

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Воронежский государственный технический университет»



УТВЕРЖДАЮ

Декан факультета ФРТЭ

/ В.А. Небольсин /

«27» марта 2024 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**  
**«Математика»**

**Направление подготовки 16.03.01 Техническая физика**

**Профиль Физическая электроника**

**Квалификация выпускника бакалавр**

**Нормативный период обучения 4 года**

**Форма обучения очная**

**Год начала подготовки 2024**

Автор программы

С.А. Кострюков

Заведующий кафедрой

Вышей математики и физи-  
ко-математического моде-  
лирования

И.Л. Батаронов

Руководитель ОПОП

Л.И. Янченко

Воронеж 2024

## 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ДИСЦИПЛИНЫ

### 1.1. Цели дисциплины

Целями изучения дисциплины является воспитание высокой математической культуры, привитие навыков современных видов математического мышления, использование математических методов и основ математического моделирования в практической деятельности.

### 1.2. Задачи освоения дисциплины

1.2.1. Получить представление о математике как особом способе познания мира, общности ее понятий и представлений; о математическом моделировании.

1.2.2. Научиться использовать основные понятия и методы линейной алгебры и аналитической геометрии, математического анализа, векторного анализа, теории функций комплексного переменного, теории вероятностей и математической статистики; математические модели простейших систем и процессов в естествознании и технике.

1.2.3. Овладеть навыками употребления математической символики для выражения количественных и качественных отношений объектов; исследования моделей с учетом их иерархической структуры и оценкой пределов применимости полученных результатов.

1.2.4. Научить основным приемам обработки экспериментальных результатов и умению пользоваться универсальными системами компьютерной математики при решении математических задач.

## 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Дисциплина «Математика» относится к дисциплинам обязательной части блока Б1.

## 3. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Процесс изучения дисциплины «Математика» направлен на формирование следующих компетенций:

УК-1 - Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач

ОПК-2 - Способен применять методы математического анализа, моделирования, оптимизации и статистики для решения задач, возникающих в ходе профессиональной деятельности

| Компетенция | Результаты обучения, характеризующие сформированность компетенции           |
|-------------|-----------------------------------------------------------------------------|
| УК-1        | <b>Знать</b> метод системного анализа.                                      |
|             | <b>Уметь</b> применять системный подход для решения поставленных задач.     |
|             | <b>Владеть</b> методикой системного подхода для решения поставленных задач. |

|       |                                                                                                                                                                                                                                                                                 |
|-------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| ОПК-2 | <b>Знать</b> основные законы<br>– аналитической геометрии и линейной алгебры,<br>– дифференциального и интегрального исчисления,<br>– дифференциальных уравнений,<br>– теории вероятностей и математической статистики,<br>– гармонического анализа и операционного исчисления. |
|       | <b>Уметь</b> использовать основные законы математики в профессиональной деятельности, применять методы математического анализа, моделирования и статистики.                                                                                                                     |
|       | <b>Владеть</b> навыками использования основных законов математики в профессиональной деятельности, применения методов математического анализа и моделирования.                                                                                                                  |

#### 4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость дисциплины «Математика» составляет 10 з.е.

Распределение трудоемкости дисциплины по видам занятий

**очная форма обучения**

| Виды учебной работы                                      | Всего часов | Семестры |     |     |
|----------------------------------------------------------|-------------|----------|-----|-----|
|                                                          |             | 1        | 2   | 3   |
| <b>Аудиторные занятия (всего)</b>                        | 162         | 54       | 54  | 54  |
| В том числе:                                             |             |          |     |     |
| Лекции                                                   | 54          | 18       | 18  | 18  |
| Практические занятия (ПЗ)                                | 108         | 36       | 36  | 36  |
| <b>Самостоятельная работа</b>                            | 126         | 54       | 54  | 18  |
| Часы на контроль                                         | 72          | -        | 36  | 36  |
| Виды промежуточной аттестации – экзамен, зачет с оценкой | +           | +        | +   | +   |
| Общая трудоемкость:                                      |             |          |     |     |
| академические часы                                       | 360         | 108      | 144 | 108 |
| зач.ед.                                                  | 10          | 3        | 4   | 3   |

#### 5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

5.1 Содержание разделов дисциплины и распределение трудоемкости по видам занятий

**очная форма обучения**

| №<br>п/п | Наименование темы                         | Содержание раздела                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    | Лекц | Прак<br>зан. | СРС | Всего<br>час |
|----------|-------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------|--------------|-----|--------------|
| 1        | Элементы теории множеств и высшей алгебры | <p>Множества и подмножества. Операции над множествами. Логическая символика.</p> <p>Комплексные числа в алгебраической форме и действия над ними. Геометрическая интерпретация, тригонометрическая и показательная формы комплексного числа. Формулы Эйлера и Муавра. Извлечение корней из комплексного числа. Многочлены и алгебраические уравнения. Основная теорема алгебры. Разложение рациональных дробей на простейшие.</p> <p>Прямоугольные матрицы и действия над ними. Квадратные матрицы и их определители. Основные свойства определителей. Методы вычисления определителей.</p> <p>Обратная матрица. Ранг матрицы и его вычисление.</p> <p>Системы <math>n</math> линейных уравнений с <math>n</math> неизвестными. Формулы Крамера. Системы <math>m</math> линейных уравнений с <math>n</math> неизвестными. Метод Гаусса.</p> <p>Теорема Кронекера–Капелли. Системы однородных линейных уравнений. Фундаментальная система решений.</p> | 4    | 10           | 16  | 30           |
| 2        | Аналитическая геометрия                   | <p>Векторы и линейные операции над ними. Декартовы координаты векторов и точек. Действия над векторами, заданными своими координатами.</p> <p>Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов, их основные свойства, координатные выражения и применение. Системы координат на плоскости. Преобразование системы координат при параллельном переносе и повороте осей координат.</p> <p>Уравнение линии на плоскости. Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола и парабола.</p> <p>Прямая на плоскости. Различные формы уравнения прямой. Угол между прямыми. Расстояние от точки до прямой.</p> <p>Плоскость в пространстве. Различные формы уравнения плоскости. Угол между плоскостями. Расстояние от точки до плоскости. Прямая в пространстве.</p> <p>Уравнения поверхности и линии в пространстве. Поверхности второго порядка.</p>                                                                                           | 4    | 10           | 14  | 28           |
| 3        | Основы линейной алгебры                   | <p>Линейные пространства. Размерность и базис линейного пространства. Пространства со скалярным произведением. Ортогональный и ортонормированный базис.</p> <p>Линейные операторы и действия с ними. Матрица линейного оператора. Собственные значения и собственные векторы линейного оператора.</p> <p>Линейные, билинейные и квадратичные формы. Приведение квадратичной формы к каноническому виду. Условие знакоопределенности квадратичной формы.</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | 4    | 4            | 6   | 14           |
| 4        | Введение в математический анализ          | <p>Понятие функции. Числовые функции одной действительной переменной. Способы задания функции. Обратные, сложные и неявные функции. Числовые последовательности. Предел числовой последовательности. Понятие числового ряда.</p> <p>Предел функции. Односторонние пределы. Ограниченные и неограниченные функции. Бесконечно большие и бесконечно малые функции. Действия с пределами. Замечательные пределы. Число <math>e</math>. Сравнение бесконечно малых и бесконечно больших функций.</p> <p>Непрерывность функции в точке. Классификация точек разрыва. Свойства функций, непрерывных на отрезке.</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         | 2    | 4            | 6   | 12           |

|   |                                                                     |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |   |    |    |    |
|---|---------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---|----|----|----|
| 5 | Дифференциальное исчисление функций одной действительной переменной | <p>Производная функции, ее геометрический и механический смысл. Производная сложной и обратной функции. Дифференцирование функций, заданных неявно и параметрически. Основные правила нахождения производных. Таблица основных производных.</p> <p>Дифференциал функции. Инвариантность формы дифференциала. Производные и дифференциалы высших порядков. Основные теоремы о дифференцируемых функциях. Раскрытие неопределенностей по правилу Лопиталя. Формула Тейлора.</p> <p>Условие монотонности функции. Экстремум функции. Наибольшее и наименьшее значения непрерывной на отрезке функции. Направление выпуклости функции. Точки перегиба. Асимптоты функции.</p> <p>Общая схема исследования функции и построение ее графика.</p> | 4 | 8  | 12 | 24 |
| 6 | Интегральное исчисление функций одной действительной переменной     | <p>Понятие о первообразной и неопределенном интеграле. Свойства неопределенного интеграла. Интегрирование методами замены переменной и по частям. Интегрирование рациональных дробей и тригонометрических функций. Таблица основных неопределенных интегралов.</p> <p>Определенный интеграл как предел интегральной суммы. Формула Ньютона–Лейбница. Основные свойства определенного интеграла. Вычисление определенного интеграла методами замены переменной и по частям. Геометрические и физические приложения определенного интеграла.</p> <p>Несобственные интегралы с бесконечными пределами и от неограниченных функций. Признаки сходимости несобственных интегралов.</p>                                                          | 4 | 8  | 12 | 24 |
| 7 | Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных           | <p>Понятие функции нескольких переменных. Частные производные и дифференциал. Дифференцирование сложных функций. Полная производная. Дифференцирование неявных функций. Частные производные и дифференциалы высших порядков.</p> <p>Градиент и производная по направлению.</p> <p>Экстремум функции нескольких переменных. Наибольшее и наименьшее значения функции в замкнутой области. Условный экстремум.</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | 4 | 8  | 12 | 24 |
| 8 | Кратные интегралы                                                   | <p>Двойной интеграл, его основные свойства. Сведение двойного интеграла к повторному в декартовой системе координат.</p> <p>Тройной интеграл. Вычисление тройного интеграла в декартовых координатах.</p> <p>Замена переменной в двойном и тройном интегралах. Двойной интеграл в полярных координатах. Вычисление тройного интеграла в цилиндрических и сферических координатах.</p> <p>Понятие криволинейных интегралов. Формула Грина. Геометрические и механические приложения кратных интегралов.</p>                                                                                                                                                                                                                                 | 4 | 8  | 12 | 24 |
| 9 | Обыкновенные дифференциальные уравнения                             | <p>Понятие об обыкновенных дифференциальных уравнениях. Задача Коши и краевая задача. Существование и единственность решения задачи Коши.</p> <p>Уравнения 1-го порядка, интегрируемые в квадратурах. Дифференциальные уравнения высших порядков, допускающие понижение порядка.</p> <p>Линейные дифференциальные уравнения: однородные и неоднородные. Общее решение. Фундаментальная система решений. Метод Лагранжа вариации постоянных.</p> <p>Линейные дифференциальные уравнения <math>n</math>-го порядка с</p>                                                                                                                                                                                                                     | 6 | 12 | 18 | 36 |

|         |                                                            |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |   |    |   |    |
|---------|------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---|----|---|----|
|         |                                                            | постоянными коэффициентами. Уравнения с правой частью специального вида.<br>Нормальные системы дифференциальных уравнений. Линейные нормальные системы. Задача Коши.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |   |    |   |    |
| Экзамен |                                                            |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |   |    |   | 36 |
| 10      | Основы теории функций комплексной переменной               | Понятие функции комплексной переменной. Области и кривые на комплексной плоскости. Дифференцирование и интегрирование. Условия Коши-Римана. Теорема Коши. Интегральная формула Коши.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   | 2 | 4  | 2 | 8  |
| 11      | Ряды                                                       | Числовые ряды. Сходимость и сумма ряда. Абсолютная и условная сходимость. Признаки абсолютной и условной сходимости числовых рядов.<br>Функциональные ряды. Область сходимости. Степенные ряды. Область и радиус сходимости. Ряд Тейлора.<br>Ряд Лорана. Изолированные особые точки функции и их классификация. Вычеты, их вычисление. Основная теорема о вычетах.<br>Применение вычетов к вычислению определенных интегралов.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         | 4 | 8  | 4 | 16 |
| 12      | Элементы гармонического анализа и операционного исчисления | Тригонометрические ряды Фурье. Спектральные характеристики. Интеграл Фурье. Преобразование Фурье и его свойства. Действительная форма преобразования Фурье.<br>Преобразование Лапласа, его свойства. Формула обращения. Способы определения оригинала по изображению.<br>Решение дифференциальных уравнений и систем дифференциальных уравнений операционным методом.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  | 4 | 8  | 4 | 16 |
| 13      | Теория вероятностей                                        | Понятие случайного события. Алгебраические операции над событиями. Частота события и её свойства<br>Определения вероятности события. Классическая вероятностная схема. Геометрические вероятности. Аксиоматический подход к построению теории вероятностей. Вероятностное пространство. Комбинаторный метод вычисления вероятностей.<br>Теоремы сложения и умножения. Условная вероятность. Независимость событий. Формулы полной вероятности и Байеса. Формула Бернулли.<br>Случайные величины. Закон распределения. Функция распределения, плотность распределения вероятностей. Математическое ожидание, дисперсия и другие числовые характеристики.<br>Основные законы распределения случайных величин: Биноминальное, равномерное, показательное и нормальное распределения. Распределение Пуассона.<br>Случайные векторы: Законы распределения и числовые характеристики. Условные законы распределения. Независимость случайных величин.<br>Функции случайных величин.<br>Закон больших чисел. Предельные теоремы вероятностей. | 6 | 12 | 6 | 24 |
| 14      | Основы математической статистики                           | Методы статистического описания результатов наблюдений: Выборка и способы ее представления. Числовые характеристики выборочного распределения.<br>Статистическое оценивание характеристик распределения генеральной совокупности по выборке: Точечные оценки. Интервальные оценки. Доверительные интервалы параметров нормально распределенной генеральной совокупности.<br>Проверка статистических гипотез. Критерий $\chi^2$ и его применение.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | 2 | 4  | 2 | 8  |

|         |  |    |     |     |     |    |
|---------|--|----|-----|-----|-----|----|
|         |  |    |     |     |     |    |
| Экзамен |  |    |     |     |     | 36 |
| Итого   |  | 54 | 108 | 126 | 288 |    |

## 5.2 Перечень лабораторных работ

Не предусмотрено учебным планом

## 6. ПРИМЕРНАЯ ТЕМАТИКА КУРСОВЫХ ПРОЕКТОВ (РАБОТ) И КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ

В соответствии с учебным планом освоение дисциплины не предусматривает выполнение курсового проекта (работы) или контрольной работы.

Предусмотрены следующие темы письменных работ.

### *Первый семестр*

1. Типовой расчет (индивидуальное домашнее задание – ИДЗ) «Аналитическая геометрия» (выдается на 7 неделе, прием на 11 неделе).
2. Типовой расчет «Пределы. Дифференцирование» (выдается на 14 неделе, прием на 18 неделе).

### *Второй семестр*

Типовой расчет «Интегрирование» (выдается на 1 неделе, прием на 5 неделе).

### *Третий семестр*

Типовой расчет «Ряды. Преобразования Фурье и Лапласа» (выдается на 3 неделе, прием на 9 неделе).

## 7. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

### 7.1. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

#### 7.1.1 Этап текущего контроля

Результаты текущего контроля знаний и межсессионной аттестации оцениваются по следующей системе:

«аттестован»;

«не аттестован».

| Компетенция | Результаты обучения, характеризующие сформированность компетенции   | Критерии оценивания                                                        | Аттестован                                                    | Не аттестован                                                   |
|-------------|---------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------|
| УК-1        | Знать метод системного анализа                                      | Решение не менее половины стандартных практических задач                   | Выполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах | Невыполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах |
|             | Уметь применять системный подход для решения поставленных задач.    | Решение не менее половины стандартных практических задач                   | Выполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах | Невыполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах |
|             | Владеть методикой системного подхода для решения поставленных задач | Решение не менее половины прикладных задач в конкретной предметной области | Выполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах | Невыполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах |
| ОПК-2       | знать основные законы аналитической геометрии и                     | Активная работа на                                                         | Выполнение работ в срок, предусмотрен-                        | Невыполнение работ в срок, предусмотрен-                        |

|                                                                                                                                                                                                 |                                                                                           |                                                               |                                                                 |
|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------|
| линейной алгебры; дифференциального и интегрального исчисления; дифференциальных уравнений; теории вероятностей и математической статистики; гармонического анализа и операционного исчисления. | практических занятиях, ответ не менее чем на половину заданных в процессе опроса вопросов | ренный в рабочих программах                                   | ный в рабочих программах                                        |
| уметь применять математические методы для решения практических задач                                                                                                                            | Решение не менее половины стандартных практических задач                                  | Выполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах | Невыполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах |
| владеть навыками применения математических методов в профессиональной деятельности                                                                                                              | Решение не менее половины прикладных задач в конкретной предметной области                | Выполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах | Невыполнение работ в срок, предусмотренный в рабочих программах |

### 7.1.2 Этап промежуточного контроля знаний

Результаты промежуточного контроля знаний оцениваются в 1, 2, 3 семестре для очной формы обучения по четырехбалльной системе:

«отлично»;

«хорошо»;

«удовлетворительно»;

«неудовлетворительно».

| Компетенция | Результаты обучения, характеризующие сформированность компетенции                                                                                                                                                                               | Критерии оценивания                                      | Отлично                                                | Хорошо                                                                                | Удовл.                                                   | Неудовл.                             |
|-------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------|--------------------------------------|
| УК-1        | Знать метод системного анализа                                                                                                                                                                                                                  | Тест                                                     | Выполнение теста на 90-100%                            | Выполнение теста на 80-90%                                                            | Выполнение теста на 70-80%                               | В тесте менее 70% правильных ответов |
|             | Уметь применять системный подход для решения поставленных задач.                                                                                                                                                                                | Решение стандартных практических задач                   | Задачи решены в полном объеме и получены верные ответы | Продемонстрирован верный ход решения всех, но не получен верный ответ во всех задачах | Продемонстрирован верный ход решения в большинстве задач | Задачи не решены                     |
|             | Владеть методикой системного подхода для решения поставленных задач                                                                                                                                                                             | Решение прикладных задач в конкретной предметной области | Задачи решены в полном объеме и получены верные ответы | Продемонстрирован верный ход решения всех, но не получен верный ответ во всех задачах | Продемонстрирован верный ход решения в большинстве задач | Задачи не решены                     |
| ОПК-2       | Знать основные законы аналитической геометрии и линейной алгебры; дифференциального и интегрального исчисления; дифференциальных уравнений; теории вероятностей и математической статистики; гармонического анализа и операционного исчисления. | Тест                                                     | Выполнение теста на 90-100%                            | Выполнение теста на 80-90%                                                            | Выполнение теста на 70-80%                               | В тесте менее 70% правильных ответов |
|             | Уметь применять математические методы для решения практических задач                                                                                                                                                                            | Решение стандартных практических                         | Задачи решены в полном объеме и по-                    | Продемонстрирован верный ход ре-                                                      | Продемонстрирован верный ход ре-                         | Задачи не решены                     |

|  |                                                                                                 |                                                                               |                                                                          |                                                                                                                   |                                                                              |                     |
|--|-------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------|---------------------|
|  |                                                                                                 | задач                                                                         | лучены вер-<br>ные ответы                                                | шения всех,<br>но не получен<br>верный ответ<br>во всех зада-<br>чах                                              | шения в<br>большинстве<br>задач                                              |                     |
|  | Владеть навыками приме-<br>нения математических методов<br>в профессиональной деятель-<br>ности | Решение при-<br>кладных за-<br>дач в кон-<br>кретной<br>предметной<br>области | Задачи реше-<br>ны в полном<br>объеме и по-<br>лучены вер-<br>ные ответы | Продемонстр<br>ирован вер-<br>ный ход ре-<br>шения всех,<br>но не получен<br>верный ответ<br>во всех зада-<br>чах | Продемонстр<br>ирован вер-<br>ный ход ре-<br>шения в<br>большинстве<br>задач | Задачи не<br>решены |

## 7.2 Примерный перечень оценочных средств (типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности)

### 7.2.1 Примерный перечень заданий для подготовки к тестированию

#### Первый семестр

- На координатной плоскости комплексное число изображается:
  - точкой или радиус-вектором
  - отрезком
  - плоской геометрической фигурой
  - заштрихованной частью плоскости
- Матрицы можно умножать
  - всегда
  - если число строк в первой матрице равно числу столбцов во второй
  - если число столбцов в первой матрице равно числу строк во второй
  - только квадратные
- Обратная матрица есть у
  - любой матрицы
  - любой квадратной матрицы
  - любой квадратной невырожденной матрицы
  - это редкое свойство, оно у матриц встречается индивидуально
- Если у неоднородной системы  $n$  линейных алгебраических уравнений с  $n$  неизвестными определитель равен нулю, то
  - ее можно решать по формулам Крамера
  - ее можно решать матричным методом
  - ее можно решать методом Гаусса
  - ее нельзя решать
- Векторное произведение равно нулю для
  - коллинеарных векторов
  - компланарных векторов
  - перпендикулярных векторов
  - оно не равно нулю, если векторы ненулевые.
- Смешанное произведение трех векторов равно
  - объему параллелепипеда, построенного на них
  - по модулю равно объему параллелепипеда, построенного на них
  - объему тетраэдра, построенного на них

Г) площади параллелограмма

7. Соответствие между уравнениями прямых на плоскости и их названиями:

1)  $y=kx+b$ . 2)  $Ax+Bx+C=0$ . 3)  $\frac{x-x_0}{p} = \frac{y-y_0}{q}$ .

4)  $\frac{x-x_1}{x_2-x_1} = \frac{y-y_1}{y_2-y_1}$ . 5)  $\begin{cases} x=pt+x_0, \\ y=qu+y_0. \end{cases}$  6)  $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$ .

а) параметрическое уравнение; б) уравнение прямой, проходящей через две данные точки; с) каноническое уравнение; д) уравнение прямой в отрезках; е) с угловым коэффициентом; ф) общее уравнение.

8. Окружность – это геометрическое место точек плоскости, равноудаленных

- А) от данной точки этой же плоскости
- Б) от двух данных точек этой же плоскости
- В) от данной прямой и данной точки
- Г) правильный ответ не указан

9. Дифференциал равен

- А) угловому коэффициенту касательной к графику функции в точке касания
- Б) скорости изменения функции
- В) приращению ординаты касательной
- Г) производной в точке касания

10. Если для любого  $\varepsilon > 0$  существует  $N$  такое, что для любого  $x$  из  $|x| > N$  следует  $|f(x)-a| < \varepsilon$ , то

А)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = \infty$ ; Б)  $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = a$ ; В)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = -\infty$ ; Г)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = 0$ ; Д)  $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = a$ .

11. Из непрерывности функции

- А) следует дифференцируемость
- Б) не следует дифференцируемость
- В) следует непрерывность производной

12. С помощью правила Лопиталья

- А) раскрывают любые неопределенности при вычислении пределов
- Б) раскрывают неопределенность  $0/0$ , бесконечность/бесконечность при вычислении пределов
- В) находят производные
- Г) находят приращения

13. Если пределы функции слева и справа в точке разрыва конечны и не равны, то это

- А) устранимая точка разрыва
- Б) точка разрыва первого рода
- В) точка разрыва второго рода.

14. Второй дифференциал функции  $f(x)$  в точке  $x$  имеет вид

А)  $df(x) \cdot \Delta x$ ; Б)  $f(x)dx^2$ ; В)  $d(f(x \cdot \Delta x))$ ; Г)  $d^2 f(x) \cdot \Delta x$ ; Д)  $f''(x)dx^2$ .

15. Для дифференцируемой функции  $f(x)$  из приведенных условий выбрать необходимое условие точки перегиба:

а)  $f'(x_0) > 0$ ; б)  $f'(x_0) < 0$ ; в)  $f''(x_0) > 0$ ; г)  $f''(x_0) < 0$ ; д)  $f'(x_0) = 0$ ; е)  $f''(x_0) = 0$ .

**Второй семестр**

1. Одна из первообразных для функции  $\sin(5x-7)$  имеет вид

- 1)  $5\cos(5x-7)$ ; 2)  $3-5\cos(5x-7)$ ; 3)  $1-\frac{1}{5}\cos(5x-7)$ ; 4)  $-2\cos(5x-7)$ ; 5)  $\frac{1}{5}\cos(5x-7)-2$ .

2. Несобственный интеграл  $I = \int_0^{\infty} x e^{-x^2} dx$

- 1) расходится; 2)  $I = \frac{1}{2}$ ; 3)  $I = 1$ ; 4)  $I = 0$ ; 5)  $I = -1$ .

3. Частная производная функции  $z = \operatorname{tg} \frac{x}{y}$  по  $y$  в точке  $M(\pi, 1)$  равна

- 1) 0; 2)  $\frac{1}{\pi}$ ; 3) 1; 4)  $-\pi$ ; 5)  $\pi+1$ .

4. Двойной интеграл по определению это

- А) два повторных  
Б) предел интегральных сумм  
В) предел интегральных сумм по некоторой правильной области  
Г) предел интегральных сумм при условии, что он существует и не зависит от способа разбиения области.

5. Двойной интеграл  $\iint_D f(x, y) dy$  по области  $D$  ограничен линиями

$y = e^{x-1}$ ,  $x = 2$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$  равен повторному

- 1)  $\int_0^1 dx \int_0^{\frac{1}{e}} f(x, y) dy$ ; 2)  $\int_0^1 dy \int_0^{1+\ln y} f(x, y) dx$ ; 3)  $\int_0^2 dx \int_0^{e^{x-1}} f(x, y) dy$ ; 4)  $\int_0^1 dy \int_0^2 f(x, y) dx$ ;  
5)  $\int_0^2 dx \int_0^{e^x} f(x, y) dy$ .

6. Площадь области  $D$ , ограниченной кривыми:  $x^2 + y^2 = 1$ ,  $x^2 + y^2 = 4$ ,  $y \geq 0$  выражается повторным интегралом

- 1)  $\int_0^{\pi} d\varphi \int_0^2 \rho d\rho$ ; 2)  $\int_0^{\pi} d\varphi \int_1^2 \rho d\rho$ ; 3)  $\int_0^{\pi} d\varphi \int_1^2 d\rho$ ; 4)  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} d\varphi \int_0^2 \rho d\rho$ ; 5)  $\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} d\varphi \int_1^4 \rho d\rho$ .

7. Интеграл  $\int \frac{dx}{x + \sqrt{x+6}}$  после подстановки  $x+6 = t^2$  примет вид

- а)  $\int \frac{2dt}{t^2+t}$ ; б)  $\int \frac{2t}{t^2+t-6} dt$ ; в)  $\int \frac{2dt}{t^2+t+6}$ ; г)  $\int \frac{2dt}{t^2+6}$ .

8. Среди перечисленных интегралов укажите все, которые вычисляются с помощью формулы интегрирования по частям:

- а)  $\int \cos^3 x dx$ ; б)  $\int x \cos x dx$ ; в)  $\int x \cos x^2 dx$ ; г)  $\int x e^x dx$ ;  
д)  $\int x e^{x^2} dx$ ; е)  $\int x \ln x dx$ ; ж)  $\int \frac{e^{\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} dx$ .

9. Формула Грина связывает

- А) любой криволинейный интеграл с двойным;  
Б) криволинейный интеграл 1-го рода по замкнутому контуру с двойным интегралом по

- области, ограниченной этим контуром;  
 В) криволинейный интеграл 2-го рода по замкнутому контуру с двойным интегралом по области, ограниченной этим контуром;  
 Г) криволинейный интеграл по замкнутому контуру с поверхностным интегралом по поверхности, натянутой на этот контур;
10. Физический смысл криволинейного интеграла 1-го рода:  
 А) площадь фигуры  
 Б) работа переменной силы вдоль линии  
 В) заряд, распределенный вдоль линии  
 Г) среднее значение функции на линии
11. Полный дифференциал функции  $f(xy) = \frac{x}{y^2}$  в точке  $M(1,1)$  равен  
 1)  $dx - 2dy$ ; 2)  $2dx - dy$ ; 3)  $2dx + dy$ ; 4)  $dx - \frac{dy}{2}$ ; 5)  $dx + 2dy$ .
12. Общим решением дифференциального уравнения  $y'' + y' = 0$  является  
 1)  $ce^{-x}$   
 2)  $c_1 + c_2e^{-x}$   
 3)  $c_1e^x + c_2e^{-x}$   
 4)  $c_1 \sin x + c_2 \cos x$
13. Частным решением дифференциального уравнения является функция  
 $y'' - 2y' + 2y = x - x^2$  1)  $y = -x^3 - 3/2x^2 - 2x$   
 $y'' - 2y' = 6x^2 + 1$  2)  $y = 2x + 3$   
 $y'' + 4y = 8x + 12$  3)  $y = -1/2(x^2 + x)$
14. Установите соответствие между дифференциальными уравнениями первого порядка и их названиями  
 1)  $ydx + (2\sqrt{xy} - x)dy = 0$ ; 2)  $(x^2 + y^2 + 2x)dx + 2xydy = 0$ ;  
 3)  $(xy^2 + x)dx + (x^2y - y)dy = 0$ ; 4)  $(x^2 + y)dx - xdy = 0$ .  
 а) с разделяющимися переменными; б) однородное;  
 в) линейное; г) в полных дифференциалах.
15. Частное решение линейного дифференциального уравнения  $y'' - 4y = 3\cos 2x$  следует искать в виде  
 а)  $\bar{y} = e^x(A\cos 2x + B\sin 2x)$ ; б)  $\bar{y} = x(A\cos 2x + B\sin 2x)$ ;  
 в)  $\bar{y} = (Ax + B)\cos 2x + C\sin 2x$ ; г)  $\bar{y} = A\cos 2x + B\sin 2x$ ;  
 д)  $\bar{y} = (Ax + B)\cos 2x + (Cx + D)\sin 2x$ .

### Третий семестр

1. Необходимый признак сходимости числового ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$  записывается в виде

$$\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = 0$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} u_n \neq 0$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} u_n < 0$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} u_n > 0$$

2. Числовой ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n^2 + 1)^p}$  сходится при

$$1) p > 1; \quad 2) p < 2; \quad 3) p > \frac{1}{2}; \quad 4) p \geq 2; \quad 5) p < \frac{3}{2}.$$

3. Областью сходимости степенного ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{3^n}$  является интервал

$$1) [-3,3]; \quad 2) (-3,3); \quad 3) [-3,3]; \quad 4) (-3,3]; \quad 5) \left(-\frac{1}{3}, \frac{1}{3}\right).$$

4. Найти взаимное соответствие между функциями 1)  $e^x$ ; 2)  $\cos x$ ; 3)  $\sin x$ ; 4)  $\ln(1+x)$  и их разложением в степенной ряд:

$$\uparrow \quad x - \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} - \frac{x^4}{4} + \dots + (-1)^{n-1} \frac{x^n}{n} + \dots$$

$$\uparrow \quad 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \dots + (-1)^n \frac{x^{2n}}{(2n)!} + \dots$$

$$\uparrow \quad x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \dots + (-1)^{n-1} \frac{x^{2n-1}}{(2n-1)!} + \dots$$

$$\uparrow \quad 1 + \frac{1}{1!} + \frac{1}{2!} + \frac{1}{3!} + \dots + \frac{1}{n!} + \dots$$

5. Если у функции комплексного переменного в точке  $z_0$  полюс второго порядка, то ряд Лорана в окрестности этой точки

- А) не имеет главной части
- Б) не имеет правильной части
- В) имеет бесконечную главную часть
- Г) в главной части имеет не более двух членов

6. Вычет функции относительно точки  $z_0$  равен

- А) всегда нулю
- Б) коэффициенту  $c_{-1}$  разложения функции в ряд Лорана в окрестности этой точки
- В) коэффициенту  $c_1$  разложения функции в ряд Лорана в окрестности этой точки
- Г) не связан с разложением функции в ряд Лорана

7. Четные периодические функции раскладываются в ряд Фурье

- А) по синусам
- Б) по косинусам
- В) и по синусам и по косинусам
- Г) вообще не раскладываются

8. Является ли функция  $f(t) = e^{2t}$  оригиналом? Если да, то указать показатель роста.

- А) да,  $\ln 2$ ;
- Б) да, 1;
- В) да, 2;
- Г) нет.

9. Когда применяется классический способ задания вероятности:

- а) пространство элементарных событий бесконечно, все события равновозможные и независимые;
- б) пространство элементарных событий замкнуто, все события независимы;
- в) пространство элементарных событий конечно, все события равновозможные;
- г) пространство элементарных событий конечно, все элементарные события независимы.

10. Когда применяется геометрический способ задания вероятности:

- а) пространство элементарных событий бесконечно, все события равновозможные и независимые;
- б) пространство элементарных событий замкнуто, все события независимы;
- в) пространство элементарных событий конечно, все события равновозможные;
- г) пространство элементарных событий конечно, все элементарные события независимы.

11. Функция распределения вероятностей случайной величины:
  - а) невозрастающая;
  - б) неубывающая;
  - в) возрастающая;
  - г) убывающая.
12. Сущность предельных теорем и закона больших чисел заключается:
  - а) в определении числовых характеристик случайных величин при большом числе наблюдаемых данных;
  - б) в поведении числовых характеристик и законов распределения наблюдаемых значений случайных величин;
  - в) в определении области применения нормального закона распределения случайных величин при сложении большого количества случайных величин;
  - г) в поведении числовых характеристик и законов распределения случайных величин при увеличении числа наблюдений и опытов.
13. Коэффициент корреляции случайных величин характеризует:
  - а) степень независимости между случайными величинами;
  - б) степень нелинейной зависимости между случайными величинами;
  - в) степень линейной зависимости между случайными величинами;
  - г) степень регрессии между случайными величинами.
14. Статистической гипотезой называют:
  - а) предположение относительно статистического критерия;
  - б) предположение относительно параметров или вида закона распределения генеральной совокупности;
  - в) предположение относительно объема генеральной совокупности;
  - г) предположение относительно объема выборочной совокупности.
15. К оценкам генеральной совокупности предъявляются следующие требования:
  - а) Оценка должна быть стационарной, эргодичной и эффективной;
  - б) Оценка должна быть состоятельной, эргодичной и эффективной;
  - в) Оценка должна быть состоятельной, стационарной и эргодичной;
  - г) Оценка должна быть состоятельной, эффективной и несмещенной.

### 7.2.2 Примерный перечень заданий для решения стандартных задач Первый семестр

1. Решить систему линейных уравнений методом Крамера:

$$2x_1 - 3x_2 + x_3 = -7$$

$$x_1 + 4x_2 + 2x_3 = -1$$

$$x_1 - 4x_2 = -5.$$

2. Исследовать систему и решить методом Гаусса

$$\begin{cases} x_1 - x_2 + x_3 - x_4 = -2 \\ x_1 + 2x_2 - 2x_3 - x_4 = -5 \\ 2x_1 - x_2 - 3x_3 + 2x_4 = -1 \\ x_1 + 2x_2 + 3x_3 - 6x_4 = -10 \end{cases}$$

3. Вычислить  $(1-i)^{10}$ .

4. Даны точки A(1, 2, 3), B(-1, 0, 2), C(0, 1, -1), D(2, -3, 0). Найти:

- 1) орт вектора AB,
- 2) Направляющие косинусы вектора CB,
- 3) Проекцию вектора AB на вектор CB,

- 4) Угол между векторами АВ и АС,
- 5) Площадь треугольника ABC,
- 6) Объем пирамиды ABCD,
- 7) Длину высота треугольника ABC, опущенную из С на АВ,
- 8) Высоту в пирамиде, опущенную из D на ABC,
- 9) Лежат ли точки A,B,C,E в одной плоскости, если E(-1,1,2).

5. Найти координаты вектора  $\mathbf{x} = \{1, 2, 4\}$  в базисе  $(\mathbf{e}'_1, \mathbf{e}'_2, \mathbf{e}'_3)$ , если он задан в базисе  $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2, \mathbf{e}_3)$  и

$$\begin{cases} \mathbf{e}'_1 = \mathbf{e}_1 + \mathbf{e}_2 + 3\mathbf{e}_3, \\ \mathbf{e}'_2 = (3/2)\mathbf{e}_1 - \mathbf{e}_2, \\ \mathbf{e}'_3 = -\mathbf{e}_1 + \mathbf{e}_2 + \mathbf{e}_3, \end{cases}$$

6. Привести квадратичную форму к каноническому виду ортогональным преобразованием  $2x_1^2 + 2x_2^2 + 2x_3^2 + 8x_1x_2 + 8x_1x_3 - 8x_2x_3$ .

7. Найти пределы

$$1) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^4 - x}{x^2 + x - 2}; 2) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{1+x+x^2} - \sqrt{7+2x-x^2}}{x^2 - 2x}; 3) \lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{5x-2}{5x+2} \right)^x; 4) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 4x}{2x \cdot \operatorname{tg} 2x}$$

8. Найти производные функций:

$$1) y = \frac{x^4 + x}{x^3 + 1}; 2) y = 3^{\operatorname{tg} 4x}; 3) y = \ln \cos 7x; 4) y = \sqrt{x^3 + 2x + 3}; 5) y = (x^4 + 1) \sin^2 3x.$$

9. Найти точку пересечения прямой и плоскости, если  $\frac{x}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+1}{2}$ ,  $x + 2y + 3z - 29 = 0$ .

10. Найти интервалы выпуклости, вогнутости и точки перегиба кривой

$$y = \sqrt[3]{4x^3 - 12x}$$

11. Найти точки экстремума и асимптоты кривой

$$y = \frac{16}{x(4 - x^2)}$$

12. Вычислить приближенно  $\arccos(0,9)$ .

## Второй семестр

1. Вычислить интегралы:

$$1) \int \frac{(6x-1)}{x^2 - 6x + 13} dx \quad 2) \int (7x-10) \cos 4x dx$$

$$3) \int \frac{(\arctg x)^4 + 1}{1 + x^2} dx \quad 4) \int \frac{x^3 + x + 2}{(x+2)x^3} dx$$

2. Вычислить интеграл

$$1) \int_2^4 \left( \frac{3}{x} - \frac{6}{x^2} - \sin \frac{\pi x}{8} \right) dx. \quad 2) \int_0^{\pi/2} x \sin 3x dx.$$

3. Вычислить длину дуги кривой  $y = 2 - e^x$ ,  $\ln \sqrt{3} \leq x \leq \ln \sqrt{8}$ .

4. Вычислить площадь сегмента, отсекаемого прямой  $y = -x$  от параболы  $y = 2x - x^2$ .

5. Вычислить частные производные 1-го порядка и дифференциал функции двух переменных:

$$f = \frac{x(x-y)}{y^2}.$$

6. Исследовать функцию  $z = x^2 + xy + y^2 + x - y + 1$  на экстремум.

7. Изменить порядок интегрирования.

$$\int_{-\sqrt{2}}^{-1} dx \int_{-\sqrt{2-x^2}}^0 f dy + \int_{-1}^0 dx \int_x^0 f dy.$$

8. Вычислить

$$\iint_D (x^2 y + 3xy^2) dx dy$$

$$D: x = -1, x = 1, y = 1, y = 2.$$

9. Найти площадь фигуры, ограниченной данными линиями:

$$y^2 - 2y + x^2 = 0,$$

$$y^2 - 10y + x^2 = 0,$$

$$y = \frac{1}{\sqrt{3}}x, y = \sqrt{3}x.$$

10. Вычислить  $\iiint_V y \cos(y+z) dx dy dz$ , если  $V: y = \sqrt{x}, y = 0, z = 0, x + y = \frac{\pi}{2}$ .

11. Решить дифференциальные уравнения.

$$1) y' = (1 + y^2)x^2; \quad 2) y' = \frac{y^2}{x^2} + 4\frac{y}{x} + 2. \quad 3) y' + xy = (x-1)e^x y^2.$$

12. Найти решение задачи Коши

$$y' - y/x = x^2, \quad y(1) = 0.$$

13. Найдите общее решение дифференциального уравнения

$$1) y'' - 2y' - 8y = 80 \cos 2x,$$

$$2) y'' - 6y' + 13y = 25xe^{2x},$$

14. Решить задачу Коши  $y'' - 4y' + 4y = -x^2 + 3x, y(0) = 3, y'(0) = 4/3$ .

15. Решить систему дифференциальных уравнений

$$\begin{cases} \dot{x} = 4x + 3, \\ \dot{y} = x + 2y; \end{cases} \quad x(0) = -1, y(0) = 0.$$

### Третий семестр

1. Вычислить интеграл с точностью 0,0001:  $\int_0^{0,5} \sin x^3 dx$ .

2. Найти радиус сходимости и интервал сходимости степенного ряда

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-5)^n}{n^n}.$$

3. Исследовать на сходимость ряды:

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n \cdot 3^{n+2}}{5^n}; \quad 2) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{2n+3}.$$

4. Вычислить интеграл  $\int_{-\infty}^{\infty} \frac{dx}{(x^2+1)^2}$ .

5. Продолжая функцию  $f(t)$  четным или нечетным образом, разложить ее в ряд Фурье по косинусам.

$$f(t) = t^2 + t \text{ на } [-\pi; 0].$$

6. Найти изображение данного оригинала.  $f(t) = e^{3t} \cos 2t + \operatorname{sh} \frac{t}{4} + t^2 e^{3t}$ .

7. Найти оригинал по заданному изображению с помощью свойств преобразования Лапласа.

$$F(p) = \frac{2e^{-3p}}{(p-4)^2}.$$

8. Решить систему дифференциальных уравнений операционным методом:

$$\begin{cases} x' = x + 3y + 2, \\ y' = x - y + 1; \end{cases}$$

$$x(0) = -1, \quad y(0) = 2.$$

9. Экзаменационный билет для письменного экзамена состоит из 10 вопросов – по 2 вопроса из 20 по каждой из пяти тем, представленных в билете. По каждой теме студент подготовил лишь половину всех вопросов. Какова вероятность того, что студент сдаст экзамен, если для этого необходимо ответить хотя бы на один вопрос по каждой из пяти тем в билете?

10. Прибор может собираться из высококачественных деталей и из деталей обычного качества. Известно, что около 40 % приборов собирается из высококачественных деталей, при этом вероятность безотказной его работы за время  $t$  равна 0,95. Если прибор собран из деталей обычного качества, эта вероятность равна 0,7. Прибор испытывался в течение времени  $t$  и работал безотказно. Найти вероятность того, что он собран из высококачественных деталей.

11. Дан закон распределения дискретной случайной величины  $X$ . Найти математическое ожидание, дисперсию и среднеквадратическое отклонение. Построить график функции распределения.

|     |     |     |     |     |     |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| $X$ | 45  | 70  | 95  | 120 | 145 |
| $p$ | 0.1 | 0.2 | 0.5 | 0.1 | 0.1 |

12. Задана функция распределения  $F(x)$  случайной величины  $X$ . Найти плотность распределения вероятностей  $f(x)$ , математическое ожидание, дисперсию, среднее квадратическое отклонение и вероятность попадания случайной величины на отрезок  $[0,1]$ . Построить графики функции распределения и функции плотности распределения.

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0, \\ x^3/8, & 0 \leq x \leq 2, \\ 1, & x > 2. \end{cases}$$

13. Рассматривается двумерная случайная величина  $(X, Y)$ , где  $X$  – поставка сырья,  $Y$  – поступление требования на него. Известно, что поступление сырья и поступление требования на него могут произойти в любой день месяца (30 дней) с равной вероятностью. Определить:

а) выражение совместной плотности и функции распределения двумерной случайной величины  $(X, Y)$ ,

б) плотности вероятности и функции распределения одномерных составляющих  $X$  и  $Y$ ;

в) зависимы или независимы  $X$  и  $Y$ ;

г) вероятности того, что поставка сырья произойдет до и после поступления требования.

14. Задана совместная плотность распределения двумерной случайной величины  $(X, Y)$ :

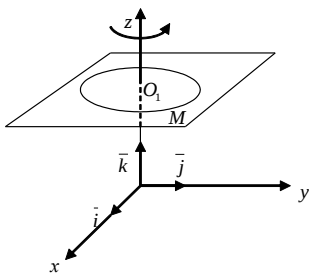
$$f(x, y) = \frac{20}{\pi^2(16 + x^2)(25 + y^2)}.$$

Найти функцию распределения  $F(x, y)$ .

## 7.2.3 Примерный перечень заданий для решения прикладных задач

### Первый семестр

1. Записать разложение силового вектора  $\vec{F}$  по базису  $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$ , зная, что сила  $\vec{F}$  приложена к точке  $M(x, y, z)$  и направлена к началу координат, а величина силы  $\vec{F}$  прямо пропорциональна расстоянию от точки  $M$  до начала координат. Коэффициент пропорциональности равен  $k$ .
2. Вектор  $\vec{E}$  приложенный в произвольной точке пространства  $M$  имеет направление радиус-вектора  $\vec{r} = \vec{OM}$  и длину  $|\vec{E}| = \frac{q}{r^2}$ ,  $r = |\vec{r}|$ ,  $q > 0 - const$ . Как записать вектор  $\vec{E}$ ? С каким физическим законом связан вектор  $\vec{E}$ ?
3. К точке  $O$  приложены силы  $\vec{F}_i$ ,  $i = 1, 2, 3, 4$ , одинаковой величины  $|\vec{F}_i| = F$ . Зная, что  $(\vec{F}_1, \vec{F}_2) = (\vec{F}_2, \vec{F}_3) = (\vec{F}_3, \vec{F}_4) = 72^\circ$ , найти значение и направление равнодействующей.
4. Найти центр тяжести системы, состоящей из двух материальных точек  $A_1$  и  $A_2$ , в которых сосредоточены массы  $m_1$  и  $m_2$ . Радиус-векторы точек  $A_1$  и  $A_2$  соответственно равны  $\vec{r}_1$  и  $\vec{r}_2$ .
5. Найти величину равнодействующей двух сил, приложенных к одной точке, зная величину составляющих сил и угол между ними.  
Решить задачу для случая трех составляющих сил, предполагая известными величины этих сил и три угла между направлениями сил, взятых попарно.
6. Пусть электрон, заряд которого равен  $e$ , движется со скоростью  $\vec{v}$  в магнитном поле постоянной напряженности  $\vec{H}$ . В таком случае на электрон действует отклоняющая сила  $\vec{F}$ , определяемая формулой  $\vec{F} = \frac{e}{c}[\vec{v} \times \vec{H}]$ , где  $c$  – скорость света. Найти величину силы  $\vec{F}$ .
7. Три силы  $\vec{F}_1, \vec{F}_2, \vec{F}_3$ , приложены в одной точке, имеют взаимно перпендикулярные направления,  $F_i = |\vec{F}_i|$ ,  $i = 1, 2, 3$ . Определить величину их равнодействующей  $\vec{F}$  и работу, которую она совершает, когда ее точка приложения, двигаясь прямолинейно, перемещается из начала в конец вектора  $\vec{F}_3$ .
8. Пусть вращательное движение жидкости вокруг оси  $Oz$  задано вектором угловой скорости  $\vec{\omega} = \omega \vec{k}$ . Радиус-вектор частицы жидкости, находящейся в точке  $M(x, y, z)$  относительно центра ее вращения, обозначим через  $\vec{\rho}$ . Вектор  $\vec{v}(M) = [\vec{\omega} \times \vec{\rho}]$  является вектором линейной скорости вращающейся частицы жидкости.



центра ее вращения, обозначим через  $\vec{\rho}$ . Вектор  $\vec{v}(M) = [\vec{\omega} \times \vec{\rho}]$  является вектором линейной скорости вращающейся частицы жидкости.

1) Показать на чертеже векторы  $\vec{\omega}, \vec{\rho}, \vec{v}$ .

2) Найти разложение вектора  $\vec{v}$  по базису  $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$  и значение  $|\vec{v}|$ .

9. Закон изменения тока в электромагните без шунта определяется формулой

$i(t) = \frac{E}{R_1 + R_2} (1 - e^{-\frac{L}{R_1 + R_2} t})$ . Считая все параметры этой формулы постоянными, найти скорость тока в момент времени  $t = 0$ .

10. Сила действия кругового электрического тока на небольшой магнит, ось которого расположена на перпендикуляре к плоскости круга, проходящем через его центр, выражается формулой  $F = \frac{cx}{(a^2 + x^2)^{3/2}}$ , где  $c = \text{const}$ ,  $x$  – расстояние от центра круга до магнита ( $0 < x < \infty$ ),  $a$  – радиус круга. При каком значении  $x$  величина  $F$  будет наибольшей?
11. Движение материальной точки происходит по закону  $S = Ae^{-kt} \sin \omega t$ , ( $A, k, \omega > 0$ ), который называется законом затухающих колебаний. Найти скорость движения, ускорение и силу, под действием которой происходит это движение.
12. В полушар радиусом  $R$  вписать прямоугольный параллелепипед наибольшего объема.

### Второй семестр

1. Напряжение синусоидального тока дается формулой  $E(t) = E_0 \sin \frac{2\pi t}{T}$ , а ток формулой  $J(t) = J_0 \sin(\frac{2\pi t}{T} - \varphi_0)$ , где  $E_0$  и  $J_0$  – постоянные величины;  $T$  – период;  $\varphi_0$  – так называемая разность фаз. Вычислить работу тока за время от  $t_1 = 0$  до  $t_2 = T$ .
2. Вычислить координаты центра масс однородной плоской фигуры, ограниченной линиями  $y = 6 - x^2$ ,  $y = 2$ .
3. В электростатическом поле, образованном системой распределенных зарядов, потенциал электростатического поля изменяется по закону  $\varphi = \frac{x^2}{a} + \frac{y^2 + z^2}{b}$ , где  $a, b$  — постоянные величины. Найти законы изменения напряженности электростатического поля вдоль осей координат.
4. Температура в некотором объеме газа за счет нескольких источников теплоты распределяется по закону  $T = \frac{A}{x^2} + \frac{B}{y} + \frac{C}{z}$ , где  $A, B, C$  — постоянные величины. Получить выражение для теплового потока в единицу времени через малую площадку  $S$ , расположенную параллельно плоскости  $YOZ$ . Коэффициент теплопроводности газа в пределах малой площадки считать постоянным и равным  $k$ .
5. Найти моменты инерции  $I_x$  и  $I_y$  относительно осей  $Ox$  и  $Oy$  однородной пластинки с плотностью  $\rho = \rho_0$ , ограниченной кривыми:  
 $y = 0$ ,  $y = x$ ,  $y = 2 - x$ ;
6. Найти суммарный заряд равномерно заряженного по объему тела, представляющего собой эллипсоид с полуосями  $a, b, c$ , если объемная плотность заряда равна  $\rho$ .
7. Вычислить массу тонкого стержня, согнутого в виде дуги параболы  $y = 2x^2$  один конец которого совпадает с началом координат, а второй – с точкой  $B$  (1 м, 2 м), если его линейная плотность изменяется по закону  $\rho = \sqrt{1 + 16x^2}$  (кг/м).
8. Вычислить полный заряд проводника, имеющего форму первого витка логарифмической

спирали  $r = e^{\phi}$ , если линейная плотность заряда на проводнике постоянна и равна  $\lambda$ .

9. Найти массу части конической поверхности  $x^2 + y^2 = z^2$ , для которой  $0 \leq z \leq 2$  м, если поверхностная плотность материала, из которого она изготовлена,  $\rho = 3R$  (кг/м), где  $R$  – радиус конуса на высоте  $z$ .

$$\vec{a} = y\vec{i} + x\vec{j} + e^z\vec{k}.$$

10. Вычислить работу силы  $\vec{F} = z\vec{i} + (x+z)\vec{k}$  (Н) при перемещении материальной точки из начала координат в точку с координатами  $x = 1$  м,  $z = 1$  м по параболе. Проверить, является ли эта сила консервативной.
11. Ускорение материальной точки изменяется по закону  $\vec{a} = At^2\vec{i} - B\vec{j}$ , где  $A = 3$  м/с<sup>4</sup>;  $B = 3$  м/с<sup>2</sup>. На каком расстоянии от начала координат будет находиться материальная точка в момент времени  $t = 1$  с, если в начальный момент времени она находилась в начале координат и ее начальная скорость равнялась нулю?
12. Материальная точка движется в плоскости  $xOy$  со скоростью  $\vec{v} = Ay\vec{i} - Bx\vec{j}$ , где  $A, B$  ( $A > B$ ) – положительные константы. Определить вид траектории материальной точки, если в начальный момент времени она находилась в точке с координатами  $x = x_0 > 0, y = 0$ .
13. Электрическая цепь состоит из последовательно включенных источника постоянного тока, дающего напряжение  $V$ , сопротивления  $R$ , самоиндукции  $L$  и выключателя, который включается при  $t = 0$ . Найти зависимость силы тока от времени (при  $t > 0$ ).
14. Парашютист, масса которого вместе со снаряжением составляет 100 кг, делает затяжной прыжок с начальной скоростью  $v_0 = 0$ . Найти закон изменения его скорости до раскрытия парашюта, если сила сопротивления воздуха пропорциональна скорости движения парашюта:  $\vec{F}_c = -k\vec{v}$ , где  $k = 20$  кг/с. Вычислить максимальную скорость движения парашютиста.
15. Вывести закон радиоактивного распада ядер, считая, что в момент времени  $t = 0$  число ядер было  $N_0$  и постоянная распада ядер равна  $\lambda$ .

### Третий семестр

1. Сигнал  $f(t)$  представить рядом Фурье в комплексной форме. Воспользовавшись полученным разложением, записать ряд Фурье в действительной форме.

$$f(t) = \begin{cases} 0, & \text{если } -\pi \leq t < 0 \\ e^{-t}, & \text{если } 0 \leq t \leq \pi \end{cases}, \quad f(t+2\pi) = f(t).$$

2. Для импульса  $f(t)$  получить прямое преобразование Фурье, найти амплитудный и фазовый спектр.

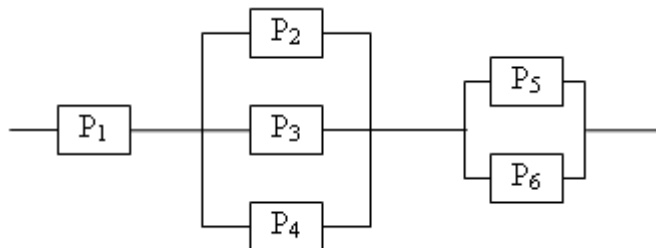
$$f(t) = \begin{cases} 2, & \text{если } 0 \leq t \leq 2 \\ 0, & \text{если } t < 0 \text{ и } t > 2 \end{cases}.$$

3. Определить вид сигнала на временном интервале  $(0, \infty)$ , синус преобразование которого равно

$$\frac{2\pi\omega}{1+\omega^2}.$$

4. В цепи, состоящей из самоиндукции  $L$  и ёмкости  $C$ , включенных последовательно, в момент времени  $t = 0$  приложена электродвижущая сила  $\varepsilon = E(t)$ . В начальный момент времени  $t = 0, I(t) = 0, q(t) = 0$ . Найти  $I(t)$ , если а)  $E(t) = \sin \omega t$ ; б)  $E(t) = \cos \omega t$ . Выяснить при каких условиях в контуре возникает резонанс.

5. Определить надежность схемы, если  $P_i$  – надежность  $i$  – го элемента



6. В низковольтных электрических сетях 0,4 кВ в течение четырех часов с дискретностью  $\Delta t = 15$  мин. производились измерения величины тока нагрузки (табл.). Какова вероятность того, что за период измерений величина не превысила 15 А.

| Часовые интервалы | Величина тока нагрузки, А |    |    |    |
|-------------------|---------------------------|----|----|----|
| 10:00 – 11:00     | 13                        | 15 | 14 | 20 |
| 11:00 – 12:00     | 9                         | 14 | 12 | 16 |
| 12:00 – 13:00     | 17                        | 24 | 13 | 14 |
| 13:00 – 14:00     | 13                        | 9  | 7  | 11 |

7. Скорость  $V$  молекул идеального газа подчиняется распределению Максвелла:

$f(v) = \sqrt{\frac{2}{\pi}} \beta^{3/2} v^2 \exp\left(-\frac{1}{2} \beta v^2\right)$ ,  $v \geq 0$ ,  $\beta = \frac{m}{kT}$ . Молекула диссоциирует при ударе о стенку, если ее кинетическая энергия превышает энергию диссоциации  $E_d$ . Какая доля молекул способна к диссоциации? Оцените эту долю для  $E_d = 5kT$ .

8. Молекулы, адсорбированные на поверхности, при высоких температурах образуют двумерный идеальный газ. При этом скорость  $V$  молекулы – случайная величина, распределенная по закону Релея:  $f(v) = \frac{v}{\sigma^2} \exp\left(-\frac{v^2}{2\sigma^2}\right)$ ,  $v \geq 0$ ,  $\sigma^2 = \frac{kT}{m}$ . Найти среднее значение и флуктуацию

(СКО) кинетической энергии молекулы  $K = mv^2/2$ .

9. Амперметр со шкалой 0...5 А и классом точности 0,5 подключен через трансформатор тока (коэффициент трансформации 20/5, класс точности 0,2) к электрической цепи. Показания прибора – 4,1 А. Определить величину измеренного тока и предел основной допустимой погрешности.
10. Вероятность того, что суточный расход электроэнергии не превысит установленной нормы, равна 0,75. Найти вероятность того, что в ближайшие 6 суток расход электроэнергии в течение 4 суток не превысит нормы.
11. Найти вероятность того, что 80 из 400 цифровых вольтметров не будут соответствовать классу точности, если вероятность появления такого события в каждом испытании составляет 0,2.

## 7.2.4 Примерный перечень вопросов для подготовки к зачету с оценкой

### Первый семестр

1. Множества и операции над ними. Логическая символика.
2. Комплексные числа и действия над ними.
3. Тригонометрическая и показательная формы комплексного числа. Операции умножения и деления.
4. Формулы Эйлера и Муавра. Извлечение корня  $n$ -й степени из комплексного числа.

5. Многочлены. Теорема Гаусса.
6. Разложение рациональных дробей на простейшие дроби.
7. Матрицы. Действия над матрицами. Элементарные преобразования матриц.
8. Определители. Свойства определителей. Вычисление определителей 2-го, 3-го и  $n$ -го порядка.
9. Невырожденные квадратные матрицы. Обратная матрица. Ранг матрицы.
10. Системы  $n$  линейных уравнений с  $n$  неизвестными. Формулы Крамера.
11. Решение произвольных систем линейных уравнений. Метод Гаусса. Теорема Кронекера–Капелли.
12. Однородная система линейных уравнений. Фундаментальная система решений.
13. Векторы и линейные операции над ними. Проекция вектора на ось.
14. Разложение вектора по базису. Декартовы координат векторов и точек. Модуль вектора. Направляющие косинусы.
15. Скалярное произведение векторов, его основные свойства и приложения.
16. Векторное произведение векторов, его основные свойства и приложения.
17. Смешанное произведение трех векторов и его приложения.
18. Системы координат на плоскости. Преобразования декартовых систем координат.
19. Прямая на плоскости: Различные формы уравнения прямой.
20. Угол между прямыми на плоскости. Расстояние от точки до прямой.
21. Кривые второго порядка на плоскости: эллипс, гипербола и парабола, их характеристики.
22. Плоскость в пространстве: Различные формы уравнения плоскости. Угол между плоскостями. Расстояние от точки до плоскости.
23. Прямая в пространстве: Различные формы уравнения прямой в пространстве.
24. Поверхности второго порядка.
25. Линейные пространства. Размерность и базис линейного пространства.
26. Пространства со скалярным произведением. Ортогональный и ортонормированный базис.
27. Линейные операторы и действия с ними. Матрица линейного оператора.
28. Собственные значения и собственные векторы линейного оператора.
29. Линейные, билинейные и квадратичные формы. Матрица квадратичной формы.
30. Приведение квадратичной формы к каноническому виду.
31. Понятие функции. Числовые функции. Основные характеристики функции. Обратная функция. Сложная функция.
32. Числовые последовательности. Предел. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности. Предельные точки. Принцип Больцано–Вейерштрасса.
33. Предел функции. Односторонние пределы.
34. Бесконечно большие и бесконечно малые функции. Свойства пределов. Признаки существования пределов.
35. Замечательные пределы. Предел последовательности  $\left(1 + \frac{1}{n}\right)^n$ . Число  $e$ .
36. Эквивалентные бесконечно малые функции и их применение.
37. Непрерывность функции в точке. Классификация точек разрыва. Свойства функций, непрерывных на отрезке.
38. Производная функции, ее геометрический и механический смысл. Уравнения касательной и нормали к кривой.
39. Основные правила нахождения производных. Производная сложной и обратной функции.
40. Дифференцирование функций, заданных неявно и параметрически.
41. Дифференциал функции. Геометрический смысл дифференциала. Основные правила нахождения дифференциалов. Инвариантность формы первого дифференциала.
42. Производные и дифференциалы высших порядков.
43. Основные теоремы о дифференцируемых функциях.
44. Формулы Тейлора и Маклорена.
45. Раскрытие неопределенностей по правилу Лопиталя.
46. Условие монотонности функции. Экстремум функции. Необходимое и достаточное условия экстремума. Наибольшее и наименьшее значения непрерывной на отрезке функции.
47. Направление выпуклости функции. Точки перегиба.
48. Асимптоты функции. Общая схема исследования функции и построение ее графика.

## 7.2.5 Примерный перечень вопросов для подготовки к экзамену

### Второй семестр

1. Понятие о первообразной и неопределенном интеграле. Свойства неопределенного интеграла.
2. Интегрирование методами замены переменной и по частям.
3. Понятие определенного интеграла. Формула Ньютона–Лейбница. Основные свойства определенного интеграла. Производная интеграла по верхнему пределу.
4. Вычисление определенного интеграла методами замены переменной и по частям.
5. Несобственные интегралы 1 и 2 рода.
6. Геометрические и физические приложения определенного интеграла.
7. Понятие функции нескольких переменных. Область определения. Предел и непрерывность.
8. Частные производные и дифференциал функций нескольких переменных. Частные производные и дифференциалы высших порядков.
9. Дифференцирование сложных функций нескольких переменных. Полная производная. Дифференцирование неявных функций.
10. Приложения частных производных. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Формула и ряд Тейлора.
11. Экстремум функции нескольких переменных. Необходимые и достаточные условия экстремума.
12. Наибольшее и наименьшее значения функции в замкнутой области.
13. Условный экстремум. Метод множителей Лагранжа.
14. Двойной интеграл, его основные свойства. Сведение двойного интеграла к повторному в декартовой системе координат. Двойной интеграл в полярных координатах.
15. Тройной интеграл. Вычисление тройного интеграла в декартовых, цилиндрических и сферических координатах.
16. Основные приложения двойного и тройного интеграла.
17. Основные сведения о дифференциальных уравнениях. Основные уравнения 1-го порядка, интегрируемые в квадратурах. Теорема существования и единственности решения задачи Коши.
18. Дифференциальные уравнения высших порядков. Методы понижения порядка.
19. Линейные дифференциальные уравнения  $n$ -го порядка. Основные свойства.
20. Однородные и неоднородные линейные уравнения  $n$ -го порядка. Метод Лагранжа.
21. Линейные уравнения  $n$ -го порядка с постоянными коэффициентами.
22. Системы дифференциальных уравнений. Начальная задача. Нормальная линейная система. Метод исключения.
23. Понятие устойчивости решения дифференциального уравнения.

### Третий семестр

1. Числовые ряды. Сходимость и сумма. Необходимый признак. Свойства числовых рядов.
2. Абсолютная и условная сходимость. Признаки сходимости числовых рядов.
3. Область, непрерывная линия на комплексной плоскости. Понятие функции комплексного переменного.
4. Непрерывность и дифференцируемость функций комплексного переменного. Условия Коши–Римана. Аналитические функции.
5. Контурные интегралы от функции комплексного переменного. Теорема Коши.
6. Понятие неопределенного интеграла по комплексному переменному. Интегральная формула Коши.
7. Функциональные ряды. Область сходимости. Равномерная сходимость.
8. Степенные ряды на комплексной плоскости. Теорема Абеля. Радиус сходимости.
9. Ряд Тейлора. Теорема Тейлора. Разложение основных элементарных функций.
10. Ряд Лорана. Теорема Лорана.
11. Изолированные особые точки функции и их классификация.
12. Вычеты функции и способы их вычисления.
13. Основная теорема Коши о вычетах функции.
14. Вычисление определенных интегралов с помощью вычетов.
15. Тригонометрические системы функций. Ряды Фурье и их свойства.
16. Комплексная форма ряда Фурье. Тождество Парсеваля. Теорема Дирихле.

17. Интеграл Фурье. Преобразование Фурье. Действительная форма преобразования Фурье.
18. Преобразование Лапласа. Оригинал. Изображение.
19. Основные свойства преобразования Лапласа.
20. Теорема обращения. Восстановление оригинала по его изображению.
21. Решение неоднородных линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами операционным методом.
22. Случайные события. Операции над событиями.
23. Частота событий и ее свойства.
24. Классическое, статистическое и геометрическое определения вероятности случайного события.
25. Теоремы сложения и умножения вероятностей.
26. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
27. Последовательность независимых испытаний (схема Бернулли).
28. Случайные величины. Закон распределения случайной величины.
29. Функция распределения случайной величины.
30. Плотность распределения вероятностей случайной величины.
31. Числовые характеристики случайных величин.
32. Равномерный закон распределения.
33. Биномиальный закон распределения.
34. Распределение Пуассона. Простейший поток событий.
35. Нормальный закон распределения.
36. Случайные векторы. Их вероятностное описание.
37. Числовые характеристики случайного вектора. Свойства корреляционного момента.
38. Условные законы распределения. Признак независимости случайных величин.
39. Функции случайных величин.
40. Закон больших чисел. Неравенство Чебышева.
41. Предельные теоремы теории вероятностей (теорема Бернулли, центральная предельная теорема, интегральная и локальная теоремы Муавра–Лапласа).
42. Предмет и задачи математической статистики. Выборка и способы ее представления. Выборочное распределение, гистограмма, полигон, эмпирическая функция распределения. Выборочные моменты.
43. Точечные оценки и их свойства.
44. Интервальные оценки. Доверительные интервалы для параметров нормально распределенной генеральной совокупности.
45. Проверка статистических гипотез. Критерий согласия Пирсона.

#### **7.2.6. Методика выставления оценки при проведении промежуточной аттестации**

Экзамен и зачет с оценкой проводятся по билетам, каждый из которых содержит 2 вопроса и 3 задачи из разных разделов дисциплины. Каждый правильный ответ на вопрос оценивается 3 баллами. Задача оценивается в 4 балла, при допуске арифметической ошибки – 3 балла, при правильном ходе незаконченного решения – 2 балла, при продвижении в решении – 1 балл. Максимальное количество набранных баллов – 18. Экзамен для студентов проводится по смешанной системе (письменно-устно). Студент должен дать полный письменный ответ на билет. Затем преподаватель беседует со студентом. Возможны дополнительные вопросы.

1. Оценка «Неудовлетворительно» ставится, если правильные ответы только на теоретические вопросы или решены только практические задачи, или студент набрал менее 7 баллов.

2. Оценка «Удовлетворительно» ставится в случае, если студент набрал от 7 до 10 баллов

3. Оценка «Хорошо» ставится в случае, если студент набрал от 11 до 15 баллов.

4. Оценка «Отлично» ставится, если студент набрал от 16 до 18 баллов.

#### **7.2.7 Паспорт оценочных материалов**

| № | Контролируемые разделы (темы) | Код | Наименование оценочного |
|---|-------------------------------|-----|-------------------------|
|---|-------------------------------|-----|-------------------------|

| п/п | дисциплины                                                          | контролируемой компетенции | средства                    |
|-----|---------------------------------------------------------------------|----------------------------|-----------------------------|
| 1   | Элементы теории множеств и высшей алгебры                           | ОПК-2, УК-1                | Тест, зачёт с оценкой       |
| 2   | Аналитическая геометрия                                             | ОПК-2, УК-1                | Защита ИДЗ, зачёт с оценкой |
| 3   | Основы линейной алгебры                                             | ОПК-2, УК-1                | тест, зачёт с оценкой       |
| 4   | Введение в математический анализ                                    | ОПК-2, УК-1                | Защита ИДЗ, зачёт с оценкой |
| 5   | Дифференциальное исчисление функций одной действительной переменной | ОПК-2, УК-1                | Тест, ИДЗ, зачёт с оценкой  |
| 6   | Интегральное исчисление функций одной действительной переменной     | ОПК-2, УК-1                | Защита ИДЗ                  |
| 7   | Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных           | ОПК-2, УК-1                | Тест, экзамен               |
| 8   | Кратные интегралы                                                   | ОПК-2, УК-1                | Устный опрос, экзамен       |
| 9   | Обыкновенные дифференциальные уравнения                             | ОПК-2, УК-1                | Тест, экзамен               |
| 10  | Основы теории функций комплексного переменного                      | ОПК-2, УК-1                | Тест, экзамен               |
| 11  | Ряды                                                                | ОПК-2, УК-1                | Тест, защита ИДЗ            |
| 12  | Элементы гармонического анализа и операционного исчисления          | ОПК-2, УК-1                | Устный опрос, защита ИДЗ    |
| 13  | Теория вероятностей                                                 | ОПК-2, УК-1                | Тест, экзамен               |
| 14  | Основы математической статистики                                    | ОПК-2, УК-1                | Устный опрос, экзамен       |

### **7.3. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности**

Тестирование осуществляется, либо при помощи компьютерной системы тестирования, либо с использованием выданных тест-заданий на бумажном носителе. Время тестирования 30 мин. Затем осуществляется проверка теста экзаменатором и выставляется оценка согласно методике выставления оценки при проведении промежуточной аттестации.

Решение стандартных задач осуществляется, либо при помощи компьютерной системы тестирования, либо с использованием выданных задач на бумажном носителе. Время решения задач 30 мин. Затем осуществляется проверка решения задач экзаменатором и выставляется оценка, согласно методике выставления оценки при проведении промежуточной аттестации.

Решение прикладных задач осуществляется, либо при помощи компьютерной системы тестирования, либо с использованием выданных задач на бумажном носителе. Время решения задач 30 мин. Затем осуществляется проверка решения задач экзаменатором и выставляется оценка, согласно методике выставления оценки при проведении промежуточной аттестации.

## **8 УЧЕБНО МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ)**

## **8.1 Перечень учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины**

1. Курс математического анализа/Л. И. Камынин. Москва: Московский государственный университет имени М.В. Ломоносова, 2001, Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/13140.html> ЭБС “IPRbooks”
2. Математический анализ. Ч.І [Электронный ресурс] : учебное пособие / И. А. Антипова, И. И. Вайнштейн, Т. В. Зыкова [и др.]. — Электрон. текстовые данные. — Красноярск : Сибирский федеральный университет, 2018. — 196 с. — 978-5-7638-3326-3. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/84232.html>
3. Математический анализ. Ч.ІІ [Электронный ресурс] : учебное пособие / И. А. Антипова, И. И. Вайнштейн, Т. В. Зыкова [и др.]. — Электрон. текстовые данные. — Красноярск : Сибирский федеральный университет, 2018.—188с.—978-5-7638-3327-0.—Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/84231.html>
4. Бугров, Я.С. Высшая математика: В 3-х т.: Учебник. Т.1: Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии. — М.: Дрофа, 2008.
5. Бугров, Я.С. Высшая математика: В 3-х т.: Учебник. Т.2: Дифференциальное и интегральное исчисление. — М.: Дрофа, 2007.
6. Бугров, Я.С. Высшая математика: В 3-х т.: Учебник. Т.3: Дифференциальные уравнения. Кратные интегралы. Ряды. Функции комплексного переменного. — М.: Дрофа, 2004. — 512 с.
7. Письменный, Д.Т. Конспект лекций по высшей математике: Полный курс., испр. — М.: Айрис-Пресс, 2011. — 608 с.
8. Вентцель Е.С., Овчаров Л.А. Теория вероятностей и ее инженерные приложения: Учеб. пособие. — М. : Академия, 2003. — 464 с.
9. Сборник задач по математике для втузов. Под общ. ред. А.В. Ефимова, А.С. Поспелова. В 4 частях. Ч. I–IV. — М. : Изд-во физико-мат. лит., 2001–2003.
10. Кузнецов Л.А. Сборник заданий по высшей математике. Типовые расчеты: учебное пособие: — Санкт-Петербург; Москва; Краснодар: Лань, 2015. — 239 с.
11. Чудесенко В.Ф. Сборник заданий по специальным курсам высшей математики: типовые расчеты: учеб. пособие. — СПб.: Лань, 2007. — 192 с.
12. Дёжин В.В., Кострюков С.А. Функции комплексного переменного и их применение при физико-математическом моделировании: учеб. пособие [Электронный ресурс]. — Воронеж : ФГБОУ ВПО «Воронеж. гос. техн. университет», 2015.
13. Кострюков С.А., Пешков В.В., Шунин Г.Е., Шулгина В.А. Компьютерный практикум по методам вычислений: учеб. пособие. — Воронеж: Изд-во ВГТУ, 2018. — 179 с.

## **8.2 Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень лицензионного программного обеспечения, ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем:**

ПО: Windows XP и выше (*лицензионное*),  
Open Office, Acrobat Reader, Internet Explorer, Chrome, Google, Yandex (*свободно распространяемое*)

Для выполнения домашних заданий рекомендуется использовать  
Mathstudio, Maxima, [www.wolframalpha.com](http://www.wolframalpha.com), демо-версия Maple V

Современная профессиональная база данных  
[Mathnet.ru](http://Mathnet.ru), [t-library.ru](http://t-library.ru)

Электронная библиотечная система IPRbooks  
<http://www.iprbookshop.ru/>

Сайт библиотеки ВГТУ  
<http://catalog.vorstu.ru/>

Информационные справочные системы  
dist.sernam.ru, Wikipedia,  
<http://eqworld.ipmnet.ru/>, <http://m.mathnet.ru/>, <http://eios.vorstu.ru/>

## 9 МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКАЯ БАЗА, НЕОБХОДИМАЯ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА

Для проведения лекционных и практических занятий необходима учебная аудитория, оснащенная техническими средствами для проведения занятий по математике. Также требуются персональные компьютеры с выходом в Интернет.

## 10. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

По дисциплине «Математика» читаются лекции, проводятся практические занятия.

Основой изучения дисциплины являются лекции, на которых излагаются наиболее существенные и трудные вопросы, а также вопросы, не нашедшие отражения в учебной литературе.

Практические занятия направлены на приобретение практических навыков использования математического аппарата для решения задач, в том числе прикладного характера. Занятия проводятся путем решения конкретных задач в аудитории.

| Вид учебных занятий    | Деятельность студента                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      |
|------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Лекция                 | Написание конспекта лекций: кратко, схематично, последовательно фиксировать основные положения, выводы, формулировки, обобщения; помечать важные мысли, выделять ключевые слова, термины. Проверка терминов, понятий с помощью энциклопедий, словарей, справочников с выписыванием толкований в тетрадь. Обозначение вопросов, терминов, материала, которые вызывают трудности, поиск ответов в рекомендуемой литературе. Если самостоятельно не удастся разобраться в материале, необходимо сформулировать вопрос и задать преподавателю на лекции или на практическом занятии.           |
| Практическое занятие   | Конспектирование рекомендуемых источников. Работа с конспектом лекций, подготовка ответов к контрольным вопросам, просмотр рекомендуемой литературы. Прослушивание аудио- и видеозаписей по заданной теме, выполнение расчетно-графических заданий, решение задач по алгоритму.                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |
| Самостоятельная работа | Самостоятельная работа студентов способствует глубокому усвоению учебного материала и развитию навыков самообразования. Самостоятельная работа предполагает следующие составляющие: <ul style="list-style-type: none"><li>– работа с текстами: учебниками, справочниками, дополнительной литературой, а также проработка конспектов лекций;</li><li>– выполнение домашних заданий и расчетов;</li><li>– работа над темами для самостоятельного изучения;</li><li>– участие в работе студенческих научных конференций, олимпиад;</li><li>– подготовка к промежуточной аттестации.</li></ul> |
| Подготовка к           | Готовиться к промежуточной аттестации следует систематически, в                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |

|                          |                                                                                                                                                                                                                                                                     |
|--------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| промежуточной аттестации | течение всего семестра. Интенсивная подготовка должна начаться не позднее, чем за месяц-полтора до промежуточной аттестации. Данные перед экзаменом, экзаменом, зачетом с оценкой три дня эффективнее всего использовать для повторения и систематизации материала. |
|--------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|