB}} (x^2 - 2xy) dx + (y^2 - 2xy) dy$, где L_{AB} — дуга параболы $y = x^2$ от точки $A(-1, 1)$ до точки $B(1, 1)$.

КР №1. «Дифференциальные уравнения».

I. Найти общее решение дифференциальных уравнений.

1) $y' = \sin \frac{y}{x} + \frac{y}{x}$. 2) $y'' + 9y = \sin 3x$. 3) $y'' - \frac{y'}{x} = 0$.

II. Решить задачи Коши.

4) $xy' + y = \ln x$, $y|_{x=1} = 1$. 5) $y'' - 5y' + 6y = x^2 + 1$,
 $y|_{x=0} = 0$, $y'|_{x=0} = 1$

КР №2. «Ряды».

1) Исследовать сходимость числового ряда $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$.

а) $u_n = \frac{n^2}{(3n)!}$. б) $u_n = \frac{n^2 - 1}{n^2 + 10}$. в) $u_n = \left(\frac{3n + 2}{5n + 4} \right)^{n-3}$.

2) Определить интервал сходимости степенного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n x^n$.

а) $a_n = \frac{2^n}{(n^2 + 1)}$. б) $a_n = \frac{5^n}{\sqrt[n]{n}}$. в) $a_n = \frac{n!}{2^n}$.

4-й семестр

КР №1. «Теория вероятностей».

1) Среди 20 экзаменационных билетов 5 содержат легкие вопросы. Определить вероятность того, что первые четыре экзаменующихся не вытянут ни одного легкого билета.

2) Два стрелка должны выполнить норму мастера спорта. Вероятность того, что норму выполнит первый стрелок, равна 0,95, а второй - 0,9. Найти вероятность того, что норму выполнит только один стрелок.

3) Три автомата изготавливают детали, которые поступают на конвейер. Производительности первого, второго и третьего автоматов соотносятся как 3:7:8. Вероятность того, что деталь изготовлена первым автоматом отличного

качества 0,94, для второго и третьего автоматов эти вероятности соответственно равны 0,91 и 0,89. Найти вероятность того, что наудачу взятая с конвейера деталь будет отличного качества.

4) Дано:

X	3	5	7	9	11
P	0,2	0,3	0,3	0,1	0,1

Найти $M(2X - 6)$, $D(2X - 6)$, $\sigma(X)$.

5) Дано:

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 2 \\ (x-2)^2, & 2 \leq x \leq 3 \\ 1, & x > 3 \end{cases}$$

Найти $f(x)$, $P(2 < X < 5/2)$, $M(X)$.

7.2.2 Примерный перечень заданий для решения стандартных задач

7.2.3 Примерный перечень заданий для решения прикладных задач

7.2.2 Примерный перечень вопросов для коллоквиумов

1-й семестр

1-й коллоквиум «Векторная и линейная алгебра»

1. Матрицы. Основные определения. Виды матриц.
2. Линейные операции над матрицами. Умножение матриц. Свойства этих операций.
3. Обратная матрица, ее определение, свойства и вычисление.
4. Определители 2-го, 3-го и n -го порядков. Способы их вычисления и свойства.
5. Системы линейных алгебраических уравнений. Основные определения.
6. Ранг матрицы.
7. Системы линейных уравнений.
8. Решение систем линейных алгебраических уравнений матричным методом.
9. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Крамера.
10. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Гаусса.
11. Теорема Кронекера-Капелли.
12. Линейные пространства. Базис. Размерность.
13. Разложение вектора по базису.
14. Векторы. Основные определения и понятия.

15. Лине́йные операции над векторами. Их свойства.
16. Проекция вектора на ось и на вектор.
17. Разложение вектора по ортам координатных осей.
18. Длина вектора. Направляющие косинусы.
19. Действия над векторами, заданными проекциями.
20. Скалярное произведение векторов: определение, свойства, вычисление в декартовых координатах, приложения.
21. Векторное произведение векторов: определение, свойства, вычисление в декартовых координатах, приложения.
22. Смешанное произведение векторов: определение, свойства, вычисление в декартовых координатах, приложения.

2-й коллоквиум «Аналитическая геометрия»

1. Прямоугольная система координат на плоскости. Уравнение линии в декартовой системе координат.
2. Основные приложения метода координат на плоскости: расстояние между двумя точками; деление отрезка в данном отношении.
3. Полярная система координат. Ее связь с декартовой системой координат. Уравнение линии в полярной системе координат.
4. Преобразование системы координат. Параллельный перенос осей координат. Поворот осей координат.
5. Различные виды уравнений прямой на плоскости.
6. Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности прямых. Расстояние от точки до прямой.
7. Кривые второго порядка. Окружность.
8. Кривые второго порядка. Эллипс.
9. Кривые второго порядка. Гипербола.
10. Кривые второго порядка. Парабола.
11. Уравнения кривых второго порядка с осями симметрии, параллельными координатным осям.
12. Общее уравнение кривой второго порядка. Приведение уравнения к каноническому виду.
13. Различные виды уравнений плоскости в пространстве.
14. Угол между плоскостями. Условия параллельности и перпендикулярности двух плоскостей. Расстояние от точки до плоскости.
15. Прямая линия в пространстве. Различные виды уравнений прямой в пространстве.
16. Угол между прямыми в пространстве. Условия параллельности и перпендикулярности прямых. Условие, при котором две прямые лежат в одной плоскости.
17. Угол между прямой и плоскостью. Условия параллельности и перпендикулярности прямой и плоскости. Точка пересечения прямой с плоскостью. Условие принадлежности прямой плоскости.

18. Поверхности второго порядка. Цилиндрические поверхности.
19. Поверхности вращения. Конические поверхности.
20. Метод сечений. Канонические уравнения поверхностей второго порядка: эллипсоид, конус, гиперболоиды и параболоиды.
21. Элементы теории множеств. Числовые множества. Числовые промежутки. Окрестность точки.
22. Функция. Понятие функции. Способы задания функции. Некоторые характеристики функции (четность, нечетность, монотонность, ограниченность, периодичность).
23. Обратная и сложная функции. Основные элементарные функции и их графики. Элементарная функция.
24. Числовая последовательность. Предел числовой последовательности.
25. Предел функции в точке. Односторонние пределы.
26. Предел функции при $x \rightarrow \infty$. Бесконечно большая функция.
27. Бесконечно малые функции. Определение и основные теоремы. Связь между функцией, ее пределом и бесконечно малой функцией.
28. Теоремы о пределах суммы, разности, произведении и частном функций. Теорема о пределе промежуточной функции.
29. Первый замечательный предел.
30. Второй замечательный предел.
31. Сравнение бесконечно малых функций. Эквивалентные бесконечно малые функции и их применение при раскрытии неопределенностей.
32. Непрерывность функции в точке, в интервале и на отрезке.
33. Классификация точек разрыва функции.
34. Основные теоремы о непрерывных функциях. Свойства функций, непрерывных на отрезке.

2-й семестр

1-й коллоквиум

«Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных»

1. Функции многих переменных (ФМП). Область определения, область значений, предел, непрерывность.
2. Частные производные первого порядка, геометрический смысл.
3. Полный дифференциал функции двух переменных, дифференциалы высших порядков.
4. Необходимое условие дифференцируемости ФМП.
5. Достаточное условие дифференцируемости ФМП.
6. Уравнение касательной плоскости и нормали к поверхности.
7. Частные производные высших порядков. Теоремы о равенстве смешанных производных
8. Признак полного дифференциала функции двух переменных.
9. Формула Тейлора для функции двух переменных.
10. Экстремум функции двух переменных. Необходимое условие

существования экстремума.

11. Достаточное условие существования экстремума функции двух переменных.

12. Метод наименьших квадратов.

13. Производная сложной функции двух переменных.

14. Градиент функции двух переменных, свойства градиента.

15. Производная по направлению.

2-й коллоквиум «Интегральное исчисление функций одной переменной»

1. Комплексные числа. Основные определения. Изображение комплексных чисел на плоскости. Модуль и аргумент комплексного числа. Формы записи комплексного числа. Формула Эйлера. Действия над комплексными числами.

2. Многочлены. Основные понятия. Теоремы о многочленах. Разложение многочлена на множители. Дробно – рациональные функции. Представление неправильной рациональной дроби в виде суммы многочлена (целой части) и правильной дроби. Представление правильной рациональной дроби в виде суммы простейших дробей. Метод неопределенных коэффициентов.

3. Первообразная. Определение. Свойства .

4. Неопределенный интеграл. Свойства. Табличные интегралы.

5. Метод интегрирования внесением под знак дифференциала.

6. Интегрирование выражений, содержащих квадратный трехчлен.

7. Интегрирование рациональных дробей.

8. Метод интегрирования по частям в неопределенном интеграле.

9. Замена переменной в неопределенном интеграле.

10. Интегрирование тригонометрических функций. Тригонометрические подстановки.

11. Определенный интеграл. Геометрический смысл. Свойства.

12. Формула Ньютона-Лейбница.

13. Теорема о среднем для определенного интеграла.

14. Интеграл с переменным верхним пределом.

15. Интегрирование по частям в определенном интеграле.

16. Замена переменной в определенном интеграле.

17. Вычисление площадей плоской фигуры.

18. Вычисление длины дуги.

19. Вычисление объемов по известной площади сечения, перпендикулярного оси Ox .

20. Несобственные интегралы I рода. Теоремы сравнения.

21. Несобственные интегралы II рода. Теоремы сравнения.

22. Задачи, приводящие к понятию двойного интеграла: задача о массе неоднородной пластины, задача об объеме цилиндрида.

Геометрический смысл и свойства.

двойного интеграла.

23. Вычисление двойных интегралов с помощью повторных.
24. Вычисление двойных интегралов в полярной системе координат.
25. Замена переменной в двойном интеграле.
26. Вычисление площади плоской фигуры с помощью двойных интегралов.
27. Вычисление площади поверхности.
28. Вычисление объемов тел с помощью двойных интегралов
29. Приложение двойных интегралов в механике: вычисление массы, статических моментов и моментов инерции, координат центра масс плоской фигуры.
30. Задачи о массе материальной линии, площади цилиндрической поверхности. Криволинейные интегралы I рода, определения, свойства, физический смысл.
31. Вычисление криволинейного интеграла I рода.
32. Задача о работе силы. Криволинейные интегралы II рода, определение, свойства, физический смысл.
33. Формула Грина и следствия из нее.
34. Условие независимости интеграла II рода от пути интегрирования.
35. Интегрирование полных дифференциалов.
36. Приложения криволинейных интегралов II рода.

3-й семестр

1-й коллоквиум «Дифференциальные уравнения»

1. Дифференциальные уравнения. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Поле направлений.
2. Общее и частное решения дифференциального уравнения первого порядка. Задача Коши и ее геометрический смысл. Теорема существования и единственности решений (без доказательства).
3. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными.
4. Однородные дифференциальные уравнения первого порядка.
5. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Уравнение и метод Бернулли.
6. Уравнение в полных дифференциалах.
7. Приближенное решение задачи Коши. Метод ломаных Эйлера. Метод Адамса.
8. Дифференциальные уравнения второго порядка, их общее и частное решения. Задача Коши, ее физический и геометрический смысл.
9. Дифференциальные уравнения второго порядка, допускающие его понижение: 1) $y'' = f(x)$ 2) $F(x, y', y'') = 0$ 3) $F(y, y', y'') = 0$.
10. Однородные линейные дифференциальные уравнения второго порядка, свойства их решений.
11. Решение однородных линейных дифференциальных уравнений

второго порядка с постоянными коэффициентами (в случаях, когда дискриминант характеристического уравнения положителен, равен нулю и отрицателен).

12. Структура решений неоднородных линейных дифференциальных уравнений второго порядка.

13. Подбор частных решений неоднородных линейных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами для функций специального вида $f(x) = e^{ax} [P_n(x) \cos bx + Q_n(x) \sin bx]$.

14. Метод Лагранжа вариации произвольных постоянных для линейных дифференциальных уравнений второго порядка.

15. Элементы теории колебаний.

16. Линейные системы дифференциальных уравнений.

2-й коллоквиум «Числовые и функциональные ряды»

1. Числовые ряды. Сумма и сходимость числового ряда. Свойства сходящихся рядов. Ряд геометрической прогрессии.

2. Необходимый признак сходимости числового ряда. Гармонический ряд.

3. Признаки сравнения для рядов с положительными членами.

4. Признак Даламбера.

5. Радиальный признак Коши.

6. Интегральный признак Коши.

7. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница. Абсолютная и условная сходимость.

8. Функциональные ряды, их область сходимости.

9. Степенные ряды. Теорема Абеля. Радиус и область сходимости степенного ряда.

10. Ряды Тейлора и Маклорена. Нахождение коэффициентов ряда Маклорена.

11. Разложение в ряд Маклорена функций e^x , $\sin x$, $\cos x$, $\ln(1+x)$, $\arctg x$, $(1+x)^\alpha$.

12. Оценка остатка для ряда Маклорена в форме Лагранжа (без доказательства). Применение рядов Маклорена для вычисления значений функций.

13. Вычисление определенных интегралов и раскрытие неопределенностей с помощью степенных рядов.

14. Интегрирование дифференциальных уравнений с помощью степенных рядов.

15. Разложение функции в ряд Фурье на отрезке $[-\pi, \pi]$, нахождение коэффициентов Фурье.

16. Формулы коэффициентов Фурье для четных и нечетных функций. Ряды Фурье на отрезке $[-l, l]$.

3-й семестр

1-й коллоквиум «Теория вероятностей. Случайные события»

1. Основные понятия, определения и формулы комбинаторики.
2. Испытания и события. Виды случайных событий.
3. Классическое определение вероятности, относительная частота событий. Связь между вероятностью и относительной частотой событий.
4. Понятие о геометрической вероятности.
5. Теорема сложения вероятностей несовместимых событий.
6. Теорема сложения вероятностей совместных событий.
7. Полная группа событий.
8. Противоположные события.
9. Произведение событий, условная вероятность.
10. Теорема умножения вероятностей
11. Независимые события, теорема умножения вероятностей независимых событий.
12. Вероятность появления хотя бы одного события.
13. Формула полной вероятности.
14. Вероятность гипотез. Формула Байеса.
15. Формула Бернулли.
16. Локальная теорема Лапласа.
17. Интегральная теорема Лапласа.
18. Вероятность отклонения относительной частоты от постоянной вероятности в независимых испытаниях.

2-й коллоквиум «Теория вероятностей. Случайные величины»

1. Дискретные и непрерывные случайные величины.
2. Закон распределения вероятностей дискретной случайной величины.
3. Биноминальное распределение.
4. Математическое ожидание дискретной случайной величины, вероятностный смысл.
5. Свойства математического ожидания.
6. Математическое ожидание числа появлений события в независимых испытаниях. Понятие об отклонении.
7. Дисперсия ДСВ, определение, расчетная формула.
8. Свойства $D(x)$.
9. Дисперсия числа появлений события в независимых испытаниях.
10. Среднее квадратическое отклонение. Среднее квадратическое отклонение суммы взаимно независимых случайных величин.
11. Функция распределения вероятностей случайной величины, определение, свойства, график.
12. Плотность распределения вероятностей непрерывной случайной величины (НСВ), определение, свойства, график.

13. Нахождение функции распределения по заданной плотности.
14. Вероятность попадания случайной величины x в заданный интервал.
15. Виды распределений. Закон равномерного распределения.
16. Нормальное распределение, свойства, график.
17. Вероятность попадания в заданный интервал нормальной случайной величины.
18. Вычисление вероятности заданного отклонения.
19. Показательное распределение, определение, свойства.
20. Числовые характеристики показательно распределенной случайной величины.
21. Закон распределения двумерной случайной величины.
22. Числовые характеристики.

7.2.3 Примерный перечень заданий для решения прикладных задач

1-й семестр

1. Вычислите сумму элементов первого столбца матрицы $C = 3 \cdot A - 4 \cdot B$,

если
$$A = \begin{pmatrix} 4 & -2 & 4 \\ 1 & -2 & 3 \\ 4 & 11 & 5 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 5 & 3 & -1 \\ -2 & 9 & 2 \\ 4 & 2 & 0 \end{pmatrix}.$$

2. Возможными являются следующие произведения матриц ...

1. $\begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 1 & -1 \\ 0 & 5 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 6 & -9 & 3 \end{pmatrix}$ 3. $\begin{pmatrix} -6 & 4 & 5 \\ 2 & 4 & -7 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 1 & -1 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}$

2. $\begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 1 & -1 \\ 0 & 5 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 7 \\ 1 \end{pmatrix}$ 4. $\begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 1 & -1 \\ 0 & 5 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 7 & 1 \end{pmatrix}$

3. Даны матрицы $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & -2 \end{pmatrix}$ и $B = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ -2 & 0 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$. Сумма элементов матрицы

$B \cdot A$, расположенных на ее главной диагонали, равна ...

4. Определитель $\begin{vmatrix} 4 & -23 & -3 \\ 0 & 4 & 0 \\ 2 & 6 & -1 \end{vmatrix}$ равен ...

1. -6 2. 6 3. -30 4. 30

5. Формула вычисления определителя третьего порядка $\begin{vmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & k \end{vmatrix}$ содержит

следующие произведения ...

1. adf

3. cdk

2. bfg

4. aek

6. Задана матрица $A = \begin{pmatrix} -2 & 2 & 1 \\ 0 & 7 & 14 \\ 5 & -6 & 0 \end{pmatrix}$. Установите соответствие между

записью алгебраических дополнений и элементами матрицы, к которым они относятся.

1. $-\begin{vmatrix} 0 & 14 \\ 5 & 0 \end{vmatrix}$

A) A_{21}

2. $-\begin{vmatrix} 2 & 1 \\ -6 & 0 \end{vmatrix}$

Б) A_{12}

3. $\begin{vmatrix} -2 & 1 \\ 5 & 0 \end{vmatrix}$

В) A_{22}

7. Переменная y системы уравнений $\begin{cases} x + 2y - 4z = 9, \\ -3x + y + 5z = 3, \\ 4x + 3y - 6z = 3 \end{cases}$ определяется

по формуле ...

1. $y = \frac{\begin{vmatrix} 1 & 9 & 0 \\ -3 & 3 & 4 \\ 4 & 3 & 3 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 1 & 2 & -4 \\ -3 & 1 & 5 \\ 4 & 3 & -6 \end{vmatrix}}$

3. $y = \frac{\begin{vmatrix} 0 & 2 & -4 \\ 4 & 1 & 5 \\ 3 & 3 & -6 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 1 & 2 & -4 \\ -3 & 1 & 5 \\ 4 & 3 & -6 \end{vmatrix}}$

2. $y = \frac{\begin{vmatrix} 1 & 2 & -4 \\ -3 & 1 & 5 \\ 4 & 3 & -6 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 1 & 0 & -4 \\ -3 & 4 & 5 \\ 4 & 3 & -6 \end{vmatrix}}$

4. $y = \frac{\begin{vmatrix} 1 & 0 & -4 \\ -3 & 4 & 5 \\ 4 & 3 & -6 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 1 & 2 & -4 \\ -3 & 1 & 5 \\ 4 & 3 & -6 \end{vmatrix}}$

8. Если определитель квадратной матрицы A третьего порядка равен 4, то определитель обратной матрицы A^{-1} равен...

1. $\frac{1}{4}$ 2. 4 3. $-\frac{1}{4}$ 4. -4

9. Даны векторы $\vec{a} = (-3; -9)$, $\vec{b} = (-3; 6)$, тогда координаты вектора $5\vec{b} - \frac{\vec{a}}{3}$ равны ...

1. (16; 33) 3. (16; -47)
2. (-46; 31) 4. (-16; 27)

10. Скалярное произведение векторов $\vec{a} = (-1; t)$ и $\vec{b} = (t; 0)$ удовлетворяет неравенству $\vec{a} \cdot \vec{b} \leq 1$ при двух значениях параметра t , равных ...

1. 1 3. -2
2. 0 4. -3

11. Если точка $A(3; 4)$ – начало отрезка AB и $M(0; 5)$ – его середина, то сумма координат точки B равна ...

12. Точки $A(8; 1)$, $B(9; 5)$ и $C(12; 5)$ являются последовательными вершинами параллелограмма. Тогда сумма координат точки пересечения диагоналей равна ...

13. Расположите по возрастанию длины сторон треугольника ABC , где $A(2; -4)$, $B(8; -2)$, $C(3; -2)$.

14. Сопоставьте уравнениям прямых их названия.

1. $-8x + 5y - 11 = 0$ А) общее уравнение прямой
2. $\frac{x+1}{-3} = \frac{y+1}{-4}$ Б) уравнение прямой с угловым коэффициентом
3. $y = -3x + 5$ В) каноническое уравнение прямой

15. Среди прямых $l_1: 2x + y - 3 = 0$, $l_2: 4x + 2y - 6 = 0$, $l_3: 4x - 2y - 6 = 0$, $l_4: -4x + 2y - 3 = 0$ параллельными являются ...

1. l_2 и l_3 3. l_1 и l_3
2. l_3 и l_4 4. l_1 и l_2

16. Прямая на плоскости задана уравнением $2y - 8x + 1 = 0$. Тогда

параллельными к ней являются прямые ...

1. $4x - y + 5 = 0$

3. $4x + y - 9 = 0$

2. $3y - 12x + 7 = 0$

4. $3y + 12x - 13 = 0$

17. Установите соответствие между уравнением плоскости и точками, которые лежат в этих плоскостях

1. $7x - y - z - 3 = 0$

А) $(-2; 0; 0)$

2. $x + 2y + z - 5 = 0$

Б) $(0; 0; 0)$

3. $y + z - 3x + 2 = 0$

В) $(1; 2; 2)$

4. $3y + z - 9x = 0$

Г) $(1; 0; 1)$

Д) $(2; 1; 1)$

18. Если нормальные векторы двух плоскостей ..., то эти плоскости...

1. параллельны; параллельны 3. параллельны;
взаимно перпендикулярны

2. взаимно перпендикулярны; 4. взаимно перпендикулярны; параллельны
перпендикулярны

19. Плоскость, проходящая через начало координат параллельно плоскости $2x + 4y - 6z - 34 = 0$, имеет уравнение ...

1. $4x + 8y - 12z + 5 = 0$

3. $x - 2y - 3z = 0$

2. $x + 2y + 3z = 0$

4. $x + 2y - 3z = 0$

20. Установите соответствие между уравнением плоскости и ее положением в пространстве

1. $-3x + z + 8 = 0$

А) параллельна оси z

2. $y - 9z - 2 = 0$

Б) проходит через начало координат

3. $3y + x - 67 = 0$

В) параллельна оси y

4. $x + 4y + z = 0$

Г) проходит через ось z

Д) параллельна оси x

21. Установите соответствие между каноническими уравнениями прямых и их расположением в пространстве.

1. $\frac{x}{4} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-2}{1}$

А) проходит через точку $M_0(8; 3; 4)$

2. $\frac{x+4}{0} = \frac{y}{2} = \frac{z-8}{-3}$

Б) перпендикулярна оси Ox

3. $\frac{x+1}{-3} = \frac{y}{2} = \frac{z+6}{-1}$

В) параллельна вектору $\vec{a} = (9; -6; 3)$

4. $\frac{x-9}{5} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z}{2}$

Г) перпендикулярна вектору $\vec{a} = (4; 6; -4)$

Д) параллельна оси Ox

Е) проходит через точку

$M_0(-4; -3; 3)$

22. Установите соответствие между промежутками и их образами при отображении $y = \sqrt[3]{x}$.

1. $[-8; 0]$

А) $(\sqrt[3]{2}; 2]$

2. $(-8; 0)$

Б) $[-2; 0]$

3. $[2; 8]$

В) $(-2; 0)$

4. $(2; 8)$

Г) $(\sqrt[3]{2}; 2)$

Д) $[\sqrt[3]{2}; 2]$

Е) $[-2; 0)$

23. Областью определения функции $f(x) = \arccos \frac{x}{2-x}$ является множество...

1. $(-\infty; 1]$

2. $(-\infty; 2) \cup (2; \infty)$

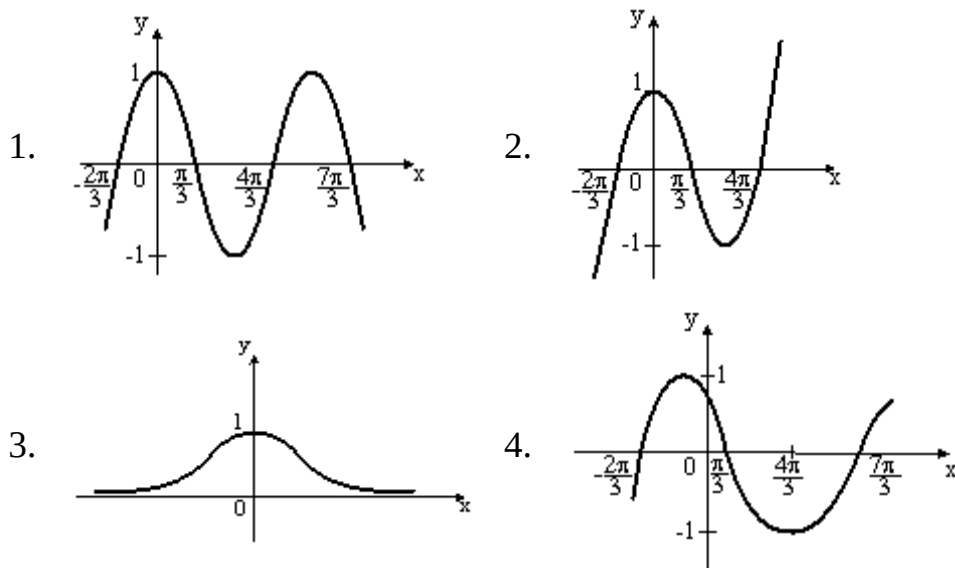
3. $[1; 2)$

4. $[2; \infty)$

24. Наибольшее значение y из области значений функции $y = -2x^2 - 4x + 4$ равно ...

1. 6 2. 4 3. 2 4. 1

25. Укажите график периодической функции.



26. Задано множество точек на числовой прямой: $a=1,1$, $b=0,9$, $c=-1,1$, $d=0,3$, $e=0$, $f=-1,5$. Тогда количество точек этого множества, принадлежащих ε -окрестности точки $x=1$ при $\varepsilon=1,1$, равно ...

27. Общий член последовательности $1, \frac{5}{3}, \frac{10}{4}, \frac{17}{5}, \dots$ имеет вид ...

1. $a_n = \frac{n^2+1}{n+1}$ 3. $a_n = (-1)^n \frac{n^2-1}{n+1}$
2. $a_n = \frac{n^2-1}{2n-1}$ 4. $a_n = \frac{n^2+1}{n-1}$

28. Укажите два предела, значения которых больше 3.

1. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4x + 4}{x - 2}$ 3. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{5x - 5}{x - 1}$
2. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x - x^2}{x}$ 4. $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{x - 3}$

29. Конечный предел при $x \rightarrow +\infty$ имеют следующие функции ...

1. $f(x) = \frac{1 + 2x - x^2 + x^3}{5 - x^3}$ 3. $f(x) = \frac{1 + 2x^3}{9x^2 + x + 1}$

$$2. f(x) = \frac{1 - \sqrt{x^3 + 1}}{\sqrt{x^3}}$$

$$4. f(x) = \frac{\sqrt{x^6 + 2} + 1}{3x^2 - 1}$$

30. Значение предела $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{6}{x-2}\right)^{\frac{x}{3}}$ равно...

1. e^2

2. $e^{1/3}$

3. $e^{1/18}$

4. 1

31. Установите соответствие между функцией и ее производной.

1. $y = 3^x \cdot \operatorname{arctg} 3x$

А) $y' = e^x \left(\frac{3}{1+9x^2} + \operatorname{arctg} 3x \right)$

2. $y = \operatorname{tg} 3x \cdot e^x$

Б) $y' = 3^x \left(\ln 3 \cdot \operatorname{arctg} 3x + \frac{3}{1+9x^2} \right)$

3. $y = \operatorname{arctg} 3x \cdot e^x$

В) $y' = e^x \frac{1 + \sin 3x}{\cos^2 3x}$

Г) $y' = e^x \frac{6 + \sin 6x}{2 \cos^2 3x}$

Д) $y' = 3^x \left(\operatorname{arctg} 3x + \frac{1}{1+9x^2} \right)$

32. Касательная к графику функции $y = x^2 + 7x - 2$ не пересекает прямую $y = -3x + 7$. Тогда абсцисса точки касания равна ...

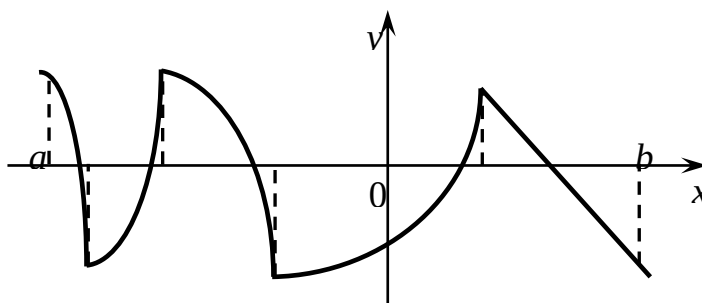
1. -2

3. $\frac{1}{3}$

2. -5

4. 0

33. Функция задана графически.



Определите количество точек, принадлежащих интервалу $(a; b)$, в которых не существует производная этой функции.

34. Вторая производная функции $y = 5x^2 - 3^x + x - 8$ имеет вид ...

1. $10 + 3^x \ln^2 3 + 1$

3. $18 - 3^x \ln^2 3 + 1$

2. $10 - 3^x \ln^2 3 + 1$

4. $10x - 3^x \ln 3 + 1$

35. Установите соответствие между производными функций и количеством точек экстремума.

1. $f'(x) = 25x^2 + 2$ А) 0

2. $f'(x) = 25 - x$ Б) 1

3. $f'(x) = 25 - x^2$ В) 2

36. Вертикальной асимптотой графика функции $y = \frac{4x + 76}{2x + 3}$ является прямая, определяемая уравнением ...

1. $x = 0$

3. $y = -2$

2. $y = 2$

4. $x = -\frac{3}{2}$

37. Наклонной асимптотой графика функции $y(x) = \frac{4x^2 + 2x - 2}{2x + 1}$ является прямая ...

1. $y = 2x$

3. $y = x + 2$

2. $y = 4x - 2$

4. график не имеет наклонных асимптот

2-й семестр

1. Частная производная z'_x функции $z = 5 - x^4 + ux^2 - y^2 + u$ имеет вид ...

1. $2xy - 4x^3 - 2y$

3. $2xy - 4x^3$

2. $2xy - 4x^3 + 7$

4. $2xy - 4x^3 - 2y + x^2$

2. Установите соответствие между функциями и их частными производными

$$1. \frac{\partial^2}{\partial x^2}(3xy + x^2) \quad \text{А) } 2$$

$$2. \frac{\partial^2}{\partial x \partial y}(3xy + x^2) \quad \text{Б) } 3$$

$$3. \frac{\partial^2}{\partial y^2}(3y^2 + 3xy) \quad \text{В) } 6$$

$$4. \frac{\partial^2}{\partial y^2}(4y^2 + 3xy) \quad \text{Г) } 8$$

Д) 4

3. Множество всех первообразных функции $f(x) = \frac{1}{\sin^2 x} - x^2 + x$ имеет вид ...

$$1. -\operatorname{ctgx} - \frac{x^3}{3} + \frac{x^2}{2} + C \quad 3. -\operatorname{ctgx} - \frac{x^3}{2} + x + C$$

$$2. -\frac{2\cos x}{\sin^3 x} - 2x \quad 4. \operatorname{ctgx} - \frac{x^3}{3} + x$$

4. Установите соответствие между интегралами и методами их вычисления.

$$1. \text{ непосредственное интегрирование} \quad \text{А) } \int x \cos x dx$$

$$2. \text{ метод замены переменной} \quad \text{Б) } \int x^4 dx$$

$$3. \text{ метод интегрирования по частям} \quad \text{В) } \int (x^2 + 3)^5 x dx$$

5. Интеграл $\int \frac{2^{\operatorname{ctgx}}}{\sin^2 x} dx$ равен ...

$$1. 2^{\operatorname{ctgx}} + C \quad 3. \frac{2^{\operatorname{ctgx}}}{\ln 2} + C$$

$$2. -\frac{2^{\operatorname{ctgx}}}{\ln 2} + C \quad 4. -\operatorname{ctgx} 2^{\operatorname{ctgx}} + C$$

6. Множество первообразных функции $f(x) = \frac{3x^2}{\sqrt{2+x^3}}$ имеет вид ...

$$1. 2\sqrt{2+x^3} + C \quad 3. \sqrt{2+x^3} + C$$

$$2. \frac{1}{2\sqrt{2+x^3}} + C$$

$$4. \ln(2+x^3) + C$$

7. Дан интеграл $\int \frac{\sqrt{4-x^2}}{x} dx$. Тогда замена $x = 2\cos t$ приведет его к виду...

$$1. -2 \int \frac{\sin^2 t}{\cos t} dt$$

$$3. 2 \int \frac{\sin^2 t}{\cos t} dt$$

$$2. -2 \int t g t dt$$

$$4. 2 \int \sin t dt$$

8. Если в неопределенном интеграле $\int (x^2 + 2) \cos \frac{x}{4} dx$, применяя метод интегрирования по частям: $\int u dv = uv - \int v du$, положить, что $u(x) = x^2 + 2$, то функция $v(x)$ будет равна ...

$$1. \frac{1}{4} \sin \frac{x}{4}$$

$$3. 4 \sin \frac{x}{4}$$

$$2. -4 \cos \frac{x}{4}$$

$$4. \cos \frac{x}{4}$$

9. Установите соответствие между неопределенными интегралами и разложениями подынтегральных функций на элементарные дроби.

$$1. \int \frac{1}{x(x+1)^2} dx$$

$$A) \frac{A}{x^2} + \frac{B}{x} + \frac{Cx+D}{x^2+16}$$

$$2. \int \frac{x-7}{x(x-2)} dx$$

$$Б) \frac{A}{x} + \frac{B}{x-2}$$

$$3. \int \frac{2x+5}{(x-1)(x^2+1)} dx$$

$$B) \frac{A}{x-1} + \frac{Bx+C}{x^2+1}$$

$$4. \int \frac{2x-1}{x^2(x^2+16)} dx$$

$$Г) \frac{A}{x} + \frac{B}{(x+1)^2} + \frac{C}{x+1}$$

$$Д) \frac{A}{x-1} + \frac{B}{x^2+1}$$

10. Определенный интеграл $\int_{-2}^1 (x - 8x^3) dx$ равен ...

$$1. -69$$

$$3. -29,5$$

$$2. 28,5$$

$$4. 72$$

11. Значение интеграла $\int_{-1}^1 \sqrt{1+x} dx$ равно ...

1. $\frac{2\sqrt{8}}{3}$ 3. $\frac{1}{\sqrt{8}}$

2. $\frac{3(\sqrt{8}-1)}{2}$ 4. $\frac{15}{2}$

12. Несобственным интегралом является интеграл ...

1. $\int_2^3 \frac{\ln x}{x} dx$ 3. $\int_1^{+\infty} \frac{dx}{x}$

2. $\int_0^2 \frac{x}{1+x} dx$ 4. $\int x^2 \arctg x dx$

13. Несобственный интеграл $\int_{-5}^{+\infty} (x+6)^{-8} dx$ равен ...

1. $\frac{1}{7}$ 3. $\frac{1}{5}$

2. $\frac{1}{8}$ 4. $\frac{1}{6}$

14. Несобственный интеграл $\int_3^{+\infty} \frac{dx}{(x-2)^2}$ равен ...

1. -1 3. 2

2. $-\infty$ 4. 1

15. Сходящимися являются несобственные интегралы ...

1. $\int_1^{+\infty} x^{-1} dx$ 3. $\int_1^{+\infty} x^{-5} dx$

2. $\int_1^{+\infty} x^{\frac{3}{5}} dx$ 4. $\int_1^{+\infty} x^{-\frac{5}{2}} dx$

16. Ненулевая функция $y = f(x)$ является четной на отрезке $[-8; 8]$.

Тогда $\int_{-8}^8 f(x) dx$ равен ...

1. 0

3. $2 \int_0^8 f(x) dx$

2. $16 \int_0^1 f(x) dx$

4. $\frac{1}{16} \int_0^1 f(x) dx$

3-й семестр

1. Разделение переменных в дифференциальном уравнении $(e^y - 1) \cos x dx - e^y \sin x dy = 0$ приведет его к виду ...

1. $\frac{(e^y - 1) \operatorname{ctg} x dx}{e^y} = dy$

3. $-\operatorname{ctg} x dx = \frac{e^y dy}{e^y - 1}$

2. $\operatorname{tg} x dx = \frac{e^y dy}{e^y - 1}$

4. $\operatorname{ctg} x dx = \frac{e^y dy}{e^y - 1}$

2. Установите соответствие между записью дифференциальных уравнений первого порядка и их названиями.

1. $(x^2 + x + 2) dx + \frac{dy}{y} = 0$

А) линейное дифференциальное уравнение

2. $y' = -\frac{x^3 + 2xy^2}{xy^2}$

Б) однородное дифференциальное уравнение

3. $y' + y \operatorname{ctg} x = \frac{1}{\sin^2 x}$

В) дифференциальное уравнение с разделяющимися переменными

3. Решением уравнения первого порядка $x' = 2x^2 t$ является функция ...

1. $x(t) = -\frac{1}{t^2 + 3}$

3. $x(t) = \frac{1}{t^2}$

2. $x(t) = \sqrt[3]{3t^2 + 1}$

4. $x(t) = e^{t^2}$

4. Интегральная кривая дифференциального уравнения первого порядка $y' - e^x - 1 = 0$, удовлетворяющая условию $y(0) = 1$, имеет вид ...

1. $y = e^x + x + 2$

3. $y = \ln |x| - 1$

2. $y = e^x + x$

4. $y = e^x + x - 1$

5. Из данных дифференциальных уравнений линейными неоднородными

уравнениями 1-го порядка являются ...

- | | |
|---|--|
| 1. $\frac{dy}{dx} + x^3 y = y^3 \cos x$ | 3. $\frac{dy}{dx} - y = \frac{x}{y^2 + 1}$ |
| 2. $\frac{dy}{dx} + 4y + \sin 3x = 0$ | 4. $x \frac{dy}{dx} + 2y = e^x$ |

6. Однородными дифференциальными уравнениями являются следующие два уравнения ...

- | | |
|--------------------------------------|------------------------------------|
| 1. $x \ln \frac{x}{y} dy + y dx = 0$ | 3. $xy^2 dx + x(x^2 + y^2) dy = 0$ |
| 2. $\sqrt{y} dx + (1 + x^2) dy = 0$ | 4. $y' + y = x^2$ |

7. Дано дифференциальное уравнение $y' + \frac{y}{x} = \frac{\ln x + 1}{x}$. Тогда его решением является функция ...

- | | |
|------------------|----------------------|
| 1. $y = \ln x$ | 3. $y = \frac{1}{x}$ |
| 2. $y = e^x - 1$ | 4. $y = x^2 + 1$ |

8. Среди перечисленных дифференциальных уравнений уравнениями второго порядка являются ...

- | | |
|--|--|
| 1. $xy \frac{\partial z}{\partial x} + 5y^2 \frac{\partial z}{\partial y} = 0$ | 3. $xy \frac{d^2 y}{dx^2} + y \frac{dy}{dx} + 3y = 7x$ |
| 2. $y \frac{d^2 y}{dx^2} + 4y \frac{dy}{dx} + 12x = 0$ | 4. $x^2 y' + 2y - 15x + 3 = 0$ |

9. Общее решение дифференциального уравнения $y''' = \sin 2x$ имеет вид ...

- | | |
|---|--|
| 1. $y = \frac{1}{8} \cos 2x + \frac{C_1}{2} x^2 + C_2 x + C_3$ | 3. $y = \cos 2x + \frac{C_1}{2} x^2 + C_2 x + C_3$ |
| 2. $y = -\frac{1}{8} \cos 2x + \frac{C_1}{2} x^2 + C_2 x + C_3$ | 4. $y = \frac{1}{8} \cos 2x + C$ |

10. Установите соответствие между дифференциальным уравнением и общим видом его частного решения ...

- | | |
|-------------------------------------|--|
| 1. $y'' + 5y' + 4y = 5 + 4x + 3x^2$ | А) $y(x)_{\text{частное}} = C_0 + C_1 x + C_2 x^2$ |
| 2. $y'' + 5y' = 5 + 4x + 3x^2$ | Б) $y(x)_{\text{частное}} = (C_0 + C_1 x + C_2 x^2) x^2$ |

$$3. \quad y'' - 2 = 3 + 4x + 3x^2$$

$$B) \quad y(x)_{\text{частное}} = C_0x + C_1x^2$$

$$\Gamma) \quad y(x)_{\text{частное}} = (C_0 + C_1x + C_2x^2)x$$

$$Д) \quad y(x)_{\text{частное}} = (C_0x + C_1x^2)x$$

11. Определить частное решение дифференциального уравнения $y'' + 4y' + 4y = e^{2x}$, учитывая форму правой части ...

$$1. \quad y = Ae^{2x} + Be^{-2x}$$

$$3. \quad y = Ax^2e^{2x}$$

$$2. \quad y = Ae^{2x}$$

$$4. \quad y = e^{2x}(A + Bx)$$

12. Если функция $f(x)$ имеет вид:

$$1. \quad f(x) = x + 1$$

$$2. \quad f(x) = x^2$$

$$3. \quad f(x) = e^x$$

то частное решение $\bar{y}$ неоднородного дифференциального уравнения $y'' - 2y' = f(x)$ следует искать в виде ...

$$A) \quad \bar{y} = x(Ax + B)$$

$$Б) \quad \bar{y} = Ae^x$$

$$B) \quad \bar{y} = x(Ax^2 + Bx + C)$$

$$\Gamma) \quad \bar{y} = Ae^{2x}$$

Пятый член числового ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n^2 + 2)}{(n-1)!}$ равен ...

$$1. \quad \frac{27}{24} \quad 2. \quad \frac{9}{8} \quad 3. \quad -3 \quad 4. \quad -\frac{9}{8}$$

13. Необходимое условие сходимости не выполняется для рядов ...

$$1. \quad \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2}{6^n}$$

$$3. \quad \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2}{4n+1}$$

$$2. \quad \sum_{n=1}^{\infty} 2^n \cdot n$$

$$4. \quad \sum_{n=1}^{\infty} \frac{7n+2}{3+2n}$$

14. Сумма числового ряда $\sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{1}{6}\right)^n$ равна ...

1. $\frac{6}{5}$ 2. $\frac{1}{5}$ 3. $\frac{1}{216}$ 4. $\frac{5}{6}$

15. Применив радикальный признак Коши $\left(L = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n}\right)$ к ряду

$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{5n+3}{2n+1}\right)^{2n}, \text{ получаем ...}$$

1. $L = \frac{5}{2}$, ряд расходится 3. $L = \frac{2}{5}$, ряд сходится
2. $L = \frac{25}{4}$, ряд сходится 4. $L = \frac{25}{4}$, ряд расходится

16. Для исследования сходимости ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \sin \frac{(n+3)^2}{n(n-2)^2}$ его достаточно сравнить с рядом...

1. $\sum_{n=1}^{\infty} \sin \frac{1}{n}$ 3. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n}$
2. $\sum_{n=1}^{\infty} \sin \frac{1}{n^3}$ 4. $\sum_{n=1}^{\infty} 1$

17. Интервал $(1; 3)$ является интервалом сходимости степенного ряда ...

1. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n} (x-3)^n$ 3. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n^2} (x-2)^n$
2. $\sum_{n=1}^{\infty} (2n-1)(x-2)^n$ 4. $\sum_{n=1}^{\infty} n(x-1)^n$

18. Если $f(x) = 3x^3 + 5$, то коэффициент a_5 разложения данной функции в ряд Тейлора по степеням $(x+1)$ равен ...

1. 0 2. 3 3. 6 4. 18

19. Первый ненулевой член ряда Маклорена

$$f(x) = f(0) + f'(0)x + \frac{f''(0)}{2!}x^2 + \frac{f'''(0)}{3!}x^3 + \dots + \frac{f^{(n)}(0)}{n!}x^n + \dots$$

функции $y = \ln(1-8x)$ имеет вид ...

- | | |
|------------|----------|
| 1. $8x$ | 3. $-8x$ |
| 2. $32x^2$ | 4. x |

7.2.5 Примерный перечень заданий для решения прикладных задач

1. Матрицы. Основные определения. Виды матриц.
2. Линейные операции над матрицами. Умножение матриц. Свойства этих действий.
3. Обратная матрица, ее определение, свойства и вычисление.
4. Определители 2-го, 3-го и n -го порядков. Способы их вычисления и свойства.
5. Системы линейных алгебраических уравнений. Основные определения.
6. Ранг матрицы. Способы вычисления.
7. Теорема Кронекера-Капелли.
8. Системы линейных уравнений. Основные определения.
9. Решение систем линейных алгебраических уравнений матричным методом.
10. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Крамера.
11. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Гаусса.
12. Общее и фундаментальное решения систем линейных уравнений.
13. Линейные пространства. Базис. Размерность.
14. Разложение вектора по базису.
15. Векторы. Основные определения и понятия.
16. Линейные операции над векторами. Их свойства.
17. Проекция вектора на ось и на вектор.
18. Разложение вектора по ортам координатных осей.
19. Длина вектора. Направляющие косинусы.
20. Действия над векторами, заданными проекциями.
21. Скалярное произведение векторов: определение, свойства, вычисление в декартовых координатах, приложения.
22. Векторное произведение векторов: определение, свойства, вычисление в декартовых координатах, приложения.
23. Смешанное произведение векторов: определение, свойства, вычисление в декартовых координатах, приложения.
24. Прямоугольная система координат на плоскости. Уравнение линии в декартовой системе координат.
25. Основные приложения метода координат на плоскости: расстояние между двумя точками; деление отрезка в данном отношении.
26. Различные виды уравнений прямой на плоскости.
27. Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности прямых. Расстояние от точки до прямой.
28. Различные виды уравнений плоскости в пространстве.
29. Угол между плоскостями. Условия параллельности и

- перпендикулярности двух плоскостей. Расстояние от точки до плоскости.
30. Прямая линия в пространстве. Различные виды уравнений прямой в пространстве.
 31. Угол между прямыми в пространстве. Условия параллельности и перпендикулярности прямых.
 32. Угол между прямой и плоскостью. Условия параллельности и перпендикулярности прямой и плоскости. Точка пересечения прямой с плоскостью.
 33. Кривые второго порядка. Окружность.
 34. Кривые второго порядка. Эллипс.
 35. Кривые второго порядка. Гипербола.
 36. Кривые второго порядка. Парабола.
 37. Элементы теории множеств. Числовые множества. Числовые промежутки. Окрестность точки.
 38. Функция. Понятие функции. Способы задания функции. Некоторые характеристики функции (четность, нечетность, монотонность, ограниченность, периодичность).
 39. Обратная и сложная функции. Основные элементарные функции и их графики. Элементарная функция.
 40. Числовая последовательность. Предел числовой последовательности.
 41. Предел функции в точке. Односторонние пределы.
 42. Предел функции при $x \rightarrow \infty$. Бесконечно большая функция.
 43. Бесконечно малые функции. Определение и основные теоремы. Связь между функцией, ее пределом и бесконечно малой функцией.
 44. Теоремы о пределах суммы, разности, произведении и частном функций. Теорема о пределе промежуточной функции.
 45. Первый замечательный предел.
 46. Второй замечательный предел.
 47. Сравнение бесконечно малых функций. Эквивалентные бесконечно малые функции и их применение при раскрытии неопределенностей.
 48. Непрерывность функции в точке, в интервале и на отрезке.
 49. Классификация точек разрыва функции.
 50. Основные теоремы о непрерывных функциях. Свойства функций, непрерывных на отрезке.
 51. Задачи, приводящие к понятию производной: задача о скорости прямолинейного движения точки; задача о касательной к кривой.
 52. Определение производной, ее механический, физический и геометрический смысл. Уравнение касательной и нормали к кривой.
 53. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции. Таблица производных основных элементарных функций.
 54. Производная суммы, разности, произведения и частного функций. Производная сложной и обратной функций.
 55. Дифференцирование неявных и параметрически заданных функций. Логарифмическое дифференцирование. Производные высших

- порядков. Механический смысл производной второго порядка.
56. Дифференциал функции и его геометрический смысл. Основные теоремы о дифференциалах. Таблица дифференциалов. Применение дифференциала к приближенным вычислениям.
57. Теоремы Ролля, Коши и Лагранжа о дифференцируемых функциях.
58. Правило Лопиталя для раскрытия неопределенностей $\left\{\frac{0}{0}\right\}$, $\left\{\frac{\infty}{\infty}\right\}$.
- Раскрытие неопределенностей вида $\{0 \cdot \infty\}$, $\{\infty - \infty\}$, $\{0^0\}$, $\{\infty^0\}$, $\{1^\infty\}$.
59. Возрастание и убывание функций. Максимум и минимум функций. Наибольшее и наименьшее значение функции на отрезке.
60. Выпуклость и вогнутость графика функции. Точки перегиба.
61. Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функции и построение графика.
62. Формула Тейлора для многочлена и для произвольной функции. Формула Маклорена.
63. Разложение основных элементарных функций по формуле Маклорена. Применение формулы Маклорена к вычислению пределов.
1. Первообразная. Определение. Свойства.
 2. Неопределенный интеграл. Свойства. Табличные интегралы.
 3. Метод интегрирования внесением под знак дифференциала.
 4. Интегрирование выражений, содержащих квадратный трехчлен.
 5. Интегрирование рациональных дробей.
 6. Метод интегрирования по частям в неопределенном интеграле.
 7. Замена переменной в неопределенном интеграле.
 8. Интегрирование тригонометрических функций. Тригонометрические подстановки.
 9. Определенный интеграл. Геометрический смысл. Свойства.
 10. Формула Ньютона-Лейбница.
 11. Теорема о среднем для определенного интеграла.
 12. Интеграл с переменным верхним пределом.
 13. Интегрирование по частям в определенном интеграле.
 14. Замена переменной в определенном интеграле.
 15. Вычисление площадей плоской фигуры.
 16. Вычисление длины дуги.
 17. Вычисление объемов по известной площади сечения, перпендикулярного оси Ox .
 18. Несобственные интегралы I рода. Теоремы сравнения.
 19. Несобственные интегралы II рода. Теоремы сравнения.
 20. Функции многих переменных (ФМП). Область определения, область значений, предел, непрерывность.
 21. Частные производные первого порядка, геометрический смысл.
 22. Полный дифференциал функции двух переменных, дифференциалы высших порядков.
 23. Необходимое условие дифференцируемости ФМП.

24. Достаточное условие дифференцируемости ФМП.
25. Уравнение касательной плоскости и нормали к поверхности.
26. Частные производные высших порядков. Теоремы о равенстве смешанных производных
27. Признак полного дифференциала функции двух переменных.
28. Формула Тейлора для функции двух переменных.
29. Экстремум функции двух переменных. Необходимое условие существования экстремума.
30. Достаточное условие существования экстремума функции двух переменных.
31. Метод наименьших квадратов.
32. Производная сложной функции двух переменных.
33. Градиент функции двух переменных, свойства градиента.
34. Производная по направлению.
35. Задачи, приводящие к понятию двойного интеграла: задача о массе неоднородной пластины, задача об объеме цилиндрида. Геометрический смысл и свойства двойного интеграла.
36. Вычисление двойных интегралов с помощью повторных.
37. Вычисление двойных интегралов в полярной системе координат.
38. Замена переменных в двойном интеграле.
39. Вычисление площади плоской фигуры с помощью двойных интегралов.
40. Вычисление площади поверхности.
41. Вычисление объемов тел с помощью двойных интегралов
42. Приложение двойных интегралов в механике: вычисление массы, статических моментов и моментов инерции, координат центра масс плоской фигуры.
43. Задача о массе неоднородного тела. Тройной интеграл, его свойства, вычисление.
44. Вычисление объемов тел с помощью тройных интегралов.
45. Вычисление тройного интеграла в сферической системе координат.
46. Вычисление тройного интеграла в цилиндрической системе координат.
47. Приложения тройных интегралов в механике: вычисление массы тела, статических моментов, моментов инерции, координат центра масс.
48. Задачи о массе материальной линии, площади цилиндрической поверхности. Криволинейные интегралы I рода, определения, свойства, физический смысл.
49. Вычисление криволинейного интеграла I рода.
50. Задача о работе силы. Криволинейные интегралы II рода, определение, свойства, физический смысл.
51. Формула Грина и следствия из нее.
52. Условие независимости интеграла II рода от пути интегрирования.
53. Интегрирование полных дифференциалов.

3-й семестр (экзамен)

1. Дифференциальные уравнения. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Поле направлений.
2. Общее и частное решения дифференциального уравнения первого порядка. Задача Коши и ее геометрический смысл. Теорема существования и единственности решений (без доказательства).
3. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными.
4. Однородные дифференциальные уравнения первого порядка.
5. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Уравнение и метод Бернулли.
6. Уравнение в полных дифференциалах.
7. Приближенное решение задачи Коши. Метод ломаных Эйлера. Метод Адамса.
8. Дифференциальные уравнения второго порядка, их общее и частное решения. Задача Коши, ее физический и геометрический смысл.
9. Дифференциальные уравнения второго порядка, допускающие его понижение: 1) $y'' = f(x)$ 2) $F(x, y', y'') = 0$ 3) $F(y, y', y'') = 0$.
10. Однородные линейные дифференциальные уравнения второго порядка, свойства их решений.
11. Решение однородных линейных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами (в случаях, когда дискриминант характеристического уравнения положителен, равен нулю и отрицателен).
12. Структура решений неоднородных линейных дифференциальных уравнений второго порядка.
13. Подбор частных решений неоднородных линейных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами для функций специального вида $f(x) = e^{ax} [P_n(x) \cos bx + Q_n(x) \sin bx]$.
14. Метод Лагранжа вариации произвольных постоянных для линейных дифференциальных уравнений второго порядка.
15. Элементы теории колебаний.
16. Линейные системы дифференциальных уравнений.
17. Числовые ряды. Сумма и сходимость числового ряда. Свойства сходящихся рядов. Ряд геометрической прогрессии.
18. Необходимый признак сходимости числового ряда. Гармонический ряд.
19. Признаки сравнения для рядов с положительными членами.
20. Признак Даламбера.
21. Радикальный признак Коши.
22. Интегральный признак Коши.

23. Знакопередающие ряды. Признак Лейбница. Абсолютная и условная сходимость.
24. Функциональные ряды, их область сходимости.
25. Степенные ряды. Теорема Абеля. Радиус и область сходимости степенного ряда.
26. Ряды Тейлора и Маклорена. Нахождение коэффициентов ряда Маклорена.
27. Разложение в ряд Маклорена функций e^x , $\sin x$, $\cos x$, $\ln(1+x)$, $\arctg x$, $(1+x)^\alpha$.
28. Оценка остатка для ряда Маклорена в форме Лагранжа (без доказательства). Применение рядов Маклорена для вычисления значений функций.
29. Вычисление определенных интегралов и раскрытие неопределенностей с помощью степенных рядов.
30. Интегрирование дифференциальных уравнений с помощью степенных рядов.
31. Разложение функции в ряд Фурье на отрезке $[-\pi, \pi]$, нахождение коэффициентов Фурье.
32. Формулы коэффициентов Фурье для четных и нечетных функций. Ряды Фурье на отрезке $[-l, l]$.

7.2.6. Методика выставления оценки при проведении промежуточной аттестации

7.2.7 Паспорт оценочных материалов

№ п/п	Контролируемые разделы (темы) дисциплины	Код контролируемой компетенции	Наименование оценочного средства
1	Векторная и линейная алгебра	ОК-7, ОПК-2, ОПК-7	Тест, контрольная работа, защита лабораторных работ, защита реферата, требования к курсовому проекту....
2	Векторная и линейная алгебра	ОК-7, ОПК-2, ОПК-7	Тест, контрольная работа, защита лабораторных работ, защита реферата, требования к курсовому проекту....
3	Аналитическая геометрия	ОК-7, ОПК-2, ОПК-7	Тест, контрольная работа, защита лабораторных работ, защита реферата, требования к курсовому проекту....
4	Введение в математический анализ и дифференциальное исчисление функций одной переменной	ОК-7, ОПК-2, ОПК-7	Тест, контрольная работа, защита лабораторных работ, защита реферата, требования к курсовому проекту....

			проекту....
5	Введение в математический анализ и дифференциальное исчисление функций одной переменной	ОК-7, ОПК-2, ОПК-7	Тест, контрольная работа, защита лабораторных работ, защита реферата, требования к курсовому проекту....
6	Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных	ОК-7, ОПК-2, ОПК-7	Тест, контрольная работа, защита лабораторных работ, защита реферата, требования к курсовому проекту....
7	Интегральное исчисление функций одной и нескольких переменных	ОК-7, ОПК-2, ОПК-7	Тест, контрольная работа, защита лабораторных работ, защита реферата, требования к курсовому проекту....
8	Числовые и функциональные ряды	ОК-7, ОПК-2, ОПК-7	Тест, контрольная работа, защита лабораторных работ, защита реферата, требования к курсовому проекту....
9	Обыкновенные дифференциальные уравнения	ОК-7, ОПК-2, ОПК-7	Тест, контрольная работа, защита лабораторных работ, защита реферата, требования к курсовому проекту....
10	Теория вероятностей и основы математической статистики	ОК-7, ОПК-2, ОПК-7	Тест, контрольная работа, защита лабораторных работ, защита реферата, требования к курсовому проекту....
11	Теория функции комплексного переменного	ОК-7, ОПК-2, ОПК-7	Тест, контрольная работа, защита лабораторных работ, защита реферата, требования к курсовому проекту....
12	Дискретная математика	ОК-7, ОПК-2, ОПК-7	Тест, контрольная работа, защита лабораторных работ, защита реферата, требования к курсовому проекту....

7.3. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности

При проведении устного экзамена обучающемуся предоставляется 60 минут на подготовку. Опрос обучающегося по билету на устном экзамене не должен превышать двух астрономических часов. С экзамена снимается материал тех КР и КЛ, которые обучающийся выполнил в течение семестра на «хорошо» и «отлично».

Во время проведения экзамена (зачета) обучающиеся могут

пользоваться программой дисциплины, а также вычислительной техникой.

8 УЧЕБНО МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ)

8.1 Перечень учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

1. С.М. Алейников, В.В. Горяйнов. Высшая математика. Контрольно–измерительные материалы для аттестации обучающихся в технических вузах: практикум: Учебное пособие, 2006.
2. Колпачев В.Н., Дементьева А.М., Горяйнов В.В. Решение тестовых заданий федерального интернет-экзамена по математике. Часть 1. Алгебра и геометрия: Учебное пособие, 2012.
3. Куцев А.Б., Ханкин Е.И., Акчурина Л.В. Теория вероятностей: Методические указания, 2010.
4. В.С. Муштенко, Л.В. Стенюхин, В.К. Еченко Неопределенный и определенный интегралы: Методические указания, 2010.
5. Дементьева А.М., Горяйнов В.В., Ханкин Е.И., Ульянова Е.Л., Глазкова М.Ю. Дифференциальные уравнения: Методические указания, 2014.
6. Дементьева А.М., Святская Т.Г., Горяйнов В.В., Акчурина Л.В., Попова В.А. Дифференциальные уравнения. Ряды: Методические указания, 2012.
7. Колпачев В.Н., Гончаров М.Д., Некрасова Н.Н., Седаев А.А., Ханкин Е.И Математика: Методические указания, 2012.
8. Гончаров М.Д., Седаев А.А., Некрасова Н.Н., Чернышова Р.В. Математика: Методические указания, 2012.
9. Глазкова М.Ю., Акчурина Л.В., Ульянова Е.Л., Куцев А.Б. Теория вероятностей и математическая статистика: Методические указания, 2012.
10. Барсуков Андрей Иванович, Глазкова Мария Юрьевна, Минаков Виктор Иванович
Задачи повышенной сложности по высшей математике: учебно-методическое пособие - Ч. 1. - Воронеж : [б. и.], 2013 -119 с.
11. Дементьева, Александра Марковна, Артыщенко, Степан Владимирович, Попова, Виктория Анатольевна
Интегральное исчисление функций одной и нескольких переменных: учеб. пособие : рек. ВГАСУ. - Воронеж : [б. и.], 2010 -163 с.
12. Шипачев В.С. Основы высшей математика. – М.: Высш. шк., 2007 г.

13. Привалов И.И. Аналитическая геометрия. – 37-е изд., стер. – СПб;М.; Краснодар: Лань, 2008 г.
14. Дементьева, Александра Марковна, Артыщенко, Степан Владимирович, Попова, Виктория Анатольевна
Интегральное исчисление функций одной и нескольких переменных: учеб. пособие : рек. ВГАСУ. - Воронеж : [б. и.], 2010
-1 электрон. опт. диск
15. Данилов А. М., Гарькина И. А.
Математика: Учебное пособие. - Пенза : Пензенский государственный университет архитектуры и строительства, ЭБС АСВ, 2012 -204 с., <http://www.iprbookshop.ru/23097>

Дополнительная литература:

1. Гмурман В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика. – 11-е изд., стер. – М.: Высш. шк., 2005 г
2. Берман Г.Н. Сборник задач по курсу математического анализа. – 22-е изд., перераб. – СПб.:Профессия, 2008 г.
3. Седаев А.А., Стенюхин Л.В., Евченко В.К. Избранные главы курса математики в инженерном вузе (множества, графы, топология, функциональный анализ, вариационное исчисление). - Воронеж. гос. архит.-строит. ун-т. – Воронеж, 2008 г.
4. Диденко О. П., Мухаметдинова С. Х., Рассказова М. Н.
Математика: Учебное пособие. - Омск : Омский государственный институт сервиса, 2013 -160 с., <http://www.iprbookshop.ru/18256>

8.2 Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень лицензионного программного обеспечения, ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем:

1. Консультирование посредством электронный почты.
2. Использование презентаций при проведении лекционных занятий.

Для работы в сети рекомендуется использовать сайты:

- <http://encycl.yandex.ru> (Энциклопедии и словари).
- <http://www.intuit.ru/department/mathematics/intmath/> (Вводный курс в высшую математику. Рассматриваются основы высшей математики для «нематематических» специальностей. Изложение сопровождается большим количеством специально подобранных примеров, поясняющих суть исследуемых понятий и фактов).
- <http://mathelp.spb.ru> (Лекции, учебники on-line, web-сервисы по высшей

математике в помощь студентам).

– <http://mathem.by.ru> (Справочная информация по математическим дисциплинам).

– <http://www.exponenta.ru> (Материалы по высшей математике).

– <http://teorver-online.narod.ru/teorver73.html> (Манита А. Д. Теория вероятностей и математическая статистика. Интернет-учебник).

<http://eqworld.ipmnet.ru/ru/library/mathematics.htm>. (Книги в форматах PDF и DjVu).

Для работы с электронными учебниками требуется наличие таких программных средств, как Adobe Reader для Windows и DjVuBrowserPlugin.

9 МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКАЯ БАЗА, НЕОБХОДИМАЯ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА

Для проведения ряда лекционных занятий по дисциплине необходимы аудитории, оснащенные презентационным оборудованием (компьютер с ОС Windows и программой PowerPoint или Adobe Reader, мультимедийный проектор и экран).

Для обеспечения практических занятий требуется компьютерный класс с комплектом лицензионного программного обеспечения (при использовании электронных изданий – компьютерный класс с выходом в Интернет).

10. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Для более эффективного усвоения курса математики рекомендуется использовать на лекциях и практических занятиях видеоматериалы, обобщающие таблицы и др.

№	Темы учебных занятий, проводимых в интерактивных формах	Объем занятий
1.	<i>Лекции с элементами проблемного обучения с использованием ПК, мультимедиапроектора и комплекта презентаций по темам: «Кривые второго порядка: эллипс, гипербола, парабола», «Поверхности второго порядка», «Исследование функций с помощью производных», «Функции нескольких переменных. Область определения. Геометрическое изображение», «Приложения определенного интеграла»,</i>	20

	«Кратные интегралы», «Криволинейные интегралы», «Линейные неоднородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами и правой частью специального вида», «Ряды Фурье», «Основные законы распределения случайных величин»	
2.	<i>Лекции – учебные дискуссии</i> (с использованием рабочих тетрадей, содержащих опорные конспекты изучаемых тем и пропущенные смысловые места для заметок, поправок, примеров) по темам «Основные методы интегрирования», «Интегрирование рациональных функций путем разложения на простейшие дроби», «Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка», «Основные формулы и правила комбинаторики», «Схема Бернулли»	10
3.	<i>Практические занятия (с элементами компьютерных симуляций и дидактических игр)</i> в компьютерном классе с использованием программного комплекса Maple для выполнения профессионально ориентированных (индивидуальных) заданий, связанных с расчетами, по темам: «Вычисление определителей и решение систем линейных алгебраических уравнений», «Действия с матрицами», «Общая схема исследования и построение графиков функций», «Дифференцирование функций одной и нескольких переменных», «Интегрирование функций одной и нескольких переменных», «Решение дифференциальных уравнений», «Разложение функций в	30

	ряд».	
	Всего, час / удельный вес, %	60 / 21

Для повышения интереса к дисциплине и развития математической культуры целесообразно сообщать на лекциях сведения из истории математики и информацию о вкладе российских ученых в математическую науку.

Важным условием успешного освоения дисциплины «Математика» является самостоятельная работа студентов. Для осуществления индивидуального подхода к студентам и создания условий ритмичности учебного процесса рекомендуются индивидуальные расчетно-графические работы (РГР) в группах, коллоквиумы и контрольные работы (КР). Коллоквиум и контрольная работа являются не только формами промежуточного контроля, но и формами обучения, так как позволяют своевременно определить уровень усвоения студентами разделов программы и провести дополнительную работу.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО с учетом рекомендаций и ПрООП ВО по направлению подготовки 27.03.05-«Инноватика»

Руководитель основной образовательной программы

(занимаемая должность, ученая степень и звание)
(инициалы, фамилия)

(подпись)

Рабочая программа одобрена учебно-методической комиссией

« _____ » _____ 20 _____ г., протокол № _____

Председатель

/ _____ /

(ученая степень, звание, подпись)

(инициалы, фамилия)

Эксперт

/ _____ /

(место работы)

(инициалы, фамилия)

(занимаемая должность)

(подпись)

М П

(организации)