

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Воронежский государственный технический университет»



УТВЕРЖДАЮ
Декан дорожно-транспортного факультета
/А.В. Еремин/
«30» августа 2017 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
дисциплины (модуля)
«Математика»**

Направление подготовки (специальность) 23.05.01 «Наземные транспортно-технологические средства»

Профиль (специализация) №2 «Подъёмно-транспортные, строительные дорожные средства и оборудование»

Квалификация выпускника Инженер

Нормативный период обучения 5 лет

Форма обучения Очная

Год начала подготовки 2016 г.

Автор программы _____ /А. А. Седаев/

Заведующий кафедрой
Прикладной математики и механики _____ /В.И. Ряжских/

Руководитель ОПОП _____ /В.Л. Тюнин/

Воронеж 2017

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ДИСЦИПЛИНЫ

1.1. Цели дисциплины: развитие логического и алгоритмического мышления, выработка умения самостоятельно расширять и углублять математические знания; освоение необходимого математического аппарата, помогающего анализировать, моделировать и решать прикладные задачи; формирование у студента начального уровня математической культуры, достаточного для продолжения образования, научной работы или практической деятельности, методологических основ для формирования целостного научного мировоззрения, отвечающего современному уровню развития человеческой цивилизации.

1.2. Задачи освоения дисциплины:

- Выработка ясного понимания необходимости математического образования в подготовке бакалавра и представления о роли и месте математики в современной системе знаний и мировой культуре;
- Ознакомление с системой понятий, используемых для описания важнейших математических моделей и математических методов, и их взаимосвязью;
- Формирование конкретных практических приемов и навыков постановки и решения математических задач, ориентированных на практическое применение при изучении профильных дисциплин;
- Овладение основными математическими методами, необходимыми для анализа процессов и явлений при поиске оптимальных решений, обработки и анализа результатов экспериментов.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Дисциплина «Математика» относится к дисциплинам базовой части блока Б1.

3. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Процесс изучения дисциплины «Математика» направлен на формирование следующих компетенций:

ОК-7: готовностью к саморазвитию, самореализации, использованию творческого потенциала;

ОПК-5: способностью на научной основе организовать свой труд, самостоятельно оценивать результаты своей деятельности.

Компетенция	Результаты обучения, характеризующие сформированность компетенции
ОК-7	знать фундаментальные основы высшей математики, включая алгебру, геометрию, математический анализ, теорию вероятностей и

	основы математической статистики, необходимые для анализа задач, возникающих в практической деятельности
	уметь самостоятельно находить математический аппарат, содержащийся в литературе по строительным наукам, и критически анализировать информацию, необходимую для решения поставленной задачи, рассматривать различные варианты решения задачи, оценивая их достоинства и недостатки
	владеть первичными навыками использования математического аппарата для выработки системного подхода к решению поставленных задач
ОПК-5	Знать современные методы исследования, основанные на применении математического аппарата
	Уметь применять современные методы исследования, основанные на применении математического аппарата
	Владеть методами оценки точности решения практических задач с помощью различных математических методов

4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость дисциплины «Математика» составляет 14 з.е.

Распределение трудоемкости дисциплины по видам занятий

очная форма обучения

Виды учебной работы	Всего часов	Семестры			
		1	2	3	
Аудиторные занятия (всего)	234	72	54	54	54
В том числе:					
Лекции	144	36	36	36	36
Практические занятия (ПЗ)	90	36	18	18	18
Самостоятельная работа	216	36	72	54	54
Часы на контроль	54	0	27	0	27
Виды промежуточной аттестации - экзамен, зачет с оценкой		Зачёт	Экзамен	Зачёт	Экзамен
Общая трудоемкость:	504	108	153	108	135
академические часы	14	3	4,25	3	3,75
зач. ед.					

5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

5.1 Содержание разделов дисциплины и распределение трудоемкости по видам занятий

очная форма обучения

№ п/п	Наименование темы	Содержание раздела	Ле кц	Прак зан.	СРС	Всего , час
1	Векторная линейная алгебра	и Определители второго и третьего порядков и их свойства. Миноры и алгебраические дополнения. Вычисление определителей третьего порядка разложением по строке (столбцу). Понятие об определителе n -го порядка. Матрицы и действия над ними. Решение системы алгебраических линейных уравнений методом Гаусса и по формулам Крамера. Линейные операции над векторами и их свойства. Разложение вектора по базису. Векторы в прямоугольной системе координат. Скалярное векторное и смешанное произведения векторов; их определения, основные свойства, способы вычисления и применения к решению физических и геометрических задач.	8	8	8	24
2	Аналитическая геометрия	Прямая на плоскости (различные виды уравнений прямой). Взаимное расположение 2-х прямых. Плоскость и прямая в пространстве, их уравнения и взаимное расположение. Кривые и поверхности 2-го порядка; их канонические уравнения и построение. Полярная система координат.	8	8	8	24
3	Введение математический анализ	в Функция одной переменной. Предел функции. Теоремы о пределах. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Сравнение бесконечно малых. Признаки существования пределов. Приращение функции. Непрерывность функции в точке и на отрезке. Точки разрыва, их классификация.	4	4	4	12
4	Дифференциальное исчисление функций одной переменной	Производная функции, ее геометрический и механический смыслы. Правила дифференцирования. Дифференциал функции, его геометрический смысл. Основные теоремы дифференциального исчисления (Ролля, Коши, Лагранжа) и их геометрическая иллюстрация. Правило Лопитала. Возрастание и убывание функции на отрезке. Экстремум, наибольшее и наименьшее значение функции одной переменной на отрезке. Выпуклость, точки перегиба графика функции. Асимптоты. Общая схема исследования функции одной переменной.	16	16	16	48
5	Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных	Функция нескольких переменных, область определения. Частные приращения и полное приращение функции двух переменных. Частные производные и их вычисление. Повторное дифференцирование функции двух переменных. Частные дифференциалы и полный дифференциал функции двух переменных. Касательная плоскость и нормаль к поверхности (определение, уравнения). Экстремум функции двух переменных. Производная по направлению и градиент функции нескольких переменных (определения, вычисление).	16	8	36	60
6	Интегральное исчисление функций одной и нескольких	Первообразная. Неопределенный интеграл. Методы интегрирования. Задача о площади криволинейной трапеции, приводящая к	20	10	36	66

	переменных	понятию определенного интеграла по отрезку. Определенный интеграл по отрезку (определение, основные свойства, вычисление, формула Ньютона-Лейбница) и его приложения. Несобственные интегралы I и II рода. Двойной интеграл и его приложения. Криволинейные интегралы I и II рода. Их вычисление и приложения.				
7	Обыкновенные дифференциальные уравнения	Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Определение дифференциального уравнения, его порядка и решения. Задача Коши и теорема Коши для уравнений 1-го порядка. Общее и частное решения. Основные типы дифференциальных уравнений 1-го порядка. Дифференциальные уравнения высших порядков. Дифференциальные уравнения второго порядка. Задача Коши. Общее и частное решения. Дифференциальные уравнения второго порядка, допускающие понижение порядка. Линейные дифференциальные уравнения 2-го порядка. Теоремы о структуре общего решения линейного однородного и линейного неоднородного уравнений 2-го порядка. Фундаментальная система решений линейного однородного дифференциального уравнения. Методы решения линейных однородных и неоднородных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами.	16	8	18	42
8	Теория вероятностей и основы математической статистики	Случайные события. Алгебра событий. Относительная частота. Классическое, геометрическое, статистическое определения вероятности. Основные теоремы теории вероятностей. Формула полной вероятности. Схема Бернулли. Дискретные и непрерывные случайные величины. Функция распределения, плотность вероятности и числовые характеристики. Законы распределения дискретных и непрерывных случайных величин (биномиальное, равномерное, нормальное распределения). Генеральная совокупность и выборка. Полигон частот, гистограмма. Эмпирическая функция распределения. Выборочные числовые характеристики. Точечные и интервальные оценки параметров распределения.	20	10	36	66
9	Элементы общей алгебры	Внутренний закон композиции множества. Виды законов композиции и понятие нейтрального элемента. Понятия группы, кольца и поля. Понятия линейного векторного пространства, линейной зависимости и независимости его элементов. Базис в линейном пространстве, размерность пространства. Конечномерные и бесконечномерные пространства. Понятие линейного оператора. Линейные операторы, действующие в конечномерных пространствах, и их матрицы.	20	10	18	48
10	Основные понятия и методы дискретной математики	Операции над множествами. Отношения на множествах. Высказывания. Логические операции над высказываниями. Функции алгебры логики (булевы функции). Основные определения и задачи теории графов.	12	6	18	36
11	Элементы топологии.	Понятие топологического пространства. Точки и открытые множества топологического пространства. Сравнение топологий. Понятия внутренности множества и окрестности точки, замкнутого множества.	4	2	18	24

5.2 Перечень лабораторных работ

Не предусмотрено учебным планом

6. ПРИМЕРНАЯ ТЕМАТИКА КУРСОВЫХ ПРОЕКТОВ (РАБОТ) И КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ

В соответствии с учебным планом освоение дисциплины не предусматривает выполнение курсового проекта (работы) или контрольной работы.

7. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

7.1. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

7.1.1 Этап текущего контроля

Результаты текущего контроля знаний и межсессионной аттестации оцениваются по следующей системе:

«аттестован»;

«не аттестован».

Компетенция	Результаты обучения, характеризующие сформированность компетенции	Критерии оценивания	Аттестован	Не аттестован
ОК-7	знать фундаментальные основы высшей математики, включая алгебру, геометрию, математический анализ, теорию вероятностей и основы математической статистики, необходимые для анализа задач, возникающих в практической деятельности	Знание основных теоретических фактов (на основе тестирования или опроса)	Даны ответы на большинство теоретических вопросов в тесте и (или) опросе.	Даны ответы на менее чем половину теоретических вопросов в тесте и (или) опросе.
	уметь самостоятельно находить математический аппарат, содержащийся в литературе по строительным наукам, и критически анализировать информацию, необходимую для решения поставленной задачи, рассматривать различные варианты решения задачи, оценивая их достоинства и недостатки	Использование данных задачи для выбора методов ее решения (на основе тестирования или решения стандартных задач)	Продемонстрировано умение правильно выбирать методы решения задач	Не продемонстрировано умение выбирать методы решения задач
	владеть первичными навыками использования математического аппарата для выработки системного подхода к решению поставленных задач	Использование теоретических фактов для решения различных задач (на основе решения стандартных задач)	Решение большинства предложенных задач доведено до конца. Получены правильные ответы	Решение большинства предложенных задач не доведено до конца. Ответы на некоторые задачи ошибочны.
ОПК-5	Знать современные методы исследования, основанные	Знание основных теоретических фактов	Даны ответы на большинство	Даны ответы на менее чем

	на применении математического аппарата	(на основе тестирования или опроса)	теоретических вопросов в тесте и (или) опросе.	половину теоретических вопросов в тесте и (или) опросе.
	Уметь применять современные методы исследования, основанные на применении математического аппарата	Использование данных задачи для выбора методов ее решения (на основе тестирования или решения стандартных задач)	Продемонстрировано умение правильно выбирать методы решения задач	Не продемонстрировано умение выбирать методы решения задач
	Владеть методами оценки точности решения практических задач с помощью различных математических методов	Использование теоретических фактов для решения различных задач (на основе решения стандартных задач)	Решение большинства предложенных задач доведено до конца. Получены правильные ответы	Решение большинства предложенных задач не доведено до конца. Ответы на некоторые задачи ошибочны.

7.1.2 Этап промежуточного контроля знаний

Результаты промежуточного контроля знаний оцениваются в 1 и 3 семестрах для очной формы обучения по двубалльной системе:

«зачтено»;

«не зачтено».

Компетенция	Результаты обучения, характеризующие сформированность компетенции	Критерии оценивания	Зачтено	Не зачтено	Удовл.	Неудовл.
ОК-7	знать фундаментальные основы высшей математики, включая алгебру, геометрию, математический анализ, теорию вероятностей и основы математической статистики, необходимые для анализа задач, возникающих в практической деятельности	Полное или частичное посещение лекционных и практических занятий. Выполнение проверочных работ.	Частичное посещение занятий. Выполнение проверочных работ, где правильных ответов не менее 50 %.	Выполнение проверочных работ, где правильных ответов менее 50 %.	Ответ на один вопрос из двух	Нет правильных ответов
	уметь самостоятельно находить математический аппарат, содержащийся в литературе по строительным наукам, и критически анализировать	Решение стандартных практических задач	Продемонстрирован верный ход решения в большинстве задач	Задачи не решены	Продемонстрирован верный выбор метода решения только одной задачи	Неверный выбор метода решения всех задач

	информацию, необходимую для решения поставленной задачи, рассматривать различные варианты решения задачи, оценивая их достоинства и недостатки					
	владеть первичными навыками использования математического аппарата для выработки системного подхода к решению поставленных задач	Решение прикладных задач в конкретной предметной области	Продемонстрирован верный ход решения в большинстве задач	Задачи не решены	Продемонстрирован верный ход решения только одной задачи	Задачи не решены
ОПК-5	Знать современные методы исследования, основанные на применении математического аппарата	Полное или частичное посещение лекционных и практических занятий. Выполнение проверочных работ.	Частичное посещение занятий. Выполнение проверочных работ, где правильных ответов не менее 50 %.	Выполнение проверочных работ, где правильных ответов менее 50 %.	Ответ на один вопрос из двух	Нет правильных ответов
	Уметь применять современные методы исследования, основанные на применении математического аппарата	Решение стандартных практических задач	Продемонстрирован верный ход решения в большинстве задач	Задачи не решены	Продемонстрирован верный выбор метода решения только одной задачи	Неверный выбор метода решения всех задач
	Владеть методами оценки точности решения практических задач с помощью различных математических методов	Решение прикладных задач в конкретной предметной области	Продемонстрирован верный ход решения в большинстве задач	Задачи не решены	Продемонстрирован верный ход решения только одной задачи	Задачи не решены

Результаты промежуточного контроля знаний оцениваются в 1,2,4 семестрах для очной формы обучения по четырехбалльной системе:

- «отлично»;
- «хорошо»;
- «удовлетворительно»;
- «неудовлетворительно».

Компетенция	Результаты обучения, характеризующие сформированность компетенции	Критерии оценивания	Отлично	Хорошо	Удовл.	Неудовл.
ОК-7	знать фундаментальные основы высшей математики, включая алгебру, геометрию, математический анализ, теорию вероятностей и основы математической статистики, необходимые для анализа задач, возникающих в практической деятельности	Знание основных теоретических фактов (на основе трех вопросов билета, выбранных из вопросов коллоквиумов)	Полный ответ на три вопроса	Полный ответ на два вопроса	Полный ответ на один вопрос	Нет правильных ответов
	уметь самостоятельно находить математический аппарат, содержащийся в литературе по строительным наукам, и критически анализировать информацию, необходимую для решения поставленной задачи, рассматривать различные варианты решения задачи, оценивая их достоинства и недостатки	Использование данных задачи для выбора методов ее решения (на основе двух задач билета, выбранных из прикладных и стандартных практических задач)	Правильно выбран метод решения задач	Продемонстрирован верный выбор метода решения одной задачи и частично указан ход решения второй	Продемонстрирован верный выбор метода решения только одной задачи	Неверный выбор метода решения всех задач
	владеть первичными навыками использования математического аппарата для выработки системного подхода к решению поставленных задач	Использование данных задачи для выбора методов ее решения (на основе двух задач билета, выбранных из прикладных и стандартных практических задач)	Задачи решены в полном объеме и получены верные ответы	Продемонстрирован верный ход решения всех, но не получен верный ответ во всех задачах	Продемонстрирован верный ход решения только одной задачи	Задачи не решены
ОПК-5	Знать современные методы исследования, основанные на применении	Знание основных теоретических фактов (на основе трех вопросов билета,	Полный ответ на три вопроса	Полный ответ на два вопроса	Полный ответ на один вопрос	Нет правильных ответов

математического аппарата	выбранных из вопросов коллоквиумов)					
Уметь применять современные методы исследования, основанные на применении математического аппарата	Использование данных задачи для выбора методов ее решения (на основе двух задач билета, выбранных из прикладных и стандартных практических задач)	Правильно выбран метод решения задач	Продемонстрирован верный выбор метода решения одной задачи и частично указан ход решения второй	Продемонстрирован верный выбор метода решения только одной задачи	Неверный выбор метода решения всех задач	
Владеть методами оценки точности решения практических задач с помощью различных математических методов	Использование данных задачи для выбора методов ее решения (на основе двух задач билета, выбранных из прикладных и стандартных практических задач)	Задачи решены в полном объеме и получены верные ответы	Продемонстрирован верный ход решения всех, но не получен верный ответ во всех задачах	Продемонстрирован верный ход решения только одной задачи	Задачи не решены	

7.2 Примерный перечень оценочных средств (типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности)

7.2.1 Примерный перечень заданий для подготовки к тестированию

1 семестр

1. Даны векторы $\vec{a} = (3; -9)$, $\vec{b} = (-3; 6)$, тогда координаты вектора $5\vec{b} - \frac{\vec{a}}{3}$ равны ...

- | | |
|----------------|----------------|
| 1. $(-16; 33)$ | 3. $(16; -47)$ |
| 2. $(-46; 31)$ | 4. $(-16; 27)$ |

2. Скалярное произведение векторов $\vec{a} = (-1; t)$ и $\vec{b} = (t; 0)$ удовлетворяет неравенству $\vec{a} \cdot \vec{b} \leq 1$ при двух значениях параметра t , равных ...

- | | |
|------|-------|
| 1. 1 | 3. -2 |
| 2. 0 | 4. -3 |

3. Точка M с декартовыми координатами $(2; 2)$ имеет полярные координаты ...

- | | |
|--|---|
| 1. $r = \sqrt{2}, \varphi = \frac{\pi}{4}$ | 3. $r = 2\sqrt{2}, \varphi = \frac{\pi}{4}$ |
|--|---|

2.

$$r = -2\sqrt{2}, \varphi = \frac{\pi}{4}$$

4. $r = 2, \varphi = \frac{\pi}{4}$

4. Уравнение $x^2 + y^2 = 4y$ в полярных координатах имеет вид ...

1.

$$\rho^2 = 4\cos\varphi$$

3.

$$\rho = 4\sin\varphi$$

2.

$$\rho^2 = 4\sin\varphi$$

4.

$$\rho = 4\cos\varphi$$

5. Уравнение $\rho \sin \varphi = b$ в декартовых координатах имеет вид ...

1. $x + y = b$

3.

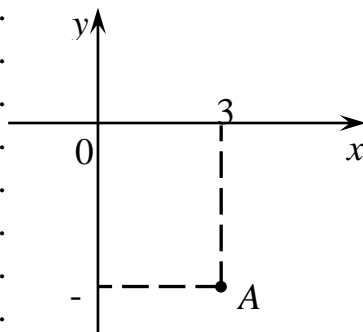
$$x^2 + y^2 = 9$$

2. $x = b$

4. $y = b$

6. Полярный радиус точки А, изображенной на рисунке,

1.
2.
3.
4.
5.
6.
7.
8.
9.



1. 5

2. $\sqrt{7}$

3. 7

4. 25

равен ...

7. Если точка $A(3; 4)$ – начало отрезка AB и $M(0; 5)$ – его середина, то сумма координат точки B равна ...

8. Точки $A(8; 1)$, $B(9; 5)$ и $C(12; 5)$ являются последовательными вершинами параллелограмма. Тогда сумма координат точки пересечения диагоналей равна ...

9. Расположите по возрастанию длины сторон треугольника ABC , где $A(2; -4)$, $B(8; -2)$, $C(3; -2)$.

10. Сопоставьте уравнениям прямых их названия.

1.

$$8x + 4y + 1 = 0$$

А) общее уравнение прямой

2.

$$\frac{x+1}{-3} = \frac{y+1}{-4}$$

Б) уравнение прямой с угловым коэффициентом

3. $y = -x + 5$

В) каноническое уравнение прямой

11. Среди прямых $l_1: 2x + y - 3 = 0$, $l_2: 4x + 2y - 6 = 0$, $l_3: 4x - 2y - 6 = 0$, $l_4: -4x + 2y - 3 = 0$ параллельными являются ...

- | | |
|------------------|------------------|
| 1. l_2 и l_3 | 3. l_1 и l_3 |
| 2. l_3 и l_4 | 4. l_1 и l_2 |

12. Прямая на плоскости задана уравнением $2y - 8x + 11 = 0$. Тогда параллельными к ней являются прямые ...

- | | |
|-----------------------|------------------------|
| 1. $4x - y + 5 = 0$ | 3. $4x + y - 9 = 0$ |
| 2. $3y - 12x + 7 = 0$ | 4. $3y + 12x - 13 = 0$ |

13. Если R – радиус окружности $x^2 - 6x + y^2 = 0$, то ее кривизна $\frac{1}{R}$ всюду равна ...

- | | |
|------------------|------------------|
| 1. 3 | 3. 9 |
| 2. $\frac{1}{9}$ | 4. $\frac{1}{3}$ |

14. Радиус окружности, заданной уравнением $x^2 + y^2 - 2x + 2y - 7 = 0$, равен ...

- | | |
|------|---------------|
| 1. 3 | 3. $\sqrt{7}$ |
| 2. 7 | 4. 9 |

15. Длина мнимой оси гиперболы $4x^2 - 25y^2 = 100$ равна ...

- | | |
|-------|-------|
| 1. 25 | 3. 10 |
| 2. 2 | 4. 4 |

16. Сопоставьте уравнениям линий их названия

- | | |
|--|---------------|
| 1. $(x + 6)^2 + (y - 2)^2 = 64$ | А) окружность |
| 2. $x^2 + 4y = 16$ | Б) гипербола |
| 3. $x^2 + 4y^2 = 4$ | В) парабола |
| 4. $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{9} = 1$ | Г) эллипс |

17. Установите соответствие между уравнением плоскости и точками, которые лежат в этих плоскостях

- | | |
|-------------------------|-----------------|
| 1. $7x - y - z - 3 = 0$ | А) $(-2; 0; 0)$ |
| 2. $x + 2y + z - 5 = 0$ | Б) $(0; 0; 0)$ |
| 3. $y + z - 3x + 2 = 0$ | В) $(1; 2; 2)$ |
| 4. $3y + z - 9x = 0$ | Г) $(1; 0; 1)$ |
| | Д) $(2; 1; 1)$ |

18. Установите соответствие между уравнением плоскости и ее положением в пространстве

- | | |
|-----------------------|--------------------------|
| 1. $-3x + 2z + 8 = 0$ | А) параллельна оси z |
| 2. $2y - 9z - 2 = 0$ | Б) проходит через начало |

координат

3. $3y + 4x + 4 = 0$ В) параллельна оси y
4. $x + 4y + z = 0$ Г) проходит через ось z
Д) параллельна оси x

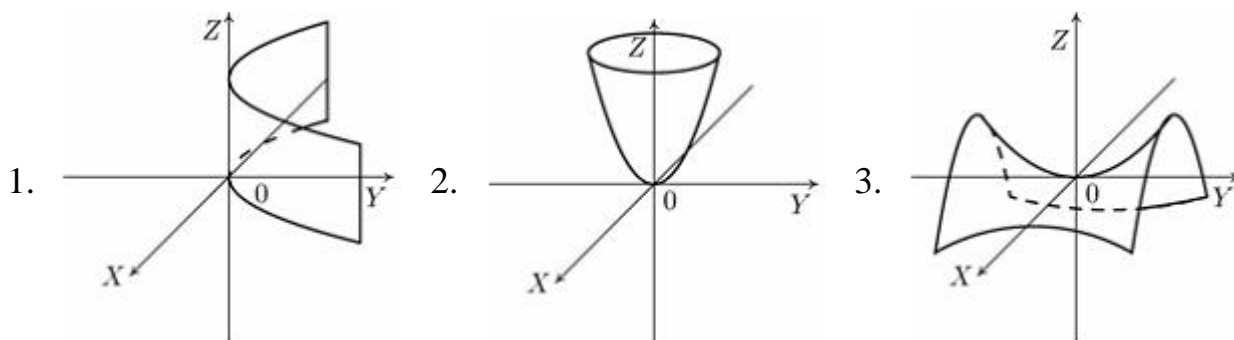
19. Установите соответствие между каноническими уравнениями прямых и их расположением в пространстве.

1. $\frac{x}{4} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-2}{1}$ А) проходит через точку $M_0(8; 3; 4)$
2. $\frac{x+4}{0} = \frac{y}{2} = \frac{z-8}{-3}$ Б) перпендикулярна оси Ox
3. $\frac{x+1}{-3} = \frac{y}{2} = \frac{z+6}{-1}$ В) параллельна вектору $\vec{a} = (9; -6; 3)$
4. $\frac{x-9}{5} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z}{2}$ Г) перпендикулярна вектору $\vec{a} = (4; 6; -4)$
Д) параллельна оси Ox
Е) проходит через точку $M_0(-4; -3; 3)$

20. Поверхность, определяемая уравнением $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{25} + \frac{z^2}{36} = 1$, является ...

1. эллиптическим цилиндром
2. эллипсоидом
3. конусом
4. сферой

21. Установите соответствие между уравнением плоскости и ее положением в пространстве



А) $x^2 = 2py$

Б) $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 2z$

В) $-\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 2z$

$$\Gamma) \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$$

$$\Delta) \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$$

22. Установите соответствие между промежутками и их образами при отображении $y = \sqrt[3]{x}$.

- | | |
|--------------|-----------------------|
| 1. $[-8; 0]$ | А) $(\sqrt[3]{2}; 2]$ |
| 2. $(-8; 0)$ | Б) $[-2; 0]$ |
| 3. $[2; 8]$ | В) $(-2; 0)$ |
| 4. $(2; 8)$ | Г) $(\sqrt[3]{2}; 2)$ |
| | Д) $[\sqrt[3]{2}; 2]$ |
| | Е) $[-2; 0)$ |

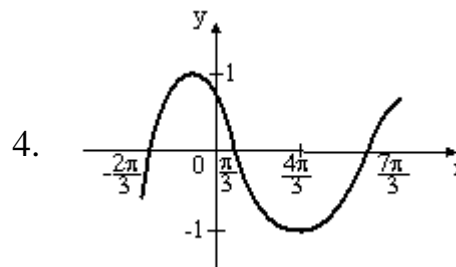
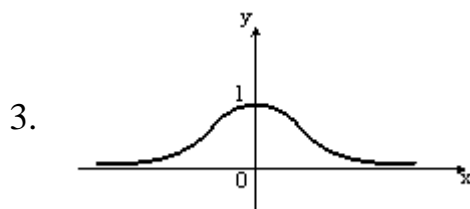
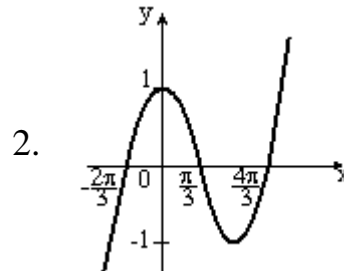
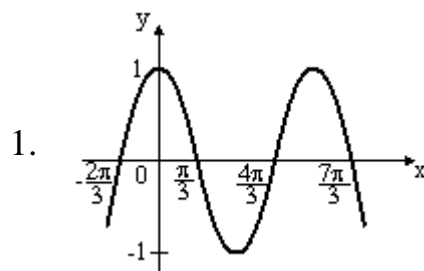
23. Областью определения функции $f(x) = \arccos \frac{x}{2-x}$ является множество...

1. $(-\infty; 1]$ 2. $(-\infty; 2) \cup (2; \infty)$ 3. $[2; \infty)$ 4. $[1; 2)$

24. Наибольшее значение y из области значений функции $y = -2x^2 - 4x + 4$ равно ...

1. 6 2. 4 3. 2 4. 1

25. Укажите график периодической функции.



26. Задано множество точек на числовой прямой: $a = 1,1$, $b = 0,9$, $c = -1,1$, $d = 0,3$, $e = 0$, $f = -1,5$. Тогда количество точек этого множества, принадлежащих

ε -окрестности точки $x = 1$ при $\varepsilon = 1,1$, равно ...

27. Общий член последовательности $\frac{1}{2}, \frac{4}{3}, \frac{9}{4}, \frac{16}{5}, \dots$ имеет вид ...

1. $a_n = \frac{n^2}{n+1}$ 3. $a_n = (-1)^n \frac{n^2}{n+1}$

2. $a_n = \frac{n^2}{2n-1}$ 4. $a_n = \frac{n^2}{n-1}$

28. Укажите два предела, значения которых не больше 3.

1. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4x + 4}{x - 2}$ 3. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{5x - 5}{x - 1}$

2. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x - x^2}{x}$ 4. $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{x - 3}$

29. Конечный предел при $x \rightarrow +\infty$ имеют следующие функции ...

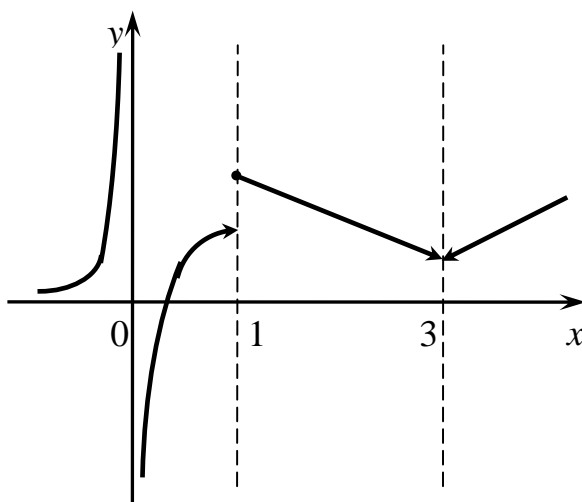
1. $f(x) = \frac{1 + x + x^2 + x^3}{1 - x^3}$ 3. $f(x) = \frac{1 + 2x^3}{x^2 + x + 1}$

2. $f(x) = \frac{1 + \sqrt{x^3 + 1}}{2\sqrt{x^3}}$ 4. $f(x) = \frac{\sqrt{x^6 + 2} + 1}{x^2 + 1}$

30. Значение предела $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{6}{x-2}\right)^{\frac{x}{3}}$ равно...

1. e^2 2. $e^{1/3}$ 3. $e^{1/18}$ 4. 1

31. На рисунке изображен график



Поставьте в соответствие каждой точке разрыва ее вид.

- | | |
|------------|---|
| 1. $x = 0$ | А) точка разрыва I рода,
неустраняемая |
| 2. $x = 1$ | Б) точка разрыва II рода |
| 3. $x = 3$ | В) точка разрыва I рода,
устраняемая |

32. Установите соответствие между функцией и ее производной.

- | | |
|--|---|
| 1. $y = 3^x \cdot \operatorname{arctg} 3x$ | А) $y' = e^x \left(\frac{3}{1+9x^2} + \operatorname{arctg} 3x \right)$ |
| 2. $y = \operatorname{tg} 3x \cdot e^x$ | Б) $y' = 3^x \left(\ln 3 \cdot \operatorname{arctg} 3x + \frac{3}{1+9x^2} \right)$ |
| 3. $y = \operatorname{arctg} 3x \cdot e^x$ | В) $y' = e^x \frac{1 + \sin 3x}{\cos^2 3x}$ |
| | Г) $y' = e^x \frac{6 + \sin 6x}{2 \cos^2 3x}$ |

$$Д) y' = 3^x \left(\operatorname{arctg} 3x + \frac{1}{1+9x^2} \right)$$

33. Касательная к графику функции $y = x^2 + 7x - 2$ не пересекает прямую $y = -3x + 7$. Тогда абсцисса точки касания равна ...

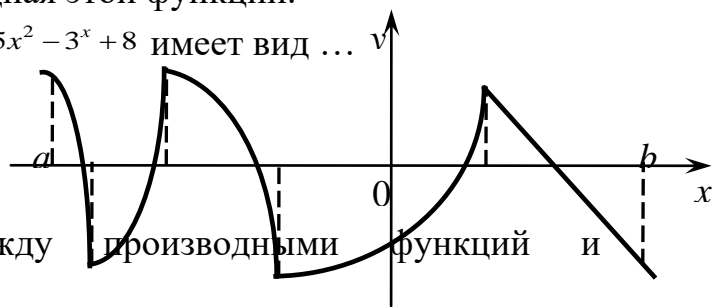
- | | |
|---------|------------------|
| 1. -2 | 3. $\frac{1}{3}$ |
| 2. -5 | 4. 0 |

34. Функция задана графически.

Определите количество точек, принадлежащих интервалу $(a; b)$, в которых не существует производная этой функции.

35. Вторая производная функции $y = 5x^2 - 3^x + 8$ имеет вид ...

- | | |
|-----------------------|-----------------------|
| 1. $10 + 3^x \ln^2 3$ | 3. $18 - 3^x \ln^2 3$ |
| 2. $10 - 3^x \ln^2 3$ | 4. $10x - 3^x \ln 3$ |



36. Установите соответствие между производными функций и количеством точек экстремума.

- | | |
|-----------------------|------|
| 1. $f'(x) = 25x^2$ | А) 0 |
| 2. $f'(x) = 25 - x$ | Б) 1 |
| 3. $f'(x) = 25 - x^2$ | В) 2 |

37. Вертикальной асимптотой графика функции $y = \frac{3x-5}{2x+3}$ является прямая, определяемая уравнением ...

- | | |
|----------------------|-----------------------|
| 1. $x = 0$ | 3. $y = -\frac{5}{3}$ |
| 2. $y = \frac{3}{2}$ | 4. $x = -\frac{3}{2}$ |

38. Вертикальными асимптотами кривой $y = \frac{x+7}{x(x-5)}$ являются следующие две прямые:

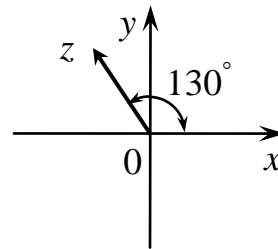
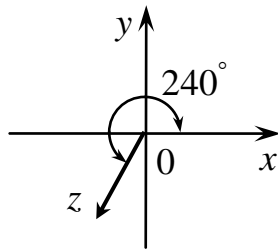
- | | |
|-------------|------------|
| 1. $x = -7$ | 3. $x = 5$ |
| 2. $x = 0$ | 4. $y = 0$ |

39. Наклонной асимптотой графика функции $y(x) = \frac{4x^2 + 2x - 2}{2x + 1}$ является прямая ...

- | | |
|-----------------|---------------------------------------|
| 1. $y = 2x$ | 3. $y = x + 2$ |
| 2. $y = 4x - 2$ | 4. график не имеет наклонных асимптот |

2-й семестр

1. Корнями уравнения $x^3 + 36x$ над полем комплексных чисел являются ...
1. $-6i$ 3. $6i$ 5. 0
2. -6 4. 6
2. Мнимая часть частного $\frac{4}{1+i}$ равна ...
3. Действительная часть частного $\frac{17}{-1+4i}$ равна ...
4. Расположите комплексные числа в порядке расположения их изображения в 1-й, 2-й, 3-й и 4-й четвертях комплексной плоскости.
1. $1+2i$ 3. $-4-i$
2. $-8+5i$ 4. $5-6i$
5. Дано: $z_1 = 3+i$, $z_2 = -1+3i$, тогда модуль произведения $|z_1 \cdot z_2|$ равен ...
6. Комплексное число $1+2i$ в тригонометрической форме $r(\cos \varphi + i \sin \varphi)$ имеет модуль, равный ...
1. 5 3. 1
2. $\sqrt{3}$ 4. $\sqrt{5}$
7. Даны два комплексных числа z_1, z_2 .



- Тогда аргумент произведения $\arg(z_1 \cdot z_2)$ (в градусах) равен ...
8. Комплексное число $z = 2 + i2\sqrt{3}$ в тригонометрической форме имеет вид ...
1. $4(\cos 60^\circ - i \sin 60^\circ)$ 3. $4(\cos 60^\circ + i \sin 60^\circ)$
2. $4(\cos 30^\circ + i \sin 30^\circ)$ 4. $\cos 60^\circ + i \sin 60^\circ$
9. Частная производная z'_x функции $z = 7 - x^4 + yx^2 - y^2$ имеет вид ...
1. $2xy - 4x^3 - 2y$ 3. $2xy - 4x^3$
2. $2xy - 4x^3 + 7$ 4. $2xy - 4x^3 - 2y + x^2$
10. Установите соответствие между функциями и их частными производными
1. $\frac{\partial^2}{\partial x^2}(3xy + x^2)$ А) 2
2. $\frac{\partial^2}{\partial x \partial y}(3xy + x^2)$ Б) 3

3. $\frac{\partial^2}{\partial y^2}(3y^2 + 3xy)$ В) 6
 4. $\frac{\partial^2}{\partial y^2}(4y^2 + 3xy)$ Г) 8
 Д) 4

21. Множество всех первообразных функции $f(x) = \frac{1}{\sin^2 x} - x^2 + 1$ имеет вид ...

1. $-\operatorname{ctgx} - \frac{x^3}{3} + x + C$ 3. $-\operatorname{ctgx} - \frac{x^3}{2} + 1 + C$
 2. $-\frac{2 \cos x}{\sin^3 x} - 2x$ 4. $\operatorname{ctgx} - \frac{x^3}{3} + x$

22. Установите соответствие между интегралами и методами их вычисления.

1. непосредственное интегрирование А) $\int x^3 \cos x dx$
 2. метод замены переменной Б) $\int x^4 dx$
 3. метод интегрирования по частям В) $\int (x^2 + 3)^5 x dx$

23. Интеграл $\int \frac{2^{\operatorname{ctgx}}}{\sin^2 x} dx$ равен ...

1. $2^{\operatorname{ctgx}} + C$ 3. $\frac{2^{\operatorname{ctgx}}}{\ln 2} + C$
 2. $-\frac{2^{\operatorname{ctgx}}}{\ln 2} + C$ 4. $-\operatorname{ctgx} 2^{\operatorname{ctgx}} + C$

24. Множество первообразных функции $f(x) = \frac{3x^2}{\sqrt{2+x^3}}$ имеет вид ...

1. $2\sqrt{2+x^3} + C$ 3. $\sqrt{2+x^3} + C$
 2. $\frac{1}{2\sqrt{2+x^3}} + C$ 4. $\ln(2+x^3) + C$

25. Дан интеграл $\int \frac{\sqrt{4-x^2}}{x} dx$. Тогда замена $x = 2 \cos t$ приведет его к виду...

1. $-2 \int \frac{\sin^2 t}{\cos t} dt$ 3. $2 \int \frac{\sin^2 t}{\cos t} dt$
 2. $-2 \int t g t dt$ 4. $2 \int \sin t dt$

26. Если в неопределенном интеграле $\int (7x-1) \cos \frac{x}{4} dx$, применяя метод интегрирования по частям: $\int u dv = uv - \int v du$, положить, что $u(x) = 7x-1$, то функция $v(x)$ будет равна ...

1. $\frac{1}{4} \sin \frac{x}{4}$ 3. $4 \sin \frac{x}{4}$
 2. $-4 \cos \frac{x}{4}$ 4. $\cos \frac{x}{4}$

27. Установите соответствие между неопределенными интегралами и

разложениями подынтегральных функций на элементарные дроби.

- | | |
|--|--|
| 1. $\int \frac{1}{x(x+1)^2} dx$ | А) $\frac{A}{x^2} + \frac{B}{x} + \frac{Cx+D}{x^2+16}$ |
| 2. $\int \frac{x-7}{x(x-2)} dx$ | Б) $\frac{A}{x} + \frac{B}{x-2}$ |
| 3. $\int \frac{2x+5}{(x-1)(x^2+1)} dx$ | В) $\frac{A}{x-1} + \frac{Bx+C}{x^2+1}$ |
| 4. $\int \frac{2x-1}{x^2(x^2+16)} dx$ | Г) $\frac{A}{x} + \frac{B}{(x+1)^2} + \frac{C}{x+1}$ |
| | Д) $\frac{A}{x-1} + \frac{B}{x^2+1}$ |

28. Определенный интеграл $\int_{-2}^1 (x - 8x^3) dx$ равен ...

- | | |
|---------|----------|
| 1. -69 | 3. -29,5 |
| 2. 28,5 | 4. 72 |

29. Значение интеграла $\int_0^1 \sqrt{1+x} dx$ равно ...

- | | |
|------------------------------|-------------------------|
| 1. $\frac{2(\sqrt{8}-1)}{3}$ | 3. $\frac{1}{\sqrt{8}}$ |
| 2. $\frac{3(\sqrt{8}-1)}{2}$ | 4. $\frac{15}{2}$ |

30. Несобственным интегралом является интеграл ...

- | | |
|--|---|
| 1. $\int_2^3 \frac{\ln^3 x}{x} dx$ | 3. $\int_1^{+\infty} \frac{dx}{x^5}$ |
| 2. $\int_0^2 dx \int_0^1 (x^2 + y) dy$ | 4. $\int x^2 \operatorname{arctg} x dx$ |

31. Несобственный интеграл $\int_{-5}^{+\infty} (x+6)^{-8} dx$ равен ...

- | | |
|------------------|------------------|
| 1. $\frac{1}{7}$ | 3. $\frac{1}{5}$ |
| 2. $\frac{1}{8}$ | 4. $\frac{1}{6}$ |

32. Несобственный интеграл $\int_3^{+\infty} \frac{dx}{(x-2)^2}$ равен ...

- | | |
|--------------|------|
| 1. -1 | 3. 2 |
| 2. $-\infty$ | 4. 1 |

33. Сходящимися являются несобственные интегралы ...

- | | |
|---|---|
| 1. $\int_1^{+\infty} x^{-\frac{1}{5}} dx$ | 3. $\int_1^{+\infty} x^{-5} dx$ |
| 2. $\int_1^{+\infty} x^{-\frac{3}{5}} dx$ | 4. $\int_1^{+\infty} x^{-\frac{5}{2}} dx$ |

34. Ненулевая функция $y = f(x)$ является нечетной на отрезке $[-8; 8]$.

Тогда $\int_{-8}^8 f(x)dx$ равен ...

1. 0
 2. $16 \int_0^1 f(x)dx$
 3. $2 \int_0^8 f(x)dx$
 4. $\frac{1}{16} \int_0^1 f(x)dx$

3-й семестр

1. Разделение переменных в дифференциальном уравнении $(e^y - 1)\cos x dx - e^y \sin x dy = 0$ приведет его к виду ...

1. $\frac{(e^y - 1) \operatorname{ctg} x dx}{e^y} = dy$
 2. $\operatorname{tg} x dx = \frac{e^y dy}{e^y - 1}$
 3. $-\operatorname{ctg} x dx = \frac{e^y dy}{e^y - 1}$
 4. $\operatorname{ctg} x dx = \frac{e^y dy}{e^y - 1}$

2. Установите соответствие между записью дифференциальных уравнений первого порядка и их названиями.

- | | |
|---|--|
| 1. $(x^2 + x + 2)dx + \frac{dy}{y} = 0$ | А) линейное дифференциальное уравнение |
| 2. $y' = -\frac{x^3 + 2xy^2}{xy^2}$ | Б) однородное дифференциальное уравнение |
| 3. $y' + y \operatorname{ctg} x = \frac{1}{\sin^2 x}$ | В) дифференциальное уравнение с разделяющимися переменными |

3. Решением уравнения первого порядка $x' = 2x^2 t$ является функция ...

1. $x(t) = -\frac{1}{t^2 + 3}$
 2. $x(t) = \sqrt[3]{3t^2 + 1}$
 3. $x(t) = \frac{1}{t^2}$
 4. $x(t) = e^{t^2}$

4. Интегральная кривая дифференциального уравнения первого порядка $y' - e^x - 1 = 0$, удовлетворяющая условию $y(0) = 1$, имеет вид ...

1. $y = e^x + x + 2$
 2. $y = e^x + x$
 3. $y = \ln|x| - 1$
 4. $y = e^x + x - 1$

5. Из данных дифференциальных уравнений линейными неоднородными уравнениями 1-го порядка являются ...

1. $\frac{dy}{dx} + x^3 y = y^3 \cos x$
 2. $\frac{dy}{dx} + 4y + \sin 3x = 0$
 3. $\frac{dy}{dx} - y = \frac{x}{y^2 + 1}$
 4. $x \frac{dy}{dx} + 2y = e^x$

6. Однородными дифференциальными уравнениями являются следующие два уравнения ...

1. $x \ln \frac{x}{y} dy + y dx = 0$ 3. $xy^2 dx + x(x^2 + y^2) dy = 0$
 2. $\sqrt{y} dx + (1 + x^2) dy = 0$ 4. $y' + y = x^2$

7. Дано дифференциальное уравнение $y' + \frac{y}{x} = \frac{\ln x + 1}{x}$. Тогда его решением является функция ...

1. $y = \ln x$ 3. $y = \frac{1}{x}$
 2. $y = e^x - 1$ 4. $y = x^2 + 1$

8. Среди перечисленных дифференциальных уравнений уравнениями второго порядка являются ...

1. $xy \frac{\partial z}{\partial x} + 5y^2 \frac{\partial z}{\partial y} = 0$ 3. $xy \frac{d^2 y}{dx^2} + y \frac{dy}{dx} + 3y = 7x$
 2. $y \frac{d^2 y}{dx^2} + 4y \frac{dy}{dx} + 12x = 0$ 4. $x^2 y' + 2y - 15x + 3 = 0$

9. Общее решение дифференциального уравнения $y''' = \sin 2x$ имеет вид ...

1. $y = \frac{1}{8} \cos 2x + \frac{C_1}{2} x^2 + C_2 x + C_3$ 3. $y = \cos 2x + \frac{C_1}{2} x^2 + C_2 x + C_3$
 2. $y = -\frac{1}{8} \cos 2x + \frac{C_1}{2} x^2 + C_2 x + C_3$ 4. $y = \frac{1}{8} \cos 2x + C$

10. Установите соответствие между дифференциальным уравнением и общим видом его частного решения ...

- | | |
|-------------------------------------|--|
| 1. $y'' + 5y' + 4y = 5 + 4x + 3x^2$ | А) $y(x)_{\text{частное}} = C_0 + C_1 x + C_2 x^2$ |
| 2. $y'' + 5y' = 5 + 4x + 3x^2$ | Б) $y(x)_{\text{частное}} = (C_0 + C_1 x + C_2 x^2) x^2$ |
| 3. $y'' - 2 = 3 + 4x + 3x^2$ | В) $y(x)_{\text{частное}} = C_0 x + C_1 x^2$ |
| | Г) $y(x)_{\text{частное}} = (C_0 + C_1 x + C_2 x^2) x$ |
| | Д) $y(x)_{\text{частное}} = (C_0 x + C_1 x^2) x$ |

11. Определить частное решение дифференциального уравнения $y'' + 4y' + 4y = e^{2x}$, учитывая форму правой части ...

1. $y = Ae^{2x} + Be^{-2x}$ 3. $y = Ax^2 e^{2x}$
 2. $y = Ae^{2x}$ 4. $y = e^{2x}(A + Bx)$

12. Если функция $f(x)$ имеет вид:

1. $f(x) = x + 1$
 2. $f(x) = x^2$
 3. $f(x) = e^x$

то частное решение \bar{y} неоднородного дифференциального уравнения $y'' - 2y' = f(x)$ следует искать в виде ...

- А) $\bar{y} = x(Ax + B)$
 Б) $\bar{y} = Ae^x$
 В) $\bar{y} = x(Ax^2 + Bx + C)$

$$\Gamma) \bar{y} = Ae^{2x}$$

Теория вероятности

1. Имеется три группы студентов: в первой 11 человек, во второй 18 человек, в третьей 20 человек. Количество способов выбора тройки студентов, в которой по одному студенту из каждой группы, равно...

$$1. 11 \cdot 18 \cdot 20 \quad 2. \frac{11+18+20}{3} \quad 3. \frac{11 \cdot 18 \cdot 20}{3} \quad 4. 11+18+20$$

2. Число способов поставить 5 человек в очередь равно...

3. В слове «WORD» меняют местами буквы. Тогда количество всех возможных различных «слов» равно...

$$1. 8 \quad 2. 16 \quad 3. 4 \quad 4. 24$$

4. В коробке 6 цветных карандашей. Число способов выбрать три из них равно...

5. Число способов выбрать из группы в 20 студентов старосту и заместителя равно...

6. Из ящика, где находится 15 деталей, пронумерованных от 1 до 15, требуется вынуть 3 детали. Тогда количество всевозможных комбинаций номеров вынутых деталей равно...

$$1. \frac{15!}{12!} \quad 2. \frac{15!}{3! \cdot 12!} \quad 3. 3! \quad 4. 15!$$

7. Число трехзначных чисел, которые можно составить из четырех карточек с цифрами 1, 2, 5, 7, равно...

8. Количество способов выбора стартовой пятерки из восьми игроков баскетбольной команды равно...

$$1. 120 \quad 2. 109 \quad 3. 336 \quad 4. 56$$

9. Решением уравнения $4C_{x+5}^2 - A_{x+1}^2 = x^2 + 74$ является...

$$1. 4 \quad 2. 5 \quad 3. 2 \quad 4. 8$$

10. В каком случае верно, что A влечет за собой B при бросании кости. Если:

1. A – появление четного числа очков, B – появление 6 очков
2. A – появление 4 очков, B – появление любого четного числа очков
3. A – выпадение любого нечетного числа очков, B – появление 3 очков
4. A – появление любой грани, кроме 6, B – появление 3 очков

11. Какое утверждение неверно, если говорят о противоположных событиях:

1. Событие, противоположное достоверному, есть невозможное
2. Сумма вероятностей двух противоположных событий равна единице
3. Если два события единственно возможны и несовместны, то их

называют противоположными

4. Вероятность появления одного из противоположных событий всегда

больше вероятности другого

12. Если два события A и B образуют полную группу, то для их вероятностей выполнено соотношение...

1. $p(A) = p(B)$
2. $p(A) = -p(B)$
3. $p(A) \cdot p(B) = 0$
4. $p(A) = 1 - p(B)$

13. Если E – достоверное событие и события A_1, A_2, \dots, A_n образуют полную группу, то выполнено(ы) соотношение(я)...

1. $A_1 + A_2 + \dots + A_n = E$
2. $A_i \cdot A_j = 1$ для $i \neq j$
3. $A_i + A_j = \emptyset$ для $i \neq j$
4. $A_1 \cdot A_2 \cdot \dots \cdot A_n = E$

14. Бросают два кубика. События A – «на первом кубике выпала шестерка», B – «на втором кубике выпала шестерка» являются:

1. несовместными
2. совместными
3. независимыми
4. зависимыми

15. Из каждой из двух колод вынимают по одной карте. События A – «карта из первой колоды – красной масти» и B – «карта из второй колоды – бубновой масти» являются:

1. несовместными
2. совместными
3. независимыми
4. зависимыми

16. Случайные события A и B , удовлетворяющие условиям $P(A) = 0,3$, $P(B) = 0,4$, $P(AB) = 0,2$, являются...

1. несовместными и зависимыми
2. совместными и независимыми
3. совместными и зависимыми
4. несовместными и независимыми

17. A и B – случайные события. A и B независимы, если выполнено...

1. $p(A) = p(B)$
2. $p(AB) = \frac{p(A)}{p(B)}$
3. $p(A) = p(B) \cdot p(A/B)$
4. $p(AB) = p(A)p(B)$

18. A и B – случайные события. Верным является утверждение...

1. $p(A+B) = p(A) + p(B) - p(AB)$
2. $p(A+B) = p(A) + p(B) - 2p(AB)$
3. $p(A+B) = p(A) + p(B) + p(AB)$
4. $p(A+B) = p(A) \cdot p(B)$

19. Вероятность наступления некоторого события *не может* быть равна...

1. 1 2. 0 3. 4 4. 0,4

20. В урне находятся 6 шаров: 3 белых и 3 черных. Событие A – «Вынули белый шар». Событие B – «Вынули черный шар». Опыт состоит в выборе только одного шара. Тогда для этих событий *неверным* будет утверждение:

1. «События A и B несовместны»
2. «Вероятность события B равна $\frac{1}{2}$ »
3. «Событие A невозможно»
4. «События A и B равновероятны»

21. Игральный кубик бросается один раз. Тогда вероятность того, что на верхней грани выпадет 2 очка, равна...

1. $\frac{1}{2}$ 2. $\frac{1}{6}$ 3. $\frac{1}{5}$ 4. $\frac{2}{3}$

22. Игральный кубик бросается один раз. Тогда вероятность того, что на верхней грани выпадет нечетное число очков, равна...

1. $\frac{1}{3}$ 2. $\frac{1}{6}$ 3. 0,1 4. $\frac{1}{2}$

23. Расположите случайные события в порядке возрастания их вероятностей:

A – при бросании кубика выпало не более 5 очков

B – при бросании кубика выпало нечетное число очков

C – при двух бросаниях кубика выпало в сумме не менее двух очков

24. В лотерее 1000 билетов. На один билет выпадает выигрыш 5000 рублей, на десять билетов – выигрыши по 1000 рублей, на пятьдесят билетов – выигрыши по 200 рублей, на сто билетов – выигрыши по 50 рублей; остальные билеты проигрышные. Покупается один билет. Тогда вероятность не выигрыша равна...

1. 0,839 2. $\frac{161}{839}$ 3. 0,849 4. 0,161.

25. В урне находится 5 белых и 3 черных шара. Из урны вынимаются четыре шара. Вероятность того, что три шара будут белыми, а один черным, равна...

1. $\frac{3}{7}$ 2. $\frac{1}{3}$ 3. $\frac{5}{8}$ 4. $\frac{3}{8}$

26. Два стрелка производят по одному выстрелу. Вероятности попадания в цель для первого и второго стрелков равны 0,7 и 0,2 соответственно. Тогда вероятность того, что в цель попадут оба стрелка, равна...

1. 0,9 2. 0,24 3. 0,15 4. 0,14

27. По оценкам экспертов вероятности банкротства для двух предприятий, производящих разнотипную продукцию, равны 0,3 и 0,5. Тогда вероятность банкротства *только одного* предприятия равна...

1. 0,80 2. 0,85 3. 0,52 4. 0,50

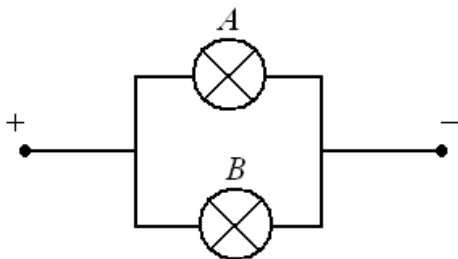
28. В урне из 8 шаров имеется 3 красных. Наудачу берут два шара. Тогда вероятность того, что среди них ровно один красный шар, равна...

1. $\frac{1}{15}$ 2. $\frac{15}{28}$ 3. $\frac{1}{4}$ 4. $\frac{15}{56}$

29. В урне лежит 3 белых и 3 черных шара. Последовательно, без возвращения и наудачу извлекают 3 шара. Тогда вероятность того, что все они будут белыми, равна...

1. $\frac{1}{9}$ 2. $\frac{1}{20}$ 3. $\frac{8}{27}$ 4. $\frac{6}{125}$

30. В электрическую цепь включены *параллельно* два прибора *A* и *B*. При подаче напряжения прибор *A* сгорает с вероятностью 0,01, прибор *B* – с вероятностью 0,05. Считаем, что через сгоревший прибор ток не идет. Тогда вероятность того, что при включении напряжения ток пройдет через цепь, равна...



1. 0,94 2. 0,95 3. 0,9405 4. 0,9995

31. Вероятность того, что один станок сломается в течение смены, равна 0,2. Тогда вероятность того, что в течение смены из трех станков откажет хотя бы один, равна...

1. 0,64 2. 0,2 3. 0,512 4. 0,488

32. Игральная кость брошена 3 раза. Тогда вероятность того, что хотя бы один раз выпадет число, делящееся на три, равна...

1. $\frac{16}{27}$ 2. $\frac{19}{27}$ 3. $\frac{8}{27}$ 4. $\frac{1}{3}$

33. Два стрелка производят по одному выстрелу. Вероятность попадания в цель для первого и второго стрелков равны 0,4 и 0,9 соответственно. Тогда вероятность того, что цель будет поражена, равна...

1. 0,994 2. 0,36 3. 0,64 4. 0,94

34. По мишени производится четыре выстрела. Значение вероятности промаха при первом выстреле 0,5; при втором – 0,3; при третьем – 0,2, при четвертом – 0,1. Тогда вероятность того, что мишень *не будет поражена ни разу*, равна...

1. 0,275 2. 0,003 3. 1,1 4. 0,03

35. В урне находятся 2 белых, 1 красный, 2 зеленых и 3 черных шара. Из урны поочередно вынимают три шара, но после первого вынимания шар возвращается в урну, и шары в урне перемешиваются. Тогда значение вероятности того, что все извлеченные шары белые, равно...

1. $\frac{1}{112}$ 2. $\frac{1}{64}$ 3. $\frac{1}{128}$ 4. $\frac{1}{126}$

36. С первого станка на сборку поступает 40 %, со второго – 60 % всех

деталей. Среди деталей, поступивших с первого станка, 5 % бракованных, со второго – 1 % бракованных. Тогда вероятность того, что поступившая на сборку деталь бракованная, равна...

1. 0,03 2. 0,06 3. 0,024 4. 0,026

37. Имеются две одинаковые на вид урны. В первой урне находятся два белых, два зеленых и три черных шара. Во второй урне – три белых два красных и три черных шара. Из наудачу взятой урны взяли одновременно два шара. Тогда вероятность того, что оба шара черные, равна...

1. $\frac{2}{15}$ 2. $\frac{2}{5}$ 3. $\frac{3}{28}$ 4. $\frac{1}{8}$

38. В первой урне 3 белых и 7 черных шаров. Во второй урне 6 белых и 4 черных шаров. Из наудачу взятой урны вынули один шар. Тогда вероятность того, что этот шар окажется белым, равна...

1. 0,45 2. 0,9 3. 0,5 4. 0,15

39. Событие A может наступить лишь при условии появления одного из двух несовместных событий B_1 и B_2 , образующих полную группу событий. Известны вероятности $P(B_1) = \frac{1}{4}$, $P(A) = \frac{1}{6}$ и условная вероятность $P(A/B_1) = \frac{1}{3}$. Тогда условная вероятность $P(A/B_2)$ равна...

1. $\frac{5}{6}$ 2. $\frac{2}{3}$ 3. $\frac{3}{4}$ 4. $\frac{1}{9}$

40. С первого станка на сборку поступает 60 %, со второго – 40 % всех деталей. Среди деталей, поступивших с первого станка, 90 % стандартных, со второго – 80 %. Взятая наудачу деталь оказалась стандартной. Тогда вероятность того, что она изготовлена на втором станке, равна...

1. $\frac{16}{43}$ 2. $\frac{3}{7}$ 3. $\frac{8}{25}$ 4. $\frac{27}{43}$

41. Событие A может наступить лишь при условии появления одного из двух несовместных событий B_1 и B_2 , образующих полную группу событий. Известны вероятности $P(B_1) = \frac{3}{4}$ и условные вероятности $P(A/B_1) = \frac{1}{4}$, $P(A/B_2) = \frac{1}{2}$. Тогда вероятность $P(A)$ равна...

1. $\frac{3}{4}$ 2. $\frac{1}{4}$ 3. $\frac{3}{16}$ 4. $\frac{5}{16}$

42. Монета брошена 4 раза. Тогда вероятность того, что «герб» выпадет ровно три раза, равна...

1. $\frac{1}{4}$ 2. $\frac{1}{8}$ 3. $\frac{3}{4}$ 4. $\frac{3}{8}$

43. Вероятность появления события A

7.2.2 Примерный перечень заданий для решения стандартных задач

«Пределы и производные».

I. Раскрыть неопределенности не пользуясь правилом Лопиталья.

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{20x^3 - 10x^2 + 18}{11x - 5x^3 + 8x^2 + 3}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow 5} \frac{\sqrt{x-1} - 2}{x-5}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{4 \operatorname{tg} 3x}{6x - 15x^2}; \text{ г) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x-1}{2x+5} \right)^{x-1}.$$

II. Найти производные y'_x данных функций.

$$\text{а) } y = (x^2 + 1)^4 \arcsin x - \ln \sqrt{1-x^3}; \text{ б) } y = (x^2 + 1)^{\cos^2 \sqrt{x}}; \text{ в) } \begin{cases} x = t - t^2 \\ y = \sqrt{t} - \sqrt{1-t^2} \end{cases};$$

$$\text{г) } y^2 \operatorname{tg} x = \sin 3y.$$

«Техника интегрирования».

$$1) \int \frac{x^3 + \ln(x-1)}{x-1} dx. \quad 2) \int \frac{x-1}{\sqrt{2x^2 + 4x - 3}} dx. \quad 3) \int x^2 \sin 5x dx. \quad 4) \int \frac{dx}{5 - \cos x}.$$

$$5) \int \frac{4}{\sqrt{x} + 3\sqrt[3]{x}} dx. \quad 6) \int \frac{5x^2 - 3x + 20}{x^3 + 5x} dx.$$

«Дифференциальные уравнения».

I. Найти общее решение дифференциальных уравнений.

$$1) y' = \sin \frac{y}{x} + \frac{y}{x}. \quad 2) y'' + 9y = \sin 3x. \quad 3) y'' - \frac{y'}{x} = 0.$$

II. Решить задачи Коши.

$$4) xy' + y = \ln x, \quad y|_{x=1} = 1. \quad 5) \begin{cases} y'' - 5y' + 6y = x^2 + 1, \\ y|_{x=0} = 0, \quad y'|_{x=0} = 1 \end{cases}$$

7.2.3 Примерный перечень заданий для решения прикладных задач

«Аналитическая геометрия и векторная алгебра».

I. Даны координаты вершин $\triangle ABC$:

$$A(-3; -3), B(-3; 6), C(4; 4).$$

Сделать чертеж.

Найти: 1) уравнение медианы AD и её длину,

2) уравнение высоты AE,

3) длину высоты AE (расстояние от т.А до прямой BC),

4) угол между медианой и высотой.

II. Даны координаты вершин пирамиды ABCD:

$$A(5; -1; 3), B(-1; 5; 3), C(3; 5; -1), D(-2; -7; -5).$$

Найти:

1) угол между ребрами AB и AC,

2) площадь грани ABC,

3) объем пирамиды,

4) уравнение плоскости ABC,

5) уравнение высоты DE, опущенной из т. D на грань ABC,

6) длину высоты DE (расстояние от т. D до плоскости ABC),

7) точку пересечения высоты DE с гранью ABC.

«Приложения определенного интеграла».

1) Вычислить площадь плоской фигуры, ограниченной следующими линиями: $y = x^2$, $y = \frac{x^2}{2}$, $y = 2x$. Сделать чертеж.

2) Вычислить площадь плоской фигуры, ограниченной следующими линиями: $\begin{cases} x = 3t^2 \\ y = 3t - t^3 \end{cases}, 0 \leq t \leq \sqrt{3}$.

3) Найти длину дуги линии $y = x\sqrt{x}$, отсеченной прямой $y = \sqrt{5}x$.

4) Вычислить объём тела, полученного вращением вокруг оси ОХ фигуры, ограниченной линией: $y = \sin^2 x$ ($0 \leq x \leq \pi$).

«Теория вероятностей».

1) Среди 20 экзаменационных билетов 5 содержат легкие вопросы. Определить вероятность того, что первые четыре экзаменующихся не вытянут ни одного легкого билета.

2) Два стрелка должны выполнить норму мастера спорта. Вероятность того, что норму выполнит первый стрелок, равна 0,95, а второй - 0,9. Найти вероятность того, что норму выполнит только один стрелок.

3) Три автомата изготавливают детали, которые поступают на конвейер. Производительности первого, второго и третьего автоматов соотносятся как 3:7:8. Вероятность того, что деталь изготовлена первым автоматом отличного качества 0,94, для второго и третьего автоматов эти вероятности соответственно равны 0,91 и 0,89. Найти вероятность того, что наудачу взятая с конвейера деталь будет отличного качества.

4) Дано:

	3	5	7	9	11
	0,2	0, 3	0,3	0,1	0,1

Найти $M(2X - 6)$, $D(2X - 6)$, $\sigma(X)$.

5) Дано:

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 2 \\ (x-2)^2, & 2 \leq x \leq 3 \\ 1, & x > 3 \end{cases}$$

Найти $f(x)$, $P(2 < X < 5/2)$, $M(X)$.

«Линейная алгебра и дискретная математика»

1. Пусть M_2 - линейное пространство всех квадратных матриц размерности

2×2 . Являются ли элементы этого пространства $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ линейно независимыми?

2. Являются ли в пространстве всех непрерывных на вещественной оси функций линейно независимыми функции $f_1(x) = x^2 + 3x - 1$, $f_2(x) = x^2 - 4x + 3$, $f_3(x) = 5x^2 - 6x + 7$?

3. Среди отображений

1) $f(x) = 2^x$ 2) $f(x) = 5x + 1$ 3) $f(x) = \sin 2x$ 4) $f(x) = 9x$ 5) $f(x) = \cos(3x + 1)$

6) $f(x_1, x_2) = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 7 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix}$ линейными являются . . .

4. В четырёхмерном линейном пространстве линейное отображение A задано своими значениями на базисных векторах e_1, e_2, e_3, e_4 следующим образом: $Ae_1 = e_3 + e_4$, $Ae_2 = e_1 + e_4$, $Ae_3 = e_1 + e_2$, $Ae_4 = e_2 + e_3$. Составить матрицу этого отображения и записать его в координатной форме.

5. Доказать равенство $A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$.

6. Даны множества целых чисел

$A = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$, $B = \{3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$, $C = \{-3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4\}$, $D = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$. Задайте списками множества

$A \cup B \cup C \cup D$, $A \cap B \cap C \cap D$, $(A \cap B) \cup (C \cap D)$, $(A \cup B) \cap (C \cup D)$.

7. Составить таблицу истинности формулы $\overline{X} \rightarrow (X \rightarrow Y)$.

7.2.4 Примерный перечень вопросов для подготовки к зачету 1-й семестр

1. Определители 2-го, 3-го и n -го порядков. Способы их вычисления и свойства.
2. Системы линейных алгебраических уравнений. Основные определения.
3. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Крамера.
4. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Гаусса.
5. Векторы. Основные определения и понятия.
6. Линейные операции над векторами. Их свойства.
7. Проекция вектора на ось и на вектор.
8. Разложение вектора по ортам координатных осей.
9. Длина вектора. Направляющие косинусы.
10. Действия над векторами, заданными проекциями.
11. Скалярное произведение векторов: определение, свойства, вычисление в декартовых координатах, приложения.
12. Векторное произведение векторов: определение, свойства, вычисление в декартовых координатах, приложения.
13. Смешанное произведение векторов: определение, свойства, вычисление

- в декартовых координатах, приложения.
14. Прямоугольная система координат на плоскости. Уравнение линии в декартовой системе координат.
 15. Основные приложения метода координат на плоскости: расстояние между двумя точками; деление отрезка в данном отношении.
 16. Полярная система координат. Ее связь с декартовой системой координат. Уравнение линии в полярной системе координат.
 17. Преобразование системы координат. Параллельный перенос осей координат. Поворот осей координат.
 18. Различные виды уравнений прямой на плоскости.
 19. Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности прямых. Расстояние от точки до прямой.
 20. Кривые второго порядка. Окружность.
 21. Кривые второго порядка. Эллипс.
 22. Кривые второго порядка. Гипербола.
 23. Кривые второго порядка. Парабола.
 24. Уравнения кривых второго порядка с осями симметрии, параллельными координатным осям.
 25. Общее уравнение кривой второго порядка. Приведение уравнения к каноническому виду.
 26. Различные виды уравнений плоскости в пространстве.
 27. Угол между плоскостями. Условия параллельности и перпендикулярности двух плоскостей. Расстояние от точки до плоскости.
 28. Прямая линия в пространстве. Различные виды уравнений прямой в пространстве.
 29. Угол между прямыми в пространстве. Условия параллельности и перпендикулярности прямых. Условие, при котором две прямые лежат в одной плоскости.
 30. Угол между прямой и плоскостью. Условия параллельности и перпендикулярности прямой и плоскости. Точка пересечения прямой с плоскостью. Условие принадлежности прямой плоскости.
 31. Поверхности второго порядка. Цилиндрические поверхности.
 32. Поверхности вращения. Конические поверхности.
 33. Метод сечений. Канонические уравнения поверхностей второго порядка: эллипсоид, конус, гиперболоиды и параболоиды.
 34. Элементы теории множеств. Числовые множества. Числовые промежутки. Окрестность точки.
 35. Функция. Понятие функции. Способы задания функции. Некоторые характеристики функции (четность, нечетность, монотонность, ограниченность, периодичность).
 36. Обратная и сложная функции. Основные элементарные функции и их графики. Элементарная функция.
 37. Числовая последовательность. Предел числовой последовательности.
 38. Предел функции в точке. Односторонние пределы.

39. Предел функции при $x \rightarrow \infty$. Бесконечно большая функция.
40. Бесконечно малые функции. Определение и основные теоремы. Связь между функцией, ее пределом и бесконечно малой функцией.
41. Теоремы о пределах суммы, разности, произведении и частном функций. Теорема о пределе промежуточной функции.
42. Первый замечательный предел.
43. Второй замечательный предел.
44. Сравнение бесконечно малых функций. Эквивалентные бесконечно малые функции и их применение при раскрытии неопределенностей.
45. Непрерывность функции в точке, в интервале и на отрезке.
46. Классификация точек разрыва функции.
47. Основные теоремы о непрерывных функциях. Свойства функций, непрерывных на отрезке.
48. Задачи, приводящие к понятию производной: задача о скорости прямолинейного движения точки; задача о касательной к кривой.
49. Определение производной, ее механический, физический и геометрический смысл. Уравнение касательной и нормали к кривой.
50. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции. Таблица производных основных элементарных функций.
51. Производная суммы, разности, произведения и частного функций. Производная сложной и обратной функций.
52. Дифференцирование неявных и параметрически заданных функций. Логарифмическое дифференцирование. Производные высших порядков. Механический смысл производной второго порядка.
53. Дифференциал функции и его геометрический смысл. Основные теоремы о дифференциалах. Таблица дифференциалов. Применение дифференциала к приближенным вычислениям.
54. Теоремы Ролля, Коши и Лагранжа о дифференцируемых функциях.
55. Правило Лопиталю для раскрытия неопределенностей $\left\{\frac{0}{0}\right\}$, $\left\{\frac{\infty}{\infty}\right\}$.
 Раскрытие неопределенностей вида $\{0 \cdot \infty\}$, $\{\infty - \infty\}$, $\{0^0\}$, $\{\infty^0\}$, $\{1^\infty\}$.
56. Возрастание и убывание функций. Максимум и минимум функций. Наибольшее и наименьшее значение функции на отрезке.
57. Выпуклость и вогнутость графика функции. Точки перегиба.
58. Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функции и построение графика.
59. Формула Тейлора для многочлена и для произвольной функции. Формула Маклорена.

3-й семестр

1. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Основные определения.
2. Примеры задач, приводящих к дифференциальным уравнениям.

3. Дифференциальные уравнения первого порядка. Основные определения. Задача Коши. Теорема существования и единственности задачи Коши.
4. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными.
5. Однородные дифференциальные уравнения первого порядка.
6. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Метод И. Бернулли.
7. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Метод Лагранжа (метод вариации произвольной постоянной).
8. Дифференциальные уравнения Я. Бернулли.
9. Уравнения в полных дифференциалах.
10. Дифференциальные уравнения высших порядков. Основные определения. Задача Коши. Теорема существования и единственности задачи Коши.
11. Уравнения второго порядка, допускающие понижение порядка. Уравнения вида $y'' = f(x)$, $y'' = f(x, y')$, $y'' = f(y, y')$.
12. Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка (ЛОДУ II). Определения и основные свойства решений ЛОДУ II.
13. Линейная зависимость и независимость функций. Определитель Вронского. Свойства определителя Вронского.
14. Структура общего решения ЛОДУ II.
15. ЛОДУ II с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Общее решение.
16. Структура общего решения линейного неоднородного дифференциального уравнения второго порядка (ЛНДУ II).
17. Наложение решений ЛНДУ II.
18. Решение ЛНДУ II методом вариации произвольных постоянных.
19. Решение ЛНДУ II с постоянными коэффициентами и специальной правой частью.
20. Системы дифференциальных уравнений. Основные определения. Интегрирование нормальных систем.
21. Элементы комбинаторики. Перестановки, сочетания, размещения.
22. Предмет теории вероятностей. Случайные события, основные определения.
23. Классическое определение вероятности случайного события. Свойства вероятностей.
24. Статистическое и геометрическое определения вероятности случайного события.
25. Алгебра случайных событий. Сложение и умножение случайных событий. Зависимые и независимые события. Условная вероятность.
26. Теоремы умножения вероятностей.
27. Теоремы сложения вероятностей. Вероятность появления хотя бы одного события.

28. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
29. Схема Бернулли, формула Бернулли, формула Пуассона.
30. Схема Бернулли. Локальная и интегральная теоремы Лапласа.
31. Случайная величина. Основные определения. Закон распределения дискретной случайной величины.
32. Функция распределения дискретной случайной величины и ее свойства.
33. Функция распределения непрерывной случайной величины и ее свойства.
34. Функция плотности вероятности и ее свойства.
35. Математическое ожидание дискретной случайной величины. Свойства математического ожидания.
36. Дисперсия дискретной случайной величины. Свойства дисперсии.
37. Среднее квадратическое отклонение.
38. Математическое ожидание, дисперсия и среднее квадратическое отклонение непрерывной случайной величины.
39. Биномиальное распределение случайной величины.
40. Равномерное распределение случайной величины.
41. Показательное распределение случайной величины.
42. Нормальное распределение случайной величины.
43. Предмет математической статистики. Выборочный метод.
44. Вариационный ряд. Полигон, гистограмма, эмпирическая функция распределения.
45. Числовые характеристики выборки.
46. Статистические оценки параметров распределения. Основные понятия.
47. Точечные оценки параметров распределения.
48. Интервальная оценка параметров распределения. Построение доверительных интервалов.

7.2.5 Примерный перечень вопросов для подготовки к экзамену

2-й семестр

1. Понятие функции двух переменных. Основные определения.
2. Полное и частные приращения функции двух переменных. Частные производные первого порядка.
3. Частные производные высших порядков.
4. Полный дифференциал функции двух переменных.
5. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.
6. Экстремум функции двух переменных. Необходимые и достаточные условия экстремума.
7. Наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных в замкнутой области.
8. Производная по направлению. Градиент функции и его свойства.

9. Комплексные числа. Основные определения. Изображение комплексных чисел на плоскости.
10. Модуль и аргумент комплексного числа. Формы записи комплексного числа. Формула Эйлера.
11. Дробно – рациональные функции. Представление неправильной рациональной дроби в виде суммы целой части и правильной дроби. Представление правильной рациональной дроби в виде суммы простейших дробей. Метод неопределенных коэффициентов.
12. Первообразная функции и неопределенный интеграл, их определение и свойства. Таблица неопределенных интегралов.
13. Замена переменной и интегрирование по частям в неопределенном интеграле.
14. Интегрирование выражений, зависящих от квадратного трехчлена.
15. Интегрирование рациональных функций.
16. Интегрирование некоторых тригонометрических выражений. Универсальная тригонометрическая подстановка.
17. Интегрирование иррациональных выражений. Дробно – линейная подстановка.
18. «Неберущиеся» интегралы.
19. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла.
20. Определение определенного интеграла.
21. Формула Ньютона – Лейбница.
22. Свойства определенного интеграла. Определенный интеграл с переменным верхним пределом.
23. Интегрирование по частям и замена переменной в определенном интеграле.
24. Несобственные интегралы с бесконечными пределами (несобственные интегралы I рода). Несобственные интегралы от разрывных функций (несобственные интегралы II рода).
25. Вычисление площади плоской фигуры в декартовых координатах.
26. Вычисление площади плоской фигуры в полярных координатах.
27. Вычисление длины дуги плоской кривой в декартовых и в полярных координатах.
28. Вычисление объема тела по известным площадям параллельных поперечных сечений. Объем тела вращения.
29. Определение двойного интеграла и его свойства.
30. Геометрический и физический смысл двойного интеграла.
31. Правильные области на плоскости. Вычисление двойного интеграла в декартовых координатах.
32. Замена переменных в двойном интеграле. Вычисление двойного интеграла в полярных координатах.
33. Приложения двойных интегралов: вычисление объема цилиндрического тела и площади плоской фигуры; нахождение массы, статических моментов, координат центра тяжести и моментов инерции тонкой пластинки.

34. Определение и свойства криволинейных интегралов I рода.
35. Вычисление и приложения криволинейных интегралов I рода.
36. Определение и свойства криволинейных интегралов II рода.
37. Вычисление криволинейных интегралов II рода.
38. Формула Остроградского - Грина.
39. Приложения криволинейных интегралов II рода.

4-й семестр

1. Зависимость и независимость элементов линейного пространства.
2. Понятие базиса в линейном пространстве. Размерность линейного пространства.
3. Конечномерные и бесконечномерные линейные пространства, их примеры.
4. Единственность разложения вектора по базису.
5. Преобразование координат элемента при переходе к новому базису
6. Линейные операторы (отображения), примеры линейных операторов (отображений).
7. Координатная запись линейного отображения, действующего в конечномерных пространствах. Матрица линейного оператора.
8. Понятие топологического пространства. Точки и открытые множества топологического пространства. Сравнение топологий.
9. Понятия внутренней множества и окрестности точки, замкнутого множества.
10. Множества и операции над ними.
11. Высказывания. Логические операции и их таблицы истинности
12. Составные высказывания и их таблицы истинности
13. Понятия графа и ориентированного графа. Основные определения
14. Изоморфизм графов. Проверка изоморфности графов
15. Способы задания графов.
16. Матрица смежности графа. Матрица инцидентности орграфа.

7.2.6. Методика выставления оценки при проведении промежуточной аттестации

Экзамены проводятся по билетам, каждый из которых содержит 2 вопроса и две задачи. Каждый правильный ответ на вопрос в билете оценивается в 2 балла, задача оценивается в 0,5. Максимальное количество набранных баллов – 5.

1. Оценка «Неудовлетворительно» ставится в случае, если студент набрал не более 2 баллов.

2. Оценка «Удовлетворительно» ставится в случае, если студент набрал от 2,5 до 3 баллов.

3. Оценка «Хорошо» ставится в случае, если студент набрал от 3,5 до 4,5 баллов.

4. Оценка «Отлично» ставится, если студент набрал от 4,5 до 5 баллов.

7.2.7 Паспорт оценочных материалов

№ п/п	Контролируемые разделы (темы) дисциплины	Код контролируемой компетенции	Наименование оценочного средства
1	Векторная и линейная алгебра	ОК-7, ОПК-5	Тест Решение стандартных задач Зачет
2	Аналитическая геометрия	ОК-7, ОПК-5	Тест Решение стандартных задач Зачет
3	Введение в математический анализ	ОК-7, ОПК-5	Тест Решение стандартных задач Зачет
4	Дифференциальное исчисление функций одной переменной	ОК-7, ОПК-5	Тест Решение стандартных задач Зачет
5	Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных	ОК-7, ОПК-5	Тест Решение стандартных и прикладных задач Экзамен
6	Интегральное исчисление функций одной и нескольких переменных	ОК-7, ОПК-5	Тест Решение стандартных и прикладных задач Экзамен
7	Обыкновенные дифференциальные уравнения	ОК-7, ОПК-5	Тест Решение стандартных и прикладных задач Зачет
8	Теория вероятностей и основы математической статистики	ОК-7, ОПК-5	Тест Решение стандартных и прикладных задач Зачет
9	Элементы общей алгебры	ОК-7, ОПК-5	Тест Решение стандартных и прикладных задач Экзамен
10	Основные понятия и методы дискретной математики	ОК-7, ОПК-5	Тест Решение стандартных и прикладных задач Экзамен
11	Элементы топологии.	ОК-7, ОПК-5	Тест Решение стандартных и прикладных задач Экзамен

7.3. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности

7.3. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности

Тестирование осуществляется, либо при помощи компьютерной системы тестирования, либо с использованием выданных тест-заданий на бумажном носителе. Время тестирования 30 мин. Затем осуществляется проверка теста экзаменатором и выставляется оценка согласно методики выставления оценки при проведении промежуточной аттестации.

Решение стандартных задач осуществляется, либо при помощи компьютерной системы тестирования, либо с использованием выданных задач на бумажном носителе. Время решения задач 30 мин. Затем осуществляется проверка решения задач экзаменатором и выставляется оценка, согласно методики выставления оценки при проведении промежуточной аттестации.

Решение прикладных задач осуществляется, либо при помощи компьютерной системы тестирования, либо с использованием выданных задач на бумажном носителе. Время решения задач 30 мин. Затем осуществляется проверка решения задач экзаменатором и выставляется оценка, согласно методики выставления оценки при проведении промежуточной аттестации.

8 УЧЕБНО МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ)

8.1 Перечень учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

1. *Беклемишев Д.В.* Курс аналитической геометрии и линейной алгебры [Электронный ресурс]: учебник/ Беклемишев Д.В.— Электрон. текстовые данные.— М.: ФИЗМАТЛИТ, 2007.— 312 с.— Режим доступа:

<http://www.iprbookshop.ru/12873> .— ЭБС «IPRbooks», по паролю

2. *Гусак А.А.* Математический анализ и дифференциальное уравнение. Примеры и задачи [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Гусак А.А.— Электрон. текстовые данные.— Минск: ТетраСистемс, 2011.— 415 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/28122> .— ЭБС «IPRbooks», по паролю

3. *Бочаров П.П.* Теория вероятностей. Математическая статистика [Электронный ресурс]/ Бочаров П.П., Печинкин А.В.— Электрон. текстовые данные.— М.: ФИЗМАТЛИТ, 2005.— 296 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/25717> .— ЭБС «IPRbooks», по паролю

4. *Дементьева А.М.* Интегральное исчисление функций одной и нескольких переменных: учебное пособие / *А.М. Дементьева, С.В. Артыщенко, В.А. Попова*; Воронеж. гос. архит.-строит. ун-т. - Воронеж, 2010. - 163 с. (Библиотека ВГТУ – Электронные ресурсы: **Дементьева А.М. Интегральное исчисление функций одной и нескольких переменных**)

8.2 Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень лицензионного программного обеспечения, ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем:

1. Консультирование посредством электронной почты.
2. Использование презентаций при проведении лекционных занятий.
3. Для работы в сети рекомендуется использовать сайты:
 - <http://encycl.yandex.ru> (Энциклопедии и словари).
 - <http://www.intuit.ru/department/mathematics/intmath/> (Вводный курс в высшую математику. Рассматриваются основы высшей математики для «нематематических» специальностей. Изложение сопровождается большим количеством специально подобранных примеров, поясняющих суть исследуемых понятий и фактов).
 - <http://mathelp.spb.ru> (Лекции, учебники on-line, web-сервисы по высшей математике в помощь студентам).
 - <http://mathem.by.ru> (Справочная информация по математическим дисциплинам).
 - <http://teorver-online.narod.ru/teorver73.html> (Манита А. Д. Теория вероятностей и математическая статистика. Интернет-учебник).
 - <http://eqworld.ipmnet.ru/ru/library/mathematics.htm>. (Книги в форматах PDF и DjVu).

Для работы с электронными учебниками требуется наличие таких программных средств, как Adobe Reader и DjVuBrowserPlugin для Windows.

9 МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКАЯ БАЗА, НЕОБХОДИМАЯ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА

Для проведения лекционных занятий по дисциплине необходимы аудитории, оснащенные презентационным оборудованием (компьютер с ОС Windows и программой Adobe Reader, мультимедийный проектор и экран) АУД.: 3110, 3117, 3222.

10. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

По дисциплине «Математика» читаются лекции, проводятся практические занятия.

Основой изучения дисциплины являются лекции, на которых излагаются наиболее существенные и трудные вопросы, а также вопросы, не нашедшие отражения в учебной литературе.

Практические занятия направлены на приобретение практических навыков решения математических задач.

Вид учебных занятий	Деятельность студента
Лекция	Написание конспекта лекций: кратко, схематично, последовательно фиксировать основные положения, выводы, формулировки, обобщения; помечать важные мысли, выделять ключевые слова, термины. Проверка терминов, понятий с помощью энциклопедий, словарей, справочников с выписыванием толкований в тетрадь. Обозначение вопросов, терминов, материала, которые вызывают трудности, поиск ответов в рекомендуемой литературе. Если самостоятельно не удастся разобраться в материале, необходимо сформулировать вопрос и задать преподавателю на лекции или на практическом занятии.
Практическое занятие	Конспектирование рекомендуемых источников. Работа с конспектом лекций, подготовка ответов к контрольным вопросам, просмотр рекомендуемой литературы. Прослушивание аудио- и видеозаписей по заданной теме, выполнение расчетно-графических заданий, решение задач по алгоритму.
Самостоятельная работа	Самостоятельная работа студентов способствует глубокому усвоению учебного материала и развитию навыков самообразования. Самостоятельная работа предполагает следующие составляющие: <ul style="list-style-type: none"> - работа с текстами: учебниками, справочниками, дополнительной литературой, а также проработка конспектов лекций; - выполнение домашних заданий и расчетов; - работа над темами для самостоятельного изучения; - участие в работе студенческих научных конференций, олимпиад; - подготовка к промежуточной аттестации.
Подготовка к промежуточной аттестации	Готовиться к промежуточной аттестации следует систематически, в течение всего семестра. Интенсивная подготовка должна начаться не позднее, чем за месяц-полтора до промежуточной аттестации. Данные три дня перед зачетом с оценкой и экзаменом эффективнее всего использовать для повторения и систематизации материала.

Лист регистрации изменений

№ п/п	Перечень вносимых изменений	Дата внесения изменений	Подпись заведующего кафедрой, ответственной за реализацию ОПОП
1	Актуализирован раздел 8.1 в части используемой учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины. Актуализирован раздел 8.2 в части состава используемого лицензионного программного обеспечения, современных профессиональных баз данных и справочных информационных систем	30.08.2018	
2	Актуализирован раздел 8.1 в части используемой учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины. Актуализирован раздел 8.2 в части состава используемого лицензионного программного обеспечения, современных профессиональных баз данных и справочных информационных систем	31.08.2019	
3	Актуализирован раздел 8.1 в части используемой учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины. Актуализирован раздел 8.2 в части состава используемого лицензионного программного обеспечения, современных профессиональных баз данных и справочных информационных систем	31.08.2020	
4	Актуализирован раздел 8.1 в части используемой учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины. Актуализирован раздел 8.2 в части состава используемого лицензионного программного обеспечения, современных профессиональных баз данных и справочных информационных систем	31.08.2021	