#### МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Воронежский государственный технический университет»

УТВЕРЖДАЮ
Декан строительного факультета
Панфилов Д.В.
«31» августа 2018 г.

#### РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

дисциплины

«Основы математики»

Специальность 08.05.01 Строительство уникальных зданий и сооружений

Специализация <u>«Строительство высотных и большепролетных зданий и сооружений»</u>

Специализация «Строительство подземных сооружений»

Квалификация выпускника инженер-строитель

Нормативный период обучения 6 лет

Форма обучения очная

Год начала подготовки 2018

Автор программы

/ Глазкова М.Ю./

Заведующий кафедрой

Прикладной математики и

механики

Руководитель ОПОП

Руководитель ОПОП

<sup>′</sup> Ряжских В.И./

/Рогатнев Ю.Ф./

/Ким М.С./

Воронеж 2018

#### 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ДИСЦИПЛИНЫ

#### 1.1. Цели дисциплины

Цели дисциплины: развитие логического и алгоритмического мышления, выработка умения самостоятельно расширять и углублять математические знания; повторение и базовых знаний по математике, необходимых для дальнейшего изучения курса математики, формирование начального уровня математической культуры, достаточного для продолжения образования.

#### 1.2. Задачи освоения дисциплины

□ Выработка ясного понимания необходимости математического
образования в подготовке специалиста и представления о роли и месте
математики в современной системе знаний и мировой культуре;
□ Ознакомление с системой понятий, используемых для изучения
основных разделов математики;
□ Формирование базовых приемов и навыков постановки и решения
математических задач.

#### 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Дисциплина «Основы математики» относится к дисциплинам вариативной части блока ФТД.

#### 3. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Процесс изучения дисциплины «Основы математики » направлен на формирование следующих компетенций:

УК-1 - Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий

Компетенция	Результаты обучения, характеризующие сформированность компетенции		
УК-1	Знать основные теоремы, правила и методы решения математических задач, необходимые для успешного освоения курсов «Математика», «Физика», «Информатика».  Уметь использовать базовые математические принципы для расширения и углубления математических знаний		
	Владеть основами использования математического аппарата для выработки системного подхода к решению теоретических и практических задач		

#### 4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость дисциплины «Основы математики » составляет 2 з.е. Распределение трудоемкости дисциплины по видам занятий очная форма обучения

Рини ущебней побети	Всего	Семестры
Виды учебной работы	часов	1
Аудиторные занятия (всего)	36	36
В том числе:		
Лекции	18	18
Практические занятия (ПЗ)	18	18
Самостоятельная работа	36	36
Виды промежуточной аттестации - зачет	+	+
Общая трудоемкость:		
академические часы	72	72
зач.ед.	2	2

### 5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

## **5.1** Содержание разделов дисциплины и распределение трудоемкости по видам занятий

очная форма обучения

№ п/п	Наименование темы	Содержание раздела	Лекц	Прак зан.	CPC	Всего, час
1	Линейная алгебра	Определители 2-го и 3-го порядка, их свойства Миноры и алгебраические дополнения. Понятие об определителях п-го порядка. Применение определителей к решению систем п линейных уравнений с п неизвестными (правило Крамера). Решение системы двух и трех линейных уравнений с двумя и тремя неизвестными. Однородные системы. Метод Гаусса.	8	8	12	28
2	Векторная алгебра	Векторы. Линейные операции над векторами. Декартова система координат на плоскости и в пространстве. Базис. Разложение вектора по базису. Координаты и компоненты вектора. Линейные действия над векторами в координатной форме. Проекция вектора на направление, свойства проекций. Скалярное произведение векторов, его свойства, вычисление в координатах. Вычисление длин, углов, проекций. Векторное произведение, его свойства. Применение векторного произведения к вычислению площадей. Смешанное произведение трех векторов, его геометрический смысл, вычисление в координатах. Условие компланарности трех векторов.	6	6	12	24
3	Комплексные числа и многочлены	Алгебраическая, тригонометрическая и показательная формы комплексного числа, геометрическое изображение. Модуль и аргумент комплексного числа. Перевод из алгебраической формы в тригонометрическую и показательную и наоборот. Действия с комплексными числами: сложение, вычитание, умножение, деление. Многочлены. Основная теорема алгебры. Теорема Безу. Теорема о разложении многочлена на множители. Теоремы о тождественном равенстве многочленов. Разложение на множители многочлена с действительными коэффициентами. Кратность корня.	4	4	12	20
		Итого	18	18	36	72

5.2 Перечень лабораторных работ

#### 6. ПРИМЕРНАЯ ТЕМАТИКА КУРСОВЫХ ПРОЕКТОВ (РАБОТ) И КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ

В соответствии с учебным планом освоение дисциплины не предусматривает выполнение курсового проекта (работы) или контрольной работы.

# 7. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

### 7.1. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

#### 7.1.1 Этап текущего контроля

Результаты текущего контроля знаний и межсессионной аттестации оцениваются по следующей системе:

«аттестован»;

«не аттестован».

Компе- тенция	Тестован». Результаты обучения, характеризующие сформированность компетенции	Критерии оценивания	Аттестован	Не аттестован
УК-1	Знать основные теоремы, правила и методы решения математических задач, необходимые для успешного освоения курсов «Математика», «Физика», «Информатика».	укажите критерий	Выполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах	Невыполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах
	Уметь использовать базовые математические принципы для расширения и углубления математических знаний	укажите критерий	Выполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах	Невыполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах
	Владеть основами использования математическог о аппарата для выработки	укажите критерий	Выполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах	Невыполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах

системного		
подхода к		
решению		
теоретических и		
практических		
задач		

7.1.2 Этап промежуточного контроля знаний Результаты промежуточного контроля знаний оцениваются в 1 семестре для очной формы обучения по двухбалльной системе:

«зачтено»

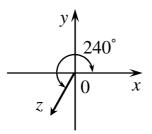
«не зачтено»

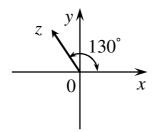
Компе- тенция	Результаты обучения, характеризующие сформированность компетенции	Критерии оценивания	Зачтено	Не зачтено
УК-1	Знать основные теоремы, правила и методы решения математических задач, необходимые для успешного освоения курсов «Математика», «Физика»,	Тест	Выполнение теста на 70-100%	Выполнение менее 70%
	«Информатика». Уметь использовать базовые математические принципы для расширения и углубления математических знаний	Решение стандартных практических задач	Продемонстрирова н верный ход решения в большинстве задач	Задачи не решены
	Владеть основами использования математическог о аппарата для выработки системного подхода к решению теоретических и практических задач	Решение стандартных практических задач	Продемонстрирова н верный ход решения в большинстве задач	Задачи не решены

- 7.2 Примерный перечень оценочных (типовые средств контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности)
  - 7.2.1 Примерный перечень заданий для подготовки к тестированию Составляется на основе заданий из 7.2.2

#### 7.2.2 Примерный перечень заданий для решения стандартных задач

- **1.** Дано:  $z_1 = 3 + i$ ,  $z_2 = -1 + 3i$ , тогда модуль произведения  $|z_1 \cdot z_2|$  равен ...
- **2.** Комплексное число 1+2i в тригонометрической форме  $r(\cos \varphi + i \sin \varphi)$ имеет модуль, равный ...
  - 1. 5
- 3. 1
- 2.  $\sqrt{3}$  4.  $\sqrt{5}$





**3.** Даны два комплексных числа  $z_1, z_2$ .

Тогда аргумент произведения  $\arg(z_1 \cdot z_2)$  (в градусах) равен ...

- **4.** Комплексное число  $z = 2 + i2\sqrt{3}$  в тригонометрической форме имеет вид ...
  - 1.  $4(\cos 60^{\circ} i \sin 60^{\circ})$  3.  $4(\cos 60^{\circ} + i \sin 60^{\circ})$
  - 2.  $4(\cos 30^{\circ} + i \sin 30^{\circ})$  4.  $\cos 60^{\circ} + i \sin 60^{\circ}$

**5.** Задана матрица  $A = \begin{pmatrix} -2 & 2 & 1 \\ 0 & 7 & 14 \\ 5 & -6 & 0 \end{pmatrix}$ . Установите соответствие между

записью алгебраических дополнений и элементами матрицы, к которым они относятся.

1. 
$$-\begin{vmatrix} 0 & 14 \\ 5 & 0 \end{vmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -6 & 0 \end{bmatrix}$$

$$3. \begin{vmatrix} -2 & 1 \\ 5 & 0 \end{vmatrix}$$

**6.** Переменная y системы уравнений  $\begin{cases} x + 2y - 4z = 0, \\ -3x + y + 5z = 4, \\ 4x + 3y - 6z = 3 \end{cases}$ по формуле ...

1. 
$$y = \frac{\begin{vmatrix} 1 & 2 & 0 \\ -3 & 1 & 4 \\ 4 & 3 & 3 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 1 & 2 & -4 \\ -3 & 1 & 5 \\ 4 & 3 & -6 \end{vmatrix}}$$
 3.  $y = \frac{\begin{vmatrix} 0 & 2 & -4 \\ 4 & 1 & 5 \\ 3 & 3 & -6 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 1 & 2 & -4 \\ -3 & 1 & 5 \\ 4 & 3 & -6 \end{vmatrix}}$ 

3. 
$$y = \frac{\begin{vmatrix} 0 & 2 & -4 \\ 4 & 1 & 5 \\ 3 & 3 & -6 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 1 & 2 & -4 \\ -3 & 1 & 5 \\ 4 & 3 & -6 \end{vmatrix}}$$

2. 
$$y = \begin{vmatrix} 1 & 2 & -4 \\ -3 & 1 & 5 \\ 4 & 3 & -6 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 1 & 0 & -4 \\ -3 & 4 & 5 \\ 4 & 3 & -6 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 4 & y = \begin{vmatrix} 1 & 0 & -4 \\ -3 & 4 & 5 \\ 4 & 3 & -6 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 1 & 0 & -4 \\ -3 & 4 & 5 \\ 4 & 3 & -6 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 4 & 3 & -6 \\ -3 & 1 & 5 \\ 4 & 3 & -6 \end{vmatrix}$$

$$4. \quad y = \begin{vmatrix} -3 & 4 & 5 \\ 4 & 3 & -6 \\ \hline 1 & 2 & -4 \\ -3 & 1 & 5 \\ 4 & 3 & -6 \end{vmatrix}$$

- **7.** Если определитель квадратной матрицы A третьего порядка равен 3, то определитель обратной матрицы  $A^{-1}$  равен...
- 1.  $\frac{1}{2}$  2.  $\frac{1}{27}$  3.  $-\frac{1}{27}$  4.  $-\frac{1}{3}$
- **8.** Даны векторы  $\bar{a} = (3, -9)$ ,  $\bar{b} = (-3, 6)$ , тогда координаты вектора  $5\bar{b} \frac{a}{3}$ равны ...

**9.** Скалярное произведение векторов  $\bar{a} = (-1; t)$  и  $\bar{b} = (t; 0)$  удовлетворяет неравенству  $\bar{a} \cdot \bar{b} \le 1$  при двух значениях параметра t, равных ...

**10.** Корнями уравнения  $x^3 + 36x$  над полем комплексных чисел являются ...

**11.** Мнимая часть частного  $\frac{4}{1+i}$  равна ...

**12.** Действительная часть частного  $\frac{17}{-1+4i}$  равна ...

**13.** Расположите комплексные числа в порядке расположения их изображения в 1-й,

2-й, 3-й и 4-й четвертях комплексной плоскости.

1. 
$$1+2i$$
 3.  $-4-i$  2.  $-8+5i$  4.  $5-6i$ 

### **7.2.3 Примерный перечень заданий для решения прикладных задач** Не предусмотрены

#### 7.2.4 Примерный перечень вопросов для подготовки к зачету 1-й семестр

- 1. Определители 2-го, 3-го и n-го порядков. Способы их вычисления и свойства.
- 2. Системы линейных алгебраических уравнений. Основные определения.
- 3. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Крамера.
- 4. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Гаусса.
- 5. Векторы. Основные определения и понятия.

- 6. Линейные операции над векторами. Их свойства.
- 7. Проекция вектора на ось и на вектор.
- 8. Разложение вектора по ортам координатных осей.
- 9. Длина вектора. Направляющие косинусы.
- 10. Действия над векторами, заданными проекциями.
- 11.Скалярное произведение векторов: определение, свойства, вычисление в декартовых координатах, приложения.
- 12.Векторное произведение векторов: определение, свойства, вычисление в декартовых координатах, приложения.
- 13.Смешанное произведение векторов: определение, свойства, вычисление в декартовых координатах, приложения.
- 14. Комплексные числа. Основные определения. Изображение комплексных чисел на плоскости.
- 15. Модуль и аргумент комплексного числа. Формы записи комплексного числа. Формула Эйлера.
- 16. Многочлены. Основная теорема алгебры. Теорема Безу. Теорема о разложении многочлена на множители. Теоремы о тождественном равенстве многочленов. Разложение на множители многочлена с действительными коэффициентами. Кратность корня.

### **7.2.5** Примерный перечень заданий для решения прикладных задач Не предусмотрено учебным планом

### 7.2.6. Методика выставления оценки при проведении промежуточной аттестации

7.2.7 Паспорт оценочных материалов

№ п/п	Контролируемые разделы (темы) дисциплины	Код контролируемой компетенции	Наименование оценочного средства
1	Линейная алгебра	УК-1	Тест, устный опрос
2	Векторная алгебра	УК-1	Тест, устный опрос
3	Комплексные числа и многочлены	УК-1	Тест, устный опрос

### 7.3. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности

Тестирование осуществляется, либо при помощи компьютерной системы тестирования, либо с использованием выданных тест-заданий на бумажном носителе. Время тестирования 30 мин. Затем осуществляется проверка теста экзаменатором и выставляется оценка согласно методики выставления оценки при проведении промежуточной аттестации.

Решение стандартных задач осуществляется, либо при помощи компьютерной системы тестирования, либо с использованием выданных задач на бумажном носителе. Время решения задач 30 мин. Затем осуществляется проверка решения задач экзаменатором и выставляется оценка, согласно методики выставления оценки при проведении промежуточной аттестации.

#### 8 УЧЕБНО МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ)

8.1 Перечень учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

№ п/ п	Наименование издания	Вид издания (учебник, учебное пособие, методически е указания, компьютерн ая программа)	Автор (авторы)	Год издани я	Место хранения и количеств о
1	Методы линейной алгебры и элементы конечномерного функционального анализа: учеб. пособие	Учебное пособие	Седаев А.А.	2005.	Библиоте ка – 248 экз.
2	Высшая математика. Контрольно-измеритель ные материалы для аттестации обучающихся в технических вузах: практикум	Учебное пособие	С.М. Алейнико в, В.В. Горяйнов.	2006	Библиоте ка – 400 экз.
3	Тест-практикум по высшей математике: учеб. пособие	Учебное пособие	Гончаров М.Д.	2004.	Библиоте ка – 400 экз.
4	Решение тестовых заданий федерального интернет-экзамена по математике. Часть 1. Алгебра и геометрия	Учебное пособие	Колпачев В.Н., Дементье ва А.М., Горяйнов В.В.	2012	Библиоте ка – 500 экз.

8.2 Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень лицензионного программного обеспечения, ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», современных

#### профессиональных баз данных и информационных справочных систем:

- http://encycl.yandex.ru (Энциклопедии и словари).
- <a href="http://www.intuit.ru/department/mathematics/intmath/">http://www.intuit.ru/department/mathematics/intmath/</a> (Вводный курс в высшую математику. Рассматриваются основы высшей математики для «нематематических» специальностей. Изложение сопровождается большим количеством специально подобранных примеров, поясняющих суть исследуемых понятий и фактов).
- <a href="http://mathelp.spb.ru">http://mathelp.spb.ru</a> (Лекции, учебники on-line, web-сервисы по высшей математике в помощь студентам).
- <u>http://mathem.by.ru</u> (Справочная информация по математическим дисциплинам).
- <u>http://www.exponenta.ru</u> (Материалы по высшей математике).
   <u>http://eqworld.ipmnet.ru/ru/library/mathematics.htm</u>. (Книги в форматах PDF и DjVu).

Для работы с электронными учебниками требуется наличие таких программных средств, как Adobe Reader для Windows и DjVuBrowserPlugin.

#### 9 МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКАЯ БАЗА, НЕОБХОДИМАЯ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА

Для обеспечения практических занятий требуется компьютерный класс с комплектом лицензионного программного обеспечения (при использовании электронных изданий – компьютерный класс с выходом в Интернет).

### 10. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

По дисциплине «Основы математики» читаются лекции, проводятся практические занятия.

Основой изучения дисциплины являются лекции, на которых излагаются наиболее существенные и трудные вопросы, а также вопросы, не нашедшие отражения в учебной литературе.

Практические занятия направлены на приобретение практических навыков расчета \_\_\_\_\_\_. Занятия проводятся путем решения конкретных задач в аудитории.

Вид учебных занятий	Деятельность студента
Лекция	Написание конспекта лекций: кратко, схематично, последовательно фиксировать основные положения, выводы, формулировки, обобщения; помечать важные мысли, выделять ключевые слова, термины. Проверка терминов, понятий с помощью энциклопедий, словарей, справочников с выписыванием толкований в тетрадь. Обозначение вопросов, терминов, материала, которые вызывают трудности, поиск ответов в рекомендуемой литературе. Если самостоятельно не удается разобраться в материале, необходимо

	сформулировать вопрос и задать преподавателю на лекции или на практическом занятии.
Практическое занятие	Конспектирование рекомендуемых источников. Работа с конспектом лекций, подготовка ответов к контрольным вопросам, просмотр рекомендуемой литературы. Прослушивание аудио- и видеозаписей по заданной теме, выполнение расчетно-графических заданий, решение задач по алгоритму.
Самостоятельная работа	Самостоятельная работа студентов способствует глубокому усвоения учебного материала и развитию навыков самообразования. Самостоятельная работа предполагает следующие составляющие: - работа с текстами: учебниками, справочниками, дополнительной литературой, а также проработка конспектов лекций; - выполнение домашних заданий и расчетов; - работа над темами для самостоятельного изучения; - участие в работе студенческих научных конференций, олимпиад; - подготовка к промежуточной аттестации.
Подготовка к промежуточной аттестации	Готовиться к промежуточной аттестации следует систематически, в течение всего семестра. Интенсивная подготовка должна начаться не позднее, чем за месяц-полтора до промежуточной аттестации. Данные перед зачетом три дня эффективнее всего использовать для повторения и систематизации материала.